

# التطورات الرتيبة

الكتاب الأول

الوحدة 01 تطور كميات مادة المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي

حلول تمارين الكتاب المدرسي GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

### الجزء الأول

( S/ lieutenant) 💹 01 التمرين

تعليق: خطأ علمي في هذا التمرين.

الصورة التي نلاحظها في الشكل لا علاقة لها بالتحول الكيميائي المدروس في نص التمرين.

العبارة الواردة في التمرين << نشاهد في التجربة التالية ظهور اللون الأصفر لحظة إضافة كلور الهيدروجين إلى محلول ثيوكبريتات الصوديوم ...>> هذا غير صحيح!!

### ماذا يحدث في الحقيقة ؟

بعد حوالي ثانيتين من لحظة إضافة حمض كلور الهيدروجين إلى محلول ثيوكبريتات الصوديوم لا نلاحظ أي شيء ، وبعد حوالي عشر ثوان يبدأ اللون الأصفر يظهر ، وهو لون الكبريت S .

#### التفسير:

في بداية التفاعل تبدأ بلورات الكبريت في التشكل ، وهي بلورات متناهية في الصغر أبعادها من رتبة الميكرو متر . تقوم هذه البلورات بنشر الضوء ، ويكون اللون الأزرق أكثر انتشارا (خواص الكبريت) ، فبالنسبة لملاحظ جانبي (لا ينظر شاقوليا للإناء) يشاهد في البداية اللون الأزرق الفاتح .

بمرور الزمن يزداد حجم بلورات الكبريت فيتعكر المحلول. للمزيد انقر على الصورة

1 - اللون الأصفر هو لون الكبريت (S).

2 - يدوم التحول حوالى 10 ثوان ، نعتبره سريعا .

3 - نحضر عدّة محاليل لثيوكبريتات الصوديوم بنفس الحجم لكن بتراكيز مختلفة في

كؤوس متماثلة شفافة للضع هذه الكؤوس فوق قطع ورقية عليها علامة بالحبر الأسود

(مثلا حرف A).

في اللحظة t=0 نضيف نفس الحجم من محلول حمض كلور الهيدروجين لكل الكؤوس .

#### ملاحظة:

استعملنا نفس الحجم من المزيج المتفاعل حتى لا يتدخّل سمك طبقة السائل كعامل في حجب العلامة السوداء وبالتالي يكون السبب الوحيد في حجب العلامة هو كمية الكبريت الناتجة في كل كأس

ليكن  $\Delta n$  كمية مادة الكبريت الناتجة في المدة الزمنية  $\Delta t$  ، حيث أن هذه الكمية هي نفسها في كل الكؤوس ، كل ما في الأمر أن العلامة تُحجب في مدات زمنية مختلفة .

.  $\Delta t$  السرعة المتوسطة لظهور الكبريت هي :  $v=\frac{\Delta n}{\Delta t}$  . السرعة تتناسب عكسيا مع المدة

## ( S/ lieutenant) 🦂 02 التمرين

1 - يدلّ الصدأ على أن الحديد تفاعل مع ثنائي الأكسوجين .

 $4 ext{ Fe} + 3 ext{ O}_2 \rightarrow 2 ext{ Fe}_2 ext{O}_3$  : معادلة التفاعل الكيميائي -2

3 – تفاعل بطيء

```
\mathrm{S_4O_6}^{2-}/\mathrm{S_2O_3}^{2-} و \mathrm{I_2/I^-} : الثنائيتان هما
                                                  I_2 + 2 e^- = 2 I^-
                                                                                           2 - المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان هما:
                                                2 S_2 O_3^{2-} = S_4 O_6^{2-} + 2 e^{-}
                                                  I_2 + 2 S_2 O_3^{2-} \rightarrow S_4 O_6^{2-} + 2 I^- : ارجاع = 3
   4 - قبل التكافؤ يزول لون ثنائي اليود كلما امتزج مع ثيوكبريتات الصوديوم (ثنائي اليود هو المتفاعل المحدّ). ولما نصل للتكافؤ
                                                                                  فأية قطرة إضافية منه تنزل للكأس يستقر لونها الأسمر
                                                                                                     (S/ lieutenant) 🐺 04 التمرين
                                                          S_2O_8^{2-}/SO_4^{2-} و I_2/I^-: Ox/Rd بين الثنائيتين I_2/I^-: Ox/Rd
                                                                                                             2 - المعادلتان النصفيتان:
                                                                            2I^{-} = I_2 + 2 e^{-}
                                                                            S_2O_8^{2-} + 2 e^- = 2 SO_4^{2-}
                                                                                                         3 - معادلة الأكسدة - إرجاع:
                                                2 I_{(aq)}^{-} + S_2 O_8^{2-}_{(aq)} \rightarrow I_{2(aq)} + 2 SO_4^{2-}_{(aq)}
                                                                               I_2 سبب ظهور اللون الأسمر هو تشكّل ثنائي اليود I_2
                                                                                                     ( S/ lieutenant) 🌠 05
1 – الغاز الذي ينطلق هو غاز ثنائي الأكسجين 02 . نكشف عنه مثلا بإشعال عود ثقاب ثم إطفائه وإدخاله مباشرة في أنبوب التجربة
                                                                                                          فنلاحظ أن جمرته تزداد تو هجا
                            2 - نعلم أن شاردة البرمنغنات هي مؤكسد قوى ، إذن في هذه الحالة الماء الأوكسجيني يلعب دور مرجع .

m O_2 \, / \, H_2O_2 و 
m MnO_4^- / \, Mn^{2+} و
                                                                                                 المعادلتان النصفيتان الإلكتر ونيتان هما:
                          2 \times (MnO_4^-_{(aq)} + 5 e^- + 8 H^+_{(aq)} = Mn^{2+}_{(aq)} + 4 H_2O_{(l)})
                           5 \times (H_2O_{2 \text{ (aq)}} = O_{2 \text{ (g)}} + 2 e^- + 2 H^+_{\text{(aq)}})
            2~\mathrm{MnO_4^-}_{(\mathrm{aq})}~+~6~\mathrm{H^+}_{(\mathrm{aq})}~5~\mathrm{H_2O_2}~~
ightarrow~2~\mathrm{Mn}^{2+}_{(\mathrm{aq})}~+~5~\mathrm{O_2}_{(\mathrm{g})}~+~8~\mathrm{H_2O}_{(\mathrm{l})} عمادلة الأكسدة - ارجاع هي
                                                                                                     ( S/ lieutenant) 🧱 06 التمرين
      1 – الغاز المنطلق هو غاز ثنائي الهيدروجين H<sub>2</sub> . نكشف عنه مثلا بتقريب عود ثقاب مشتعل من فوهة الأنبوب بعد سده لبعض
         الدقائق حتى تتجمع كمية معتبرة منه ، تحدث فرقعة ناتجة عن تفاعل ثنائي الهيدروجين مع ثنائي الأكسجين الموجود في الهواء .
                                                                                                         2 - المرجع هو الصوديوم Na
                                                                                                                 المؤكسد هو الماء
                                                                                       H_2/H_2O و Na^+/Na: الثنائيتان هما -3
                                                  2 \times (Na = Na^{+} + e^{-})
                                                                                               المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان هما:
                                                   2 H_2O + 2 e^- = H_2 + 2 OH^-
                                    2 \text{ Na}_{(s)} + 2 \text{ H}_2 \text{O}_{(l)} \rightarrow 2 \text{ Na}^+_{(aq)} + 2 \text{ OH}^-_{(aq)} + \text{H}_2_{(g)} : معادلة الأكسدة إرجاع
```

(S/ lieutenant) 🐺 03

( S/ lieutenant) 环 07

 $Fe^{2+} / Fe$  و  $Cu^{2+} / Cu$  : و  $Cu^{2+} / Cu$  و  $Cu^{2+} / Cu$ 

المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان هما : 
$$\mathrm{Cu^{2+}}_{(aq)} + 2 \ \mathrm{e^{-}} = \mathrm{Cu}_{(s)}$$
 المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان هما :  $\mathrm{Fe}_{(s)} = \mathrm{Fe^{2+}}_{(aq)} + 2 \ \mathrm{e^{-}}$  الكسدة

$${\rm Cu}^{2^+}{}_{({\rm aq})} + {\rm Fe}_{({\rm s})} 
ightarrow {\rm Fe}^{2^+}{}_{({\rm aq})} + {\rm Cu}_{({\rm s})}$$
 : معادلة الأكسدة  $-$  ارجاع هي

2 - يدل زوال اللون الأزرق على أن كل شوارد النحاس الثنائية قد تحوّلت إلى ذرات نحاس ( نلاحظ لون أحمر فوق برادة الحديد الفائضة و هو لون النحاس). هذا التفاعل سريع ، لا يدوم إلا بعض الثواني .

 $(Na^+_{(aq)}, OH^-_{(aq)})$  عن الشوارد المتشكلة نرشّح ناتج التفاعل ونضيف للمحلول محلولا لهيدروكسيد الصوديوم ( $Na^+_{(aq)}, OH^-_{(aq)})$  فيتشكل راسب أخضر لهيدروكسيد الحديد الثنائي (معروف بلونه الخاص)  $Fe(OH)_2$  ، دلالة على أن الشوارد الناتجة هي شوارد الحديد الثنائي ( $Fe^{2+}$ ).

### (Lieutenant) 🎏 🎆 08 التمرين

 $O_2 / H_2 O_2$  و  $MnO_4^- / Mn^{2+}$  : الثنائتان هما

2 - المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان هما:

$$2 \times (MnO_4^-_{(aq)} + 5 e^- + 8 H^+_{(aq)} = Mn^{2+}_{(aq)} + 4 H_2O_{(1)})$$
  
 $5 \times (H_2O_2_{(aq)} = O_2_{(g)} + 2 e^- + 2 H^+_{(aq)})$ 

 $2 \, \mathrm{MnO_4^-}_{(aq)} + 6 \, \mathrm{H^+}_{(aq)} \, 5 \, \mathrm{H_2O_2} \, \rightarrow \, 2 \, \mathrm{Mn}^{2+}_{(aq)} + 5 \, \mathrm{O_2}_{(g)} + 8 \, \mathrm{H_2O}_{(l)}$  عمادلة الأكسدة — ارجاع هي  $3 \, \mathrm{H_2O_4} \, \mathrm{H_2O_2} \, \mathrm{$ 

قبل التكافؤ كلما تنزل كمية من برمنغنات البوتاسيوم يزول لونها لتفاعلها مع  $H_2O_2$  (الشفاف) وظهور  $Mn^{2+}$  (الشفاف). وعندما نبلغ التكافؤ ، أية قطرة زيادة من برمنغنات البوتاسيوم يستقر لونها لعدم وجود  $H_2O_2$  لتتفاعل معه لأن هذا الأخير ينتهي عند التكافؤ . (عندما تجيب لست مطالبا بكل هذا الشرح ، بل قلْ فقط : عندما نبلغ التكافؤ يستقر اللون البنفسجي لبرمنغنات البوتاسيوم ) .

4 - جدول التقدم

معادلة التفاعل		$2 \text{ MnO}_{4}^{-}_{(aq)} + 6 \text{ I}$	$H^{+}_{(aq)} 5 H_2O_2 \rightarrow$	$2 \text{ Mn}^{2+}_{(aq)} +$	5 O <sub>2 (g)</sub>	+ 8 H <sub>2</sub>	O (1)
حالة الجملة	التقدم		(mol)	كمية المسادة			
الحالة الابتدائية	0	$n  (MnO_4^-)$	$n(H^{+})$	<i>n</i> (H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> )	0	0	زیات
الحالة الانتقالية	х	$n  (MnO_4^-) - 2 x$	$n (H^{+}) - 6 x$	$n (H_2O_2) -5 x$	2 x	5 x	زيادة
الحالة النهائية	$x_{E}$	$n  (MnO_4^-) - 2  x_E$	$n (\mathrm{H}^{+}) - 6 x_{E}$	$n (H_2O_2) - 5 x_E$	$2x_E$	$5x_E$	زيادة

(2) 
$$n(H_2O_2) - 5 x_E = 0$$

: من العلاقة (1) ونعوضها في (2) ، نجد :  $n (\text{H}_2\text{O}_2) = \frac{5}{2} n (\text{MnO}_4^-)$  ، نجد :  $x_E$  من العلاقة (1) ونعوضها في

. عند التكافؤ مند البوتاسيوم المضاف عند التكافؤ 
$$V'_E$$
 هو حجم برمنغنات البوتاسيوم المضاف عند التكافؤ

.  $V'_E = 12.5 \; \text{mL}$  . ولتكن معلومة ناقصة في هذا التمرين ، هي قيمة قيمة  $V'_E = 12.5 \; \text{mL}$  . نأخذ من عندنا قيمة ملائمة ، ولتكن

$$C = rac{5}{2} rac{C'V_E'}{V} = 1,6 imes 10^{-1} \ mol \ / \ L$$
: نحسب التركيز المولي لمحلول الماء الأكسوجيني

(Lieutenant) 🎏 🕌 09 التمرين

. 
$$H^{+}_{(aq)}$$
 /  $H_{2\,(aq)}$  و  $Mg^{2+}_{(aq)}$  /  $Mg_{(s)}$  : الثنائتان هما

المعادلتان النصفيتان الإلكتر ونيتان هما:

$$Mg_{(s)} = Mg^{2+}_{(aq)} + 2 e^{-}$$
  
 $2 H^{+}_{(aq)} + 2 e^{-} = H_{2 (g)}$ 

$$n~(\mathrm{H^{^{+}}}) = \mathrm{C_1~V_1} = 1 \times 10 \times 10^{-3} = 1,0 \times 10^{-2}~\mathrm{mol}$$
 . و Mg الابتدائيتين  $\mathrm{H^{^{+}}}$  و 2

$$n \text{ (Mg)} = \frac{36,45 \times 10^{-3}}{24.3} = 1,5 \times 10^{-3} \, mol$$

المتفاعل المحد: ننشىء جدول التقدم:

معادلة التفاعل		$Mg_{(s)}$ +	$2 H^{+}_{(q)} \longrightarrow$	${\rm Mg}^{2+}{}_{(aq)} +$	$H_{2(g)}$		
حالة الجملة	التقدم		كمية المــادة (mol)				
الابتدائية	0	$1.5 \times 10^{-3}$	$10^{-2}$	0	0		
الانتقالية	x	$1.5 \times 10^{-3} - x$	$10^{-2} - 2x$	х	х		

من حل المعادلتين التاليتين نجد القيمة الصغرى لـ x هي الموافقة لكمية مادة المغنزيوم، وبالتالي المغنزيوم هو المتفاعل المحد .

$$10^{-2} - 2x = 0$$
  $1.5 \times 10^{-3} - x = 0$ 

.  $x_{
m max}$  القيمة الصغرى لـ x هي mol القيمة الصغرى لـ المنس

$$n (H_2) = x_{\text{max}} = 1.5 \times 10^{-3} \text{ mol}$$
 lexible length  $n (H_2) = x_{\text{max}} = 1.5 \times 10^{-3} \text{ mol}$ 

$$n ext{ (H_2)} = rac{V_{H_2}}{V_m} = rac{31 imes 10^{-3}}{22,4} = 1.38 imes 10^{-3} mol$$
 : هن المعطيات لدينا بعد  $V_{H_2} = \frac{31 imes 10^{-3}}{22,4} = 1.38 imes 10^{-3} mol$  : هن المعطيات لدينا بعد  $V_{H_2} = \frac{31 imes 10^{-3}}{22,4} = 1.38 imes 10^{-3} mol$  : هن المعطيات لدينا بعد  $V_{H_2} = \frac{31 imes 10^{-3}}{22,4} = 1.38 imes 10^{-3} mol$  : هن المعطيات لدينا بعد  $V_{H_2} = \frac{31 imes 10^{-3}}{22,4} = 1.38 imes 10^{-3} mol$  : هن المعطيات لدينا بعد  $V_{H_2} = \frac{31 imes 10^{-3}}{22,4} = 1.38 imes 10^{-3} mol$ 

. 15 mn وهذه القيمة أصغر من  $x_{
m max}$  ، إذن التفاعل لم ينتهي بعد

( S/ Lieutenant) 10 التمرين

$$lpha$$
  $A+eta$   $B o\gamma$   $C+\delta$   $D$  : وهو من الشكل  $A+B o$   $C+D$  : التفاعل منمذج بالمعادلة

. 
$$\frac{v_A}{\alpha} = \frac{v_B}{\beta} = \frac{v_C}{\gamma} = \frac{v_D}{\delta}$$
 هي D · C · B · A الميميائية لاينا العلاقة بين سرعات اختفاء وظهور الأفراد الكيميائية

$$\beta = \gamma = \delta = 1$$
،  $\alpha = 2$  في حالتنا هذه لدينا

$$v_{C} = \frac{0.2}{2} = 0.1 mol. L^{-1}.mn^{-1}$$
 : وبالتعويض  $\frac{v_{A}}{2} = \frac{v_{C}}{1}$ 

### ( S/ Lieutenant) 11 التمرين 11

1 - يُعتبر التفاعل بطيئا .

(1) 
$$v = -\frac{1}{V} \frac{\Delta n \left(MnO_4^{-}\right)}{\Delta t}$$
: along the large limit of  $\lambda t$ 

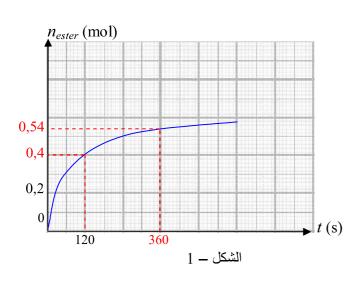
$$n(\text{MnO}_4^-) = \text{C V} = 0.01 \times 0.05 = 5 \times 10^{-4} \text{ mol } :$$
 لاينا

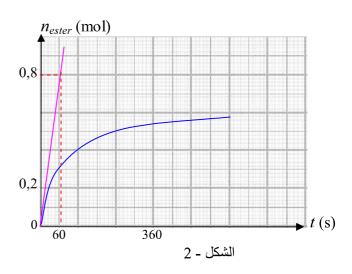
$$v = -\frac{1}{0.1} \frac{(0-5\times10^{-4})}{140} = 3.6\times10^{-5} \, mol. \, L^{-1}. \, s^{-1}$$
: (1) بالتعویض في

### (Lieutenant) 🚟 🎏 12

 $_{1}$  - السرعة المتوسطة لتشكل الأستر  $_{2}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$  في المجال الزمني [ $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$   $_{3}$ 

$$(1 - \frac{\Delta n}{\Delta t})$$
  $v_m = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{0.54 - 0.40}{240} = 5.8 \times 10^{-4} \, mol. \, s^{-1}$ 





: t=0 السرعة عند اللحظة t=0

$$v = \frac{0.8 - 0}{60 - 0} = 1.3 \times 10^{-2} \, mol. \, s^{-1}$$
 ،  $(2 - 1.3 \times 10^{-2} \, mol. \, s^{-1})$  في المبدأ  $n_{Ester} = f(t)$  في المبدأ الشكل عدة السرعة ميل المماس للبيان  $n_{Ester} = f(t)$ 

يان هو النواعل : لدينا  $x_f=0.6\ mol$  من البيان ، ومنه  $x_f=0.6\ mol$  . الزمن الموافق لهذه القيمة على البيان هو  $x_f=0.6\ mol$ 

 $t_{1/2} = 60 \, s$ 

(S/ Lieutenant) 13 التمرين

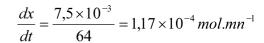
1 - خاطئة (الصحيح: أكبر ما يمكن)

2 - خاطئة (الصحيح: تنتهى نحو الصفر)

3 - لكي نتأكد من صحة أو خطأ النتيجة نحسب ميل المماس للبيان في النقطة التي فاصلتها  $t=40~\mathrm{s}$  ، ثم نقسّم النتيجة على حجم

 $V = V_1 + V_2 = 0.4 L$  المزيج

(1) 
$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$



بالتعويض في (1) :

$$v = \frac{1}{0.4} \times 1,17 \times 10^{-4}$$

$$v = 2.92 \times 10^{-4} \, mol.L^{-1} \, .mn^{-1}$$

يُعتبر الاقتراح صحيح .

(الدقة في رسم المماس)

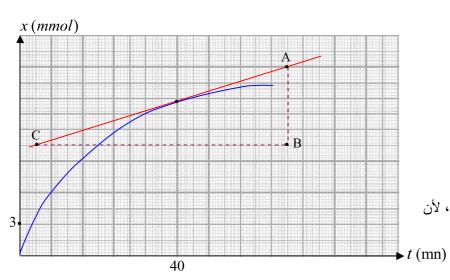
### ملاحظة:

لا يمكن لكل التلاميذ أن يجدوا نفس قيمة الميل ، لأن

هذا راجع لدقة الرسم ، ولهذا في تصحيح

امتحان البكالوريا في هذه الحالة يُعطى

مجال لقيم الميل (مثلا من 5,5 إلى 5,8) . كل هذه القيم تعتبر صحيحة .



يتبع ... الجزء الثاني من التمارين من 14 إلى 29

### GUEZOURI Abdelkader – Lycée Maraval – Oran

http://www.guezouri.org

# التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

تطور كميات مادة المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي الوحدة 10

GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran حلول تمارين الكتاب المدرسي

الجزء الثاني

### (Lieutenant) 🎏 🎆 14 التمرين

#### 1 - جدول التقدّم:

معادلة التفاعل		$H_2O_{2 (aq)} + 2$	$2 H^{+}_{(aq)} + 2 I^{-}$	$\rightarrow$ $I_{2 (aq)}$ +	2 H <sub>2</sub> O <sub>(l)</sub>			
حالة الجملة	التقدم		كمية المادة (mol)					
الحالة الابتدائية	0	<i>n</i> (H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> )	<i>n</i> (H <sup>+</sup> )	0	زيادة			
الحالة الانتقالية	x	$n (H_2O_2) - x$	$n (H^{+}) - 2 x$	x	زيادة			
الحالة النهائية	$x_{\text{max}}$	$n (H_2O_2) - x_{\text{max}}$	$n (H^{+}) - 2 x_{\text{max}}$	$x_{\rm max}$	زيادة			

x=0,2 [I2] ، ومن جهة أخرى لاينا ،  $n(I_2)=[I_2]$  ، ومن جهة أخرى لاينا ،  $n(I_2)=x$ بو اسطة هذه العلاقة الأخيرة نحسب قيم التقدم باستعمال التر اكيز المولية لثنائي اليو د المسجلة على الجدول .

t (mn)	0	1	2	4	6	8	12	16	20	30	40	60	120
x (mmol)	0	0,22	0,42	0,74	0,920	1,10	1,32	1,46	1,54	1,64	1,70	1,74	1,74

البيان x = f(t) انظر للشكل .

3 - أ) السرعة الحجمية للتفاعل هي سرعة التفاعل من أجل وحدة حجم المزيج المتفاعل .

$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

# t = 0 السرعة الحمية للتفاعل عند اللحظة

$$\left(\frac{dx}{dt}\right)_0 = \frac{1.6 \times 10^{-3}}{5} = 3.2 \times 10^{-4} \, mol.mn^{-1}$$

$$v_0 = \frac{1}{0.2} \times 3.2 \times 10^{-4} = 1.6 \times 10^{-3} \, mol. \, L^{-1} \, .mn^{-1}$$

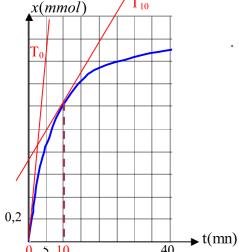
$$\left(\frac{dx}{dt}\right)_{10} = \frac{0.8 \times 10^{-3}}{15} = 5.3 \times 10^{-5} \, \text{mol.mn}^{-1}$$

$$v_{10} = \frac{1}{0.2} \times 5.3 \times 10^{-5} = 2.6 \times 10^{-4} \, mol. \, L^{-1}.mn^{-1}$$

ب) نلاحظ في الجدول أن التركيز المولي لثنائي اليود يصبح ثابتا ابتداء من  $t=60~\mathrm{s}$  ، وبالتالي x كذلك .

.  $u_{100} = 0$  فمنه ، ومنه x = f(t) لكان أفقيا ، أي ميله معدوم ، ومنه

ج) نلاحظ أن سرعة التفاعل تتناقص خلال الزمن ، والسبب هو تناقص تراكيز المتفاعلات .



### (Lieutenant) 🎏 🐺 15

$$m CO_{2\,(aq)} \ / \ H_{2}C_{2}O_{4\,(aq)}$$
 و  $m MnO_{4}^{-}{}_{(aq)} \ / \ Mn^{2^{+}}{}_{(aq)} = 1$  الثنائيتان هما : المعادلتان النصفيتان الإلكتر و نبتان هما :

$$2 \times (MnO_4^-_{(aq)} + 5 e^- + 8 H^+_{(aq)} = Mn^{2+}_{(aq)} + 4 H_2O_{(l)})$$
  
 $5 \times (H_2C_2O_4_{(aq)} = 2 CO_2_{(aq)} + 2 H^+_{(aq)} + 2 e^-)$ 

معادلة الأكسدة - ارجاع:

$$2 \, \mathrm{MnO_{4\,(aq)}} \, + \, 5 \, \mathrm{H_2C_2O_{4\,(aq)}} \, + \, 6 \, \mathrm{H^+_{(aq)}} \, \rightarrow \, 2 \, \mathrm{Mn^{2^+}_{(aq)}} \, + \, 10 \, \mathrm{CO_{2\,(aq)}} \, + \, 8 \, \mathrm{H_2O_{(1)}}$$
  $n \, (\mathrm{MnO_4^-}) = \mathrm{C_1 \, V_1} = 10^{-3} \times 0.05 = 5 \times 10^{-5} \, \mathrm{mol}$  : شاردة البرمنغنات :  $n \, (\mathrm{H_2C_2O_4}) = \mathrm{C_2 \, V_2} = 10^{-1} \times 0.05 = 5 \times 10^{-3} \, \mathrm{mol}$  : ڪمية مادة شاردة حمض الأكساليك التي تكفي لتفاعل كل كمية مادة البرمنغنات المعطاة :  $-3 \, \mathrm{MnO_{4\,(aq)}} + \, 5 \, \mathrm{H_2C_2O_{4}} + \, 8 \, \mathrm{H_2O_{(1)}}$ 

$$2 \text{ MnO}_{4 \text{ (aq)}} + 5 \text{ H}_{2}\text{C}_{2}\text{O}_{4 \text{ (aq)}} + 6 \text{ H}^{+}_{\text{ (aq)}} \rightarrow 2 \text{ Mn}^{2+}_{\text{ (aq)}} + 10 \text{ CO}_{2 \text{ (aq)}} + 8 \text{ H}_{2}\text{O}_{\text{ (l)}}$$

$$t=0$$
  $n \, (MnO_4^-)$   $n \, (H_2C_2O_4)$   $n \, (MnO_4^-) - 2 \, x_{\rm max}$   $n \, (H_2C_2O_4) - 5 \, x_{\rm max}$ 

(1) 
$$n \, (\text{MnO}_4^-) - 2 \, x_{\text{max}} = 0$$
 : عند نهاية التفاعل يكون لدينا

(2) 
$$n (H_2C_2O_4) - 5 x_{max} = 0$$

باستخراج عبارة  $x_{max}$  من (1) وتعويضها في (2) ، نجد :

$$n (H_2C_2O_4) = \frac{5}{2} n (MnO_4^-) = 2.5 \times 5 \times 10^{-5} = 12.5 \times 10^{-5} \text{ mol}$$

ونحن لدينا كمية أكبر من هذه ( $10^{-3} \text{ mol}$   $\times$  5) إذن ، نعم الكمية كافية لزوال لون برمنغنات البوتاسيوم . 4 - نحسب ميل كل مماس للبيان ، والذي يمثل السرعة الحجمية لتشكل شوار د المنغنيز :

 $t_1 = 80 \; \mathrm{s}$  في اللحظة

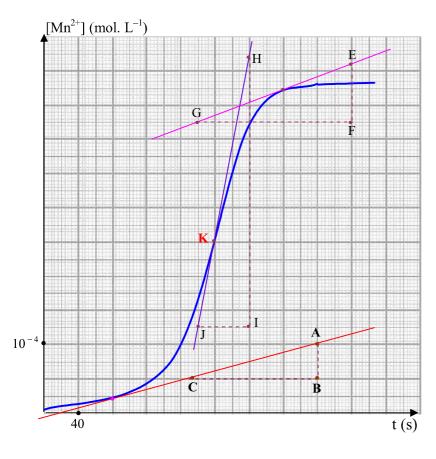
$$\frac{d[Mn^{2+}]}{dt} = \frac{AB}{CD} = \frac{0.5 \times 10^{-4}}{40 \times 3.7} = 3.38 \times 10^{-7}$$

$$v_1 = 3.38 \times 10^{-7} \text{ mol.} L^{-1}.\text{s}^{-1}$$

 $t_2 = 200 \text{ s}$  في اللحظة

$$\frac{d[Mn^{2+}]}{dt} = \frac{HI}{JI} = \frac{3,75 \times 10^{-4}}{60} = 6,25 \times 10^{-6}$$

$$v_2 = 6,25 \times 10^{-6} \text{ mol.} L^{-1}.s^{-1}$$



 $t_3 = 280 \text{ s}$  في اللحظة

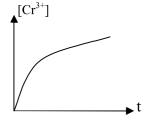
$$\frac{d[Mn^{2+}]}{dt} = \frac{EF}{GF} = \frac{0.85 \times 10^{-4}}{40 \times 4.5} = 4.72 \times 10^{-7}$$

 $v_3 = 4.72 \times 10^{-6} \, mol.L^{-1}.s^{-1}$ 

الاستنتاج: نلاحظ أن سرعة تشكل شاردة المنغنيز تزداد ابتداء من اللحظة t=0 ، ثم تمر بقيمة عظمى ثم تتناقص بعد ذلك .

نمر بالقيمة العظمي في نقطة انعطاف البيان (K) . ، وهذه القيمة هي  $u_{2}$  .

ملاحظة : لو استعملنا بدل برمنغنات البوتاسيوم مثلا ثنائي كرومات البوتاسيوم ومثلنا البيان  $[Cr^{3+}] = f(t)$  لوجدنا بيانا بالشكل التالي التراكي التالي  $[Cr^{3+}]$ 



لمعرفة السبب نجري التجربة التالية: نكون مزيجين متماثلين في التراكيز المولية وفي الحجوم من برمنغنات البوتاسيوم وحمض الأكساليك ونضيف لأحدهما فقط بعض المليمترات المكعبة من محلول كلور المنغنيز  $(Mn^{2+}_{(aq)}, 2 CT_{(aq)})$ . نلاحظ أن المزيج الذي أضفنا له كلور المنغنيز يكون فيه التفاعل أسرع ، معنى هذا أن شوارد المنغنيز محقز لهذا التفاعل .

إذن ماذا يحدث لما نمزج برمنغنات البوتاسيوم وحمض الأكساليك؟

تسمى هذه الظاهرة التحفيز الذاتي ، أي أن أحد نواتج التفاعل يلعب دور المحفز كذلك ، وفي مثالنا هذا شوارد المنغنيز تلعب هذا الدور . في بداية التفاعل يكون التركيز المولي لشوارد المنغنيز ضعيفا ، لهذا تكون سرعة تشكل المنغنيز ضعيفة (120 ثانية الأولى) .

عندما يتزايد التركيز المولي لشوارد المنغنيز في المزيج يزداد التحفيز ، وبالتالي تزداد سرعة تشكل المنغنيز وتمر بقيمة عظمى ، وذلك عند اللحظة 200 s .

بعد اللحظة 240 s تتناقص السرعة رغم إزدياد التركيز المولي لشوارد المنغنيز ، لأن التراكيز المولية للمتفاعلات أصبحت ضعيفة وهذا يؤثر على سرعة تشكل المنغنيز سلبا .

### (Lieutenant) 🎇 🎇 16 التمرين

1 – معادلة تفاعل المعايرة:

 $S_4O_6^{2-}/S_2O_3^{2-}$  و  $I_2/I^-$  : الثنائيتان هما

 $I_2 + 2 e^- = 2 I^-$  : In a light light

 $2 S_2 O_3^{2-} = S_4 O_6^{2-} + 2 e^{-}$ 

 $I_2 + 2 S_2 O_3^{2-} \rightarrow S_4 O_6^{2-} + 2 I^-$  عادلة الأكسدة – إرجاع:

$$I_2$$
 +  $2 S_2 O_3^{2-}$   $\rightarrow$   $S_4 O_6^{2-}$  +  $2 I^-$  -  $2 I_1^-$  -  $2 I_2^-$  +  $2 I_2^-$  -  $2 I_2^-$ 

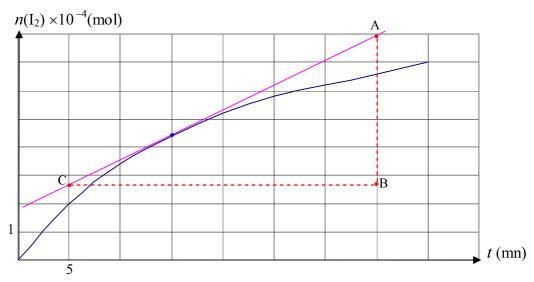
عند التكافؤ يكون لدينا:

(1) 
$$n \left( S_2 O_3^{2-} \right) - 2 x_E = 0$$

(2) 
$$n(I_2) - x_E = 0$$

n ( $\mathrm{I_2}$ ) = 0,5 C' V' : وبالتالي ، n ( $\mathrm{I_2}$ ) = 0,5 n ( $\mathrm{S_2O_3}^2$ ) : بحذف  $x_E$  بين العلاقتين (1) و (2) نجد :

### $n(I_2) = f(t)$ الرسم البيانى – 3



 $t_1 = 10 \; \text{mn}$  و  $t_1 = 10 \; \text{mn}$ 

في اللحظة  $t_1$  تشكل mL من ثنائي اليود في حجم قدره mL . أما في المزيج الإبتدائي  $3.4 \times 10^{-5}~\text{mol}$  تشكلت القيمة  $n_1 = 3.4 \times 10^{-5} \times 10 = 3.4 \times 10^{-4}~\text{mol}$  .  $n_1 = 3.4 \times 10^{-5} \times 10 = 3.4 \times 10^{-4}~\text{mol}$ 

في اللحظة  $t_2$  تشكل mL من ثنائي اليود في حجم قدره mL . أما في المزيج الإبتدائي  $t_2$  من ثنائي اليود في حجم قدره  $n_2 = 5.2 \times 10^{-5} \, \text{mol}$  تشكلت القيمة  $n_2 = 5.2 \times 10^{-5} \times 10 = 5.2 \times 10^{-4} \, \text{mol}$ 

$$v_m = \frac{1}{V} \frac{(n_2 - n_1)}{\Delta t} = \frac{1}{0.1} \frac{(5.2 - 3.4) \times 10^{-4}}{10} = 1.8 \times 10^{-4} \, \text{mol.} L^{-1}.\text{mn}^{-1}$$

 $t=15~\mathrm{mn}$  السرعة الحجمية اللحظية لتشكل ثنائي اليود في اللحظة

$$\frac{d n(I_2)}{dt} = \frac{AB}{CB} = \frac{5.3 \times 10^{-4}}{6 \times 5} = 1.76 \times 10^{-5}$$

$$v_{15} = \frac{1}{V} \frac{d n(I_2)}{dt} = \frac{1}{0.1} \times 1,76 \times 10^{-5} = 1,76 \times 10^{-4} \, mol.L^{-1}.mn^{-1}$$

$$S_2 O_8{}^2$$
 -  $/$   $SO_4{}^2$  و  $I_2$  /  $I^-$  : الثنائيتين الثنائيتين (أ

المعادلتان النصفيتان:

ب)

$$2I^-=I_2+2~e^-$$
 
$$S_2O_8{}^2-+2~e^-=2~SO_4{}^2-$$
 
$$2~I^-_{(aq)}~+~S_2O_8{}^2-_{(aq)}~\to~I_{2(aq)}~+2~SO_4{}^2-_{(aq)}~:$$
معادلة الأكسدة – إرجاع

$$S_{2}O_{8}^{2-}_{(aq)} + 2 I_{(aq)}^{-} \rightarrow I_{2(aq)} + 2 SO_{4}^{2-}_{(aq)}$$

$$t = 0 \quad n_{0} (S_{2}O_{8}^{2-}) \quad n_{0} (\Gamma) \qquad 0$$

$$t \quad n_{0} (S_{2}O_{8}^{2-}) - x \quad n_{0} (\Gamma) - 2x \qquad x \qquad 2x$$

 $n\left(\mathrm{S_2O_8}^{2-}\right)=n_0\left(\mathrm{S_2O_8}^{2-}\right)-x$ : في المزيج هي المزيج مادة  $\mathrm{S_2O_8}^{2-}$  علية مادة  $\mathrm{S_2O_8}^{2-}$  عليه المعادلة بالنسبة للزمن :

. ولدينا 
$$\frac{d \, n_0(S_2O_8^{2-})}{dt}$$
 عبارة عن ثابت ، إذن مشتقه بالنسبة لأي متغير معدوم ، ولدينا  $\frac{d \, n_0(S_2O_8^{2-})}{dt}$ 

و بالتالي: 
$$\frac{d \, n(S_2 O_8^{2-})}{dt} = -\frac{dx}{dt}$$
 ، ومنه سرعة اختفاء  $\frac{S_2 O_8^{2-}}{dt}$  هي سرعة التفاعل بالقيمة المطلقة

$$x=f(t)$$
 هو نفس البيان  $n(I_2)=f(t)$  ، إذن البيان  $x=n(I_2)$  ، إذن البيان  $x=n(I_2)$  ، إذن البيان عبد المراك .

سرعة التفاعل في اللحظة  $t=15~\mathrm{mn}$  هي ميل المماس للبيان في النقطة التي فاصلتها  $t=15~\mathrm{mn}$ 

$$v = \frac{dx}{dt} = \frac{d n(I_2)}{dt} = 1,76 \times 10^{-5} \, mol.mn^{-1}$$

### (Lieutenant) 🎏 👫 17

$$H^+/H_2$$
 و  $Zn^{2+}/Zn$  : و  $Zn^{2+}/Zn$ 

$$Zn_{\,(s)}\,=\,Zn^{2^{+}}{}_{(aq)}\,+\,2\,\,e^{-}\,$$
: ווסשונויוט ווים ווישנייוט

$$2~H^{^{+}}{}_{(aq)}~+~2~e^{^{-}}=~H_{2\,(g)}$$

$$Zn_{(s)} + 2H^{+} \rightarrow Zn^{2+}_{(aq)} + H_{2(g)}$$
 : معادلة الأكسدة – ارجاع

2 - جدول التقدّم:

معادلة التفاعل		$Zn_{(s)}$ +	$2 H^{+}_{(q)} \rightarrow$	$Zn^{2+}_{(aq)} +$	$H_{2(g)}$
حالة الجملة	التقدم		المادة (mol)	كميا	
الابتدائية	0	n (Zn)	<i>n</i> (H <sup>+</sup> )	0	0
الانتقالية	x	n (Zn) – $x$	$n (H^+) - 2 x$	х	х
النهائية	$x_{\text{max}}$	$n$ (Zn) $-x_{\text{max}}$	$n (H^+) - 2 x_{\text{max}}$	$x_{\rm max}$	$x_{\rm max}$

#### تعيين المتفاعل المحدّ:

$$n(Zn) = \frac{m}{M} = \frac{2,3}{65,4} = 3,5 \times 10^{-2} \, mol$$

$$n(H^+) = C_4 V = 0.2 \times 0.1 = 2.0 \times 10^{-2} mol$$

القيمة الأصغر لـ x في حل المعادلتين التاليتين توافق المتفاعل المحدّ :

$$3.5 \times 10^{-2} - x = 0 \Rightarrow x = 3.5 \times 10^{-2} \, mol$$

$$2.0 \times 10^{-2} - 2x = 0 \Rightarrow x = 1.0 \times 10^{-2} \text{ mol}$$

. (  $n(H^+) = n(C\Gamma) = n(HCl)$  أن المتفاعل المحدّ هو حمض كلور الهيدروجين (لا تنس أن

$$x=0,1~[Z\mathrm{n}^{2+}]$$
 : العلاقة المطلوبة هي ،  $(Z\mathrm{n}^{2+}]~\mathrm{V}=x$  ، وبالتالي ،  $n~(Z\mathrm{n}^{2+})=x$ 

3 - زمن نصف التفاعل هو المدة اللازمة لبلوغ التفاعل نصف تقدّمه النهائي.

إذا كان هذا التفاعل تاما يكون هذا الزمن لازما لاستهلاك نصف كمية مادة المتفاعل المحدّ.

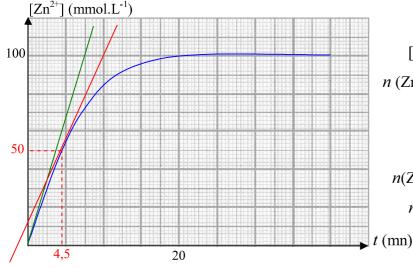
. 
$$x_{\rm max} = 1.0 \times 10^{-2} \; {
m mol}$$
 ، ومن البيان لدينا ،  $z_{\rm max} = 0.1 \; {
m mol/L}$  ، ومنه ،  $z_{\rm max} = 0.1 \; {
m [Zn^{2+}]} \; {
m max}$  دينا ،  $z_{\rm max} = 0.1 \; {
m [Zn^{2+}]} \; {
m max}$ 

$$\frac{0.5x_{
m max}}{V} = \frac{5 \times 10^{-3}}{0.1} = 50 \times 10^{-3} = 50 \ mmol/L$$
 هذه القيمة توافق على البيان  $\frac{x_{
m max}}{2} = 5.00 \times 10^{-3} \ mol$ 

(1-1)فاصلة هذه القيمة للتركيز المولي توافق حوالي موالي د  $t=4.5~{
m mn}$  ، أي  $t_{1/2}=4.5~{
m mn}$ 

### ملاحظة :

كان من الممكن تقسيم التركيز المولي لـ  $Zn^{2+}$  على 2 واستنتاج زمن نصف التفاعل مباشرة ، لكني فصلت ذلك لهدف منهجي .



 $t_{1/2} = 4.5 \, mn$  عند الوسط التفاعلي = 4

 $[Zn^{2+}] = 50 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$ : لدينا عند هذه اللحظة  $n(\mathrm{Zn}^{2+}) = 50 \times 10^{-3} \times 0.1 = 5.00 \times 10^{-3} \,\mathrm{mol}$ ولدينا من الجدول :  $n(Zn^{2+}) = x$  ، ومنه :

:  $x = 5 \times 10^{-3} \, mol$ 

$$n(\text{Zn}) = 3.5 \times 10^{-2} - 5 \times 10^{-3} = 3.00 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

$$n(\text{H}^+) = 2 \times 10^{-2} - 10 \times 10^{-3} = 1.0 \times 10^{-2} \text{ mol}$$

 $t=t_f$ تركيب الوسط التفاعلي عند

الشكل - 1

. 100 mL ينا من البيان  $[Zn^{2+}] = 0.1 \text{ mol/}$  . نحسب عدد مو لات هذه الشاردة في حجم المزيج

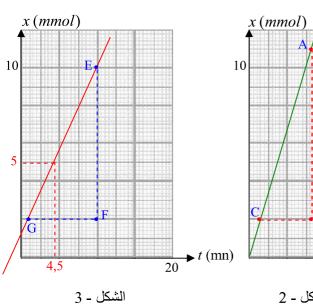
: باذن : 
$$x = 10^{-2} \, mol \, / \, L$$
 ومنه  $n(\text{Zn}^{2+}) = [\text{Zn}^{2+}] \, \text{V} = 0.1 \times 0.1 = 10^{-2} \, \text{mol}$ 

$$n(\text{Zn}) = 3.5 \times 10^{-2} - 10^{-2} = 2.5 \times 10^{-2} \, \text{mol}$$

$$n(\text{H}^+) = 2 \times 10^{-2} - 2 \times 10^{-2} = 0$$

5 - حتى يكون الرسم واضحا فصلنا كل جزء لوحده .

### t = 0 في اللحظة



 $\frac{dx}{dt} = \frac{AB}{CB} = \frac{9 \times 10^{-3}}{7.5} = 1,2 \times 10^{-3}$ 

$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{1,2 \times 10^{-3}}{0,1} = 1,2 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}.mn^{-1}$$

 $: t_{1/2}$  في اللحظة

$$\frac{dx}{dt} = \frac{EF}{GF} = \frac{8 \times 10^{-3}}{9} = 8.9 \times 10^{-4}$$

$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{8.9 \times 10^{-4}}{0.1} = 8.9 \times 10^{-3} \, mol. L^{-1}.mn^{-1}$$

الشكل - 2

# التطورات الرتبية

الكتاب الأول

تطور كميات مادة المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي الوحدة 01

حلول تمارين الكتاب المدرسي GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

### الجزء الثالث

### التمرين 18 🎆 🎆 🎆

 $[S_i] > [S]$  ملاحظة : في هذا التمرين يجب أن يكون

 $[S_i] = 0.2 \text{ mol/L}$ : استبدل التركيز الابتدائي للسكاروز

### استبدل الجدول:

t(mn)	0	200	400	600	800	1000	2000
S (mmol/L)	200	100	50	25	12,5	6,2	3,1
$Y = [S_i] - [S] \text{ (mmol/L)}$							

#### 1 - جدول التقدّم:

معادلة التفاعل		$C_{12}H_{22}O_{11(aq)}  + $	$H_2O_{(l)} \rightarrow C$	$C_6H_{12}O_{6 \text{ (aq)}} +$	$C_6H_{12}O_{6 \text{ (aq)}}$		
حالة الجملة	التقدم	كمية المادة (mol)					
الحالة الابتدائية	0	$n_{0}$	بزيادة	0	0		
الحالة الانتقالية	х	$n_0$ - $x$	بزيادة	x	x		
الحالة النهائية	$x_{\text{max}}$	$n_0$ - $x_{\rm max}$	بزيادة	$x_{\rm max}$	$x_{\rm max}$		

2 - سرعة التفاعل مفهوم يتجانس مع كميّة مادة مقسومة على زمن. تتناسب سرعة التفاعل في كل لحظة مع مشتق التقدّم بالنسبة للزمن ، و هو ميل المماس في اللحظة t .

.  $\frac{dy}{dt}$  هي أن السرعة الحجمية للتفاعل هي المطلوب هنا أن نبيّن أن السرعة الحجمية التفاعل الم

$$\frac{dy}{dt} = \frac{d\left(\left[S_i\right] - \left[S\right]\right)}{dt} = \frac{1}{V}\frac{dx}{dt} \quad \text{: a in } y = \left[S_i\right] - \left[S\right] \quad \text{ethics} \quad \left[S\right] = \frac{n_0 - x}{V} \quad \text{in } \left[S_i\right] = \frac{n_0}{V} \quad$$

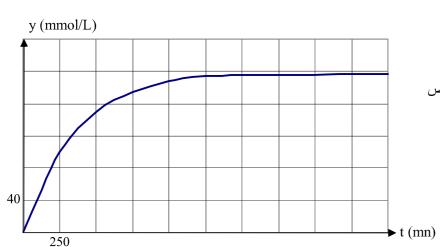
. 
$$y = \frac{n_0}{V} - \frac{n_0 - x}{V} = \frac{x}{V}$$
 : حيث  $t$  خيث التركيز المولي للساكاروز في اللحظة  $y = [S_i] - [S]$ 

# : الجدول - 3

t (mn)	0	200	400	600	800	1000	2000
y (mmol/L)	0	100	150	175	187,5	193,8	196,9

# **GUEZOURI**

Lycée Maraval



 $y = \frac{x}{V}$  لدينا

x(t) = V y(t) أي

4 - نلاحظ أنه كلما يزداد تقدم التفاعل تتناقص

السرعة الحجمية للتفاعل

### التمرين 19 🌦 🌦 🌦

$$5 \mathrm{Br}^- + \mathrm{BrO_3}^- + 6 \, \mathrm{H}^+ \rightarrow 3 \, \mathrm{Br_2} + 3 \, \mathrm{H_2O}$$
 : معادلة النفاعل

 $Br_2/Br^-$  و  $BrO_3^-/Br_2$ : للمزيد : الثنائيتان هما

 $2~{\rm BrO_3^-}_{\rm (aq)}~+~12~{\rm H^+}_{\rm (aq)}~+~10~{\rm e^-}=~{\rm Br_2}_{\rm (aq)}~+~6~{\rm H_2O}_{\rm (l)}$  المعادلتان النصفيتان

$$2 Br^{-}_{(aq)} = Br_{2 (aq)} + 2 e^{-}$$

### 1 - جدول التقدّم

معادلة التفاعل		$5 \text{ Br}^{-}_{(aq)} + \text{ BrO}_{3(aq)}^{-} + 6 \text{ H}^{+} \rightarrow 3 \text{ Br}_{2(aq)} + 3 \text{ H}_{2}\text{O}_{(l)}$						
حالة الجملة	التقدم	كمية المادة (mol)						
الحالة الابتدائية	0	$n_0  (\mathrm{Br}^-)$	$n_0(BrO_3^-)$	$n_0(H^+)$	0	زيادة		
الحالة الانتقالية	X	$n_0  (\mathrm{Br}^-) - 5  x$	$n_0(BrO_3^-) - x$	$n_0(H^+)$ - 6 $x$	3 x	زيادة		
الحالة النهائية	$x_{\text{max}}$	$n_0  (\mathrm{Br}^-) - 5  x_{\mathrm{max}}$	$n_0(BrO_3^-) - x_{\text{max}}$	$n_0(H^+)-6x_{\max}$	$3x_{\text{max}}$	زيادة		

**GUEZOURI** Lycée Maraval Oran

حصيلة المادة معناه التركيب المولي للمزيج (كمية المادة لكل متفاعل ولكل ناتج) عند اللحظة t=0

الفرد الكيميائي	Br <sup>-</sup>	BrO <sub>3</sub>	$H^{+}$	$Br_2$	H <sub>2</sub> O
كمية المادة (mol)	12	2	12	0	زيادة

عند اللحظة  $t=t_{1/2}$  عند اللحظة

نبحث أو لا عن المتفاعل المحدّ ، بحيث نعدم عدد مو لات كل متفاعل ونأخذ أصغر قيمة لـ x

$$n_0 \, (\mathrm{Br}^-) - 5 \, x = 0 \qquad \Rightarrow x = 2.4 \, mol$$

$$n_0(BrO_3^-) - x = 0 \implies x = 2 \text{ mol}$$

$$n_0(H^+)$$
-  $6x = 0 \implies x = 2 \text{ mol}$ 

 $x_{max} = 2 \, mol$  ومنه  $\square \, \mathrm{H}^+$  و  $\mathrm{BrO_3}^-$ : المتفاعلان المحدّان هما

: المولي المولي المولي المولي يكون التفاعل تكون لدينا نصف قيمة  $x_{max}$  ، أي  $x_{max} = 1 \ mol$  ، وبالتالي يكون التركيب المولي للمزيج :

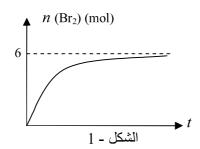
الفرد الكيميائي	Br <sup>-</sup>	BrO <sub>3</sub>	$\mathrm{H}^{^{+}}$	$Br_2$	$H_2O$
كمية المادة (mol)	12 - 5 = 7	2 - 1 = 1	12 - 6 = 6	$3\times 1=3$	زيادة

 $t \to \infty$ 

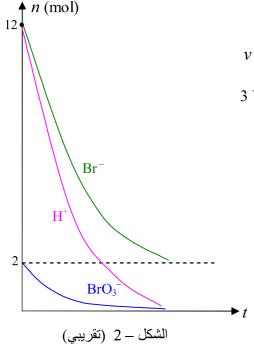
: عند نهاية التفاعل يكون  $x=x_{max}$  ، ويكون حينئذ التركيب المولي للمزيج

الفرد الكيميائي	Br <sup>-</sup>	BrO <sub>3</sub>	$H^{+}$	$\mathrm{Br}_2$	$H_2O$
كمية المادة (mol)	12 - 10 = 2	0	0	$3 \times 2 = 6$	زيادة

: 1 - المحظة t يكون السلم في الشكل و  $x=x_{max}$  نحو  $\infty$  يكون t نحو t وعندما ينتهي t نحو t عند اللحظة t يكون السلم في الشكل - 1

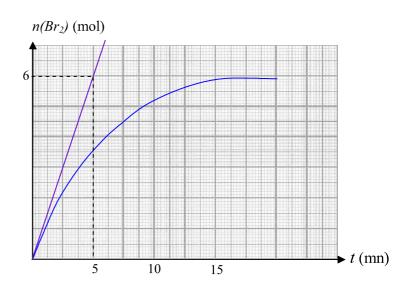


$$(2-1)$$
 الشكل  $k(t)$  ،  $h(t)$  ،  $g(t)$  نمثيل (ب



$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{1}{V} \frac{d\frac{n(Br_2)}{3}}{dt} = \frac{1}{3V} \frac{dn(Br_2)}{dt}$$
 جـ) لدينا سرعة التفاعل ج

 $3~{
m V}$  ونقسمه على  $n({
m Br}_2)=f(t)$  وبن نحسب ميل البيان وبن ، نحسب ميل البيان



$$v=rac{1,2}{0,3}=4\ mol.L^{-1}mn^{-1}$$
 : ومنه السرعة هي  $t=0$  هو  $t=0$  ميل المماس عند اللحظة ومنه السرعة السرعة المحاس

#### التمرين 20 🛸 🚝 🌉

$$(H_2)$$
 وثنائي الهيدروجين  $(Mg^{2+})$  وثنائي الهيدروجين و و النواتج هي المعاير و و المعاير و ا

\_ 2

$$n ext{ (HCl)} = n ext{ (H^+)} = ext{C V'} = 0.1 imes 0.2 = 2.0 imes 10^{-2} ext{ mol} : كمية مادة المغنيزيوم  $n(Mg) = \frac{m}{M} = \frac{9 imes 10^{-2}}{24.3} = 3.7 imes 10^{-3} ext{ mol} : كمية مادة المغنيزيوم$$$

#### : - المتفاعل المحد

المعادلة	Mg (S) +	$2 \text{ H}^{+}_{(aq)} \longrightarrow$	$Mg^{2+}_{(aq)}$ +	$H_{2(g)}$
t = 0	$3,7 \times 10^{-3}$	$2.0 \times 10^{-2}$	0	0
t	$3.7 \times 10^{-3} - x$	$2.0 \times 10^{-2} - 2x$	x	х

نعدم عدد مولات كل متفاعل في اللحظة t ونحسب قيمة x في كل معادلة .

$$3.7 \times 10^{-3} - x = 0$$
  $\Rightarrow x = 3.7 \times 10^{-3} \, mol$   $2.0 \times 10^{-2} - 2x = 0$   $\Rightarrow x = 1.0 \times 10^{-2} \, mol$  المتفاعل المحد هو المغنيزيوم لأن  $3.7 \times 10^{-3} < 10 \times 10^{-3}$ 

:  $P_{H_2}$  - العبارة الحرفية للتقدم بدلالة - 4

لدينا  $P_{H_2} = P - P_{atm}$  ، ولدينا قانون الغازات المثالية  $P_{H_2} V = n R T$  ، حيث N كمية مادة ثنائي الهيدروجين في اللحظة t والذي يساوي التقدم N . وبالتالي نكتب V = x R T ، مع العلم أن V هو حجم غاز الهيدروجين في اللحظة t .

(1) 
$$x = (P - P_{atm})V\frac{1}{RT}$$
 : العبارة هي

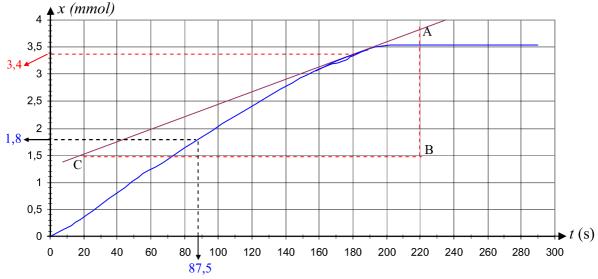
. 
$$V = 500 - 200 = 300 \text{ mL} = 3.0 \times 10^{-4} \text{ m}^3$$
 في العبارة (1) ، علما أن  $T = 20 + 273 = 293^{\circ}$ K ودرجة الحرارة المطلقة  $X = (P - P_{atm}) \times 1.23 \times 10^{-7}$  وبالتالي  $T = 20 + 273 = 293^{\circ}$ K ودرجة الحرارة المطلقة  $T = 20 + 273 = 293^{\circ}$ K

x=0 من أجل القيمة الأولى لدينا  $\mathrm{P}=\mathrm{P}_{\mathsf{atm}}$  ، وبالتالي

من أجل القيمة الثانية لدينا  $P-P_{
m atm}=2.5 imes10^3~{
m Pa}$  ، وبالتالي أجل القيمة الثانية لدينا  $r-P_{
m atm}=2.5 imes10^3~{
m Pa}$ 

I	t(s)	0	18	52	71	90	115	144	160	174	193	212	238	266	290
	x(mmol)	0	0,31	1,10	1,45	1,84	2,32	2 ,83	3,10	3,24	3,50	3,54	3,54	3,54	3,54

# GUEZOURI Lycée Maraval



 $t_{1/2}=87.5~\mathrm{s}$  ، و التيان لدينا ،  $x_{\mathrm{max}}\approx3.6~\mathrm{mmol}$  ، و بالتالي ،  $x_{\mathrm{max}}\approx3.6~\mathrm{mmol}$ 

t = 180 s السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة - 7

$$v = \frac{1}{V} \frac{AB}{CB} = \frac{1}{0.2} \frac{2.4 \times 10^{-3}}{206} = 5.8 \times 10^{-5} \, mol.L^{-1}.s^{-1}$$

.  $n(H_2) = x$  ، ونعلم أن t = 180 s ، ونعلم أن t = 180 s .

نحسب الحجم المولى للغازات في درجة الحرارة 293°K ، أي حجم 1 mol .

$$PV_0 = nRT \Rightarrow V_0 = \frac{nRT}{P} = \frac{1 \times 8.31 \times 293}{1.009 \times 10^5} = 2413 \times 10^{-5} m^3 = 24,13L$$

$$V_{H_2} = 24{,}13 imes 3{,}4 imes 10^{-3} = 82 imes 10^{-3} \, L$$
 : وبالتالي ،  $n\left(H_2\right) = \frac{V_{H_2}}{V_0}$  : حجم ثنائي الهيدروجين هو  $V_{H_2} = 24{,}13 imes 3{,}4 imes 10^{-3} = 82 imes 10^{-3} \, L$  . وبالتالي ،  $n\left(H_2\right) = \frac{V_{H_2}}{V_0}$ 

$$\left[Mg^{2+}\right] = \frac{3.4 \times 10^{-3}}{0.2} = 1.7 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}$$
 و يكون التركيز المولي ،  $n \, (\mathrm{Mg}^{2+}) = x = 3.4 \, \mathrm{mmol}$ 

#### التمرين 21 🛸 🗯 🌉

ملاحظة : في البيان المرفق مع التمرين ، على التراتيب  $[I_2]$  (mmol/L) وليس  $[I_2]$ 

1 - نبرّد الجزء الذي نريد معايرته من أجل إيقاف التفاعل فيه (أي إيقاف تكوّن ثنائي اليود) ، وذلك للتمكن من معايرة فقط الكمية التي تكون موجودة في لحظة التبريد .

 $I_2 / I^-$  و  $S_2 O_8^{2-} / SO_4^{2-}$ : و ما نائنيتان هما = 2

 $I^-$  النوع الكيميائي المرجع هو شاردة اليود  $I^-$ 

 $I_2$  التعليل : رقم تأكسد عنصر اليود ارتفع من (1-) في  $I^-$  الى (0) في

.  ${\rm S_2O_8}^{2^{-}}$  النوع الكيميائي المؤكسد هو شاردة البيروكسوثنائي كبريتات  ${\rm S_2O_8}^{2^{-}}$ 

$$x=7$$
 : ومنه :  $2x-16=-2$  : هو  $x$  حيث :  $2x-16=-2$  ، ومنه :  $S_2{
m O_8}^{2-}$ 

رقم التأكسد انخفض) 
$$x'=6$$
 : مو  $x'-8=-2$  هو  $SO_4^{-2}$  هو  $SO_4^{-2}$  ومنه الكبريت في رقم التأكسد انخفض)

$$S_2O_8^{2-} + 2e^- = 2SO_4^{2-}$$
 معادلة الإرجاع – 5

معادلة الأكسدة 
$$2 I^- = I_2 + 2 e^-$$

6 - كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات:

$$n (S_2O_8^{2-}) = n (K_2S_2O_8) = C_1 V_1 = 1,5 \times 10^{-2} \times 0,5 = 7,5 \times 10^{-3} \text{ mol}$$
  
 $n (I^-) = n (KI) = C_2 V_2 = 0,5 V_2$ 

#### 7 - جدول التقدم

معادلة التفاعل		2 I <sup>-</sup> (aq) +	$S_2O_8^{2-}$ (aq) $\rightarrow$	$I_{2(aq)} + 2 Se$	O <sub>4</sub> <sup>2</sup> -(aq)
حالة الجملة	التقدم		مية المادة (mol)	ک	
الابتدائية	0	<i>n</i> (I⁻)	$n (S_2 O_8^{2-})$	0	0
الانتقالية	x	$n(I^-)-2x$	$n (S_2 O_8^{2-}) - x$	х	2 x
النهائية	$x_{\text{max}}$	$n (I^{-}) - 2 x_{\text{max}}$	$n (S_2 O_8^{2-}) - x_{\text{max}}$	$x_{\text{max}}$	$2x_{\text{max}}$

 $[I_2]$  لكي نتأكد أن x يتغيّر بنفس الطريقة التي يتغيّر بها  $[I_2]$  بدلالة الزمن ، نجد العلاقة بين x و  $I_2 = x$  ، ومنه V = x ، ومنه التالي V = xإذن التقدم والتركيز المولى لثنائي اليود يتطوران بنفس الكيفية.

8 - نحسب ميل المماس T والذي يمثل السرعة الحجمية للتفاعل.

[I<sub>2</sub>] (mmol/L) . 
$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{d[I_2]}{dt} = \frac{2 \times 3 \times 10^{-3}}{7 \times 10} = 8,5 \times 10^{-5} \, mol.L^{-1}.mn^{-1}$$

$$t \, (mn) \qquad \qquad t \, (mn) \qquad \ (mn) \qquad \qquad t \, (mn) \qquad \ (mn) \qquad \qquad t \, (mn) \qquad$$

 $v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{d[I_2]}{dt} = \frac{2 \times 3 \times 10^{-3}}{7 \times 10} = 8.5 \times 10^{-5} \, \text{mol.} L^{-1} \, \text{.mn}^{-1}$ 

10  $n(I_2) = [I_2]$  .  $V = 6 \times 10^{-3} \times 1 = 6 \times 10^{-3}$  mol : ومنه كمية مادة ثنائي اليود لو كان المتفاعل المحد هو  $S_2O_8^{2-}$  لكنا وجدنا كمية مادة ثنائي اليود  $10^{-3}$  mol ، أي عدد مولات  $S_2O_8^{2-}$  التي حسبناها سابقا إذن المتفاعل المحد هو شوار د البود.

10 – زمن نصف التفاعل هو الزمن الموافق لنصف قيمة التقدم النهائي (أو الأعظمي للتفاعلات التامة)

 $t_{1/2} = 15mn$  ومنه  $\frac{x_{max}}{2} = 3 \times 10^{-3} \, mol$  ومنه  $x_{max} = 6 \times 10^{-3} \, mol$  ومنه البيان النقدم الأعظمي ومنه البيان هو  $n(\Gamma) = 2 \times 6 \times 10^{-3} = 1,2 \times 10^{-2} \text{ mol}$  ومنه  $n(I^-) - 2x_{\max} = 0$  في المحد هو شاردة اليود فإن  $n(I^-) = 2 \times 6 \times 10^{-3} = 1,2 \times 10^{-2}$  $\mathrm{C}_2 = 2.4 \times 10^{-2} \; \mathrm{mol/L}$  : ومنه  $n \; (\Gamma) = 0.5 \; \mathrm{C}_2$  ولدينا

# GUEZOURI Lycée Maraval

الألكيبي R هو C (CH<sub>3</sub>)<sub>3</sub> - الألكيبي

 $R-Cl_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightarrow R-OH_{(aq)} + C\Gamma_{(aq)} + H^+_{(aq)}$  : نكتب المعادلة إذن

ho = 1 بمكن متابعة هذا التحول عن طريق قيـاس الناقلية لأن في المزيج المتفاعل توجد شوارد ، وهي ho = 1 و نعلم أن الشوارد هي المسؤولة عن الناقلية الكهربائية للمحاليل.

S = 4 g/L هو R - C1 عن الكتلى لـ 2

 $C = rac{S}{NA}$  التركيز المولي هو التركيز الكتلي مقسوم على الكتلة المولية الجزيئية ، أي

$$n \, ({
m R-Cl}) = [{
m R-Cl}] \, . \, {
m V} = \, rac{{
m S}}{{
m M}} \, . \, {
m V} = 2 imes 10^{-3} imes rac{4}{92.5} = 8.6 imes 10^{-5} \, {
m mol}$$
 هي  ${
m R-Cl}$  هي

1 g/mL هي 1 g/mL .  $80 \times \frac{95}{100} = 76 \text{ mL}$  هو المضاف هو المضاف الماء موجود بزيادة ، حيث لدينا الحجم المضاف هو

R-Cl إذن كتلة الماء المضافة هي q كمية كبيرة بالنسبة لكمية  $n(H_2O)=\frac{76}{18}=4{,}22\ mol$  ، وهي كمية كبيرة بالنسبة لكمية  $n(H_2O)=\frac{76}{18}=4{,}22\ mol$ 

### 3 - جدول التقدم :

معادلة التفاعل		$R-Cl_{(aq)} + 2H_2O_{(l)} \rightarrow R-OH_{(aq)} + H^+_{(aq)} + Cl^-$				
حالة الجملة الكيميائية	التقدم		(mol	كمية المادة ب (		
الحالة الابتدائية	0	8,6×10 <sup>-5</sup>	زيادة	0	0	0
الحالة الانتقالية	x(t)	$8.6 \times 10^{-5}$ - $x(t)$	زيادة	x(t)	x(t)	x(t)
الحالة النهائية	X max	$8.6 \times 10^{-5}$ - $x_{max}$	زيادة	x max	$x_{max}$	x <sub>max</sub>

. 
$$\left[H^{+}\right] = \frac{n\left(H^{+}\right)}{V}$$
 و  $\left[Cl^{-}\right] = \frac{n\left(Cl^{-}\right)}{V}$  : ولدينا  $\sigma = \lambda_{Cl^{-}}\left[Cl^{-}\right] + \lambda_{H^{+}}\left[H^{+}\right]$  و  $\sigma = \lambda_{H^{+}}\left[H^{+}\right]$  و  $\sigma = \lambda_{H^{+}}\left[H^{+}\right]$  و  $\sigma = \lambda_{H^{+}}\left[H^{+}\right]$  و  $\sigma = \lambda_{H^{+}}\left[H^{+}\right]$ 

(1) 
$$\sigma(t) = \frac{(\lambda_{Cl^-} + \lambda_{H^+})}{V} x(t)$$
 :  $\sigma(Cl^-) = n(H^+) = x(t)$   $\sigma(t) = \frac{(\lambda_{Cl^-} + \lambda_{H^+})}{V} x(t)$  :  $\sigma(Cl^-) = n(H^+) = x(t)$ 

R- Cl ، لأن المزيج يكون خاليا من الشوارد (يتواجد نوعان كيميائيان جزيئيان هما t=0و  $^{-7}$  mol/L في الماء لأن تركيز هما حوالي  $^{-7}$  mol/L في الماء لأن تركيز هما حوالي  $^{-7}$  M $^{-10}$  و  $^{-7}$ 

(2) 
$$\sigma_f = \frac{(\lambda_{CI^-} + \lambda_{H^+})}{V} x_{max}$$
 : في نهاية النفاعل يكون  $x = x_{max}$  ، وبالتالي تكون الناقلية النوعية  $x = x_{max}$ 

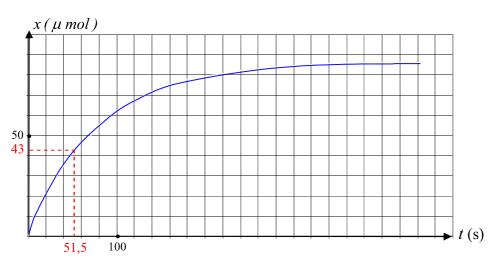
 $x_{max} = 8.6 \times 10^{-5} \, mol$  أي  $^{-5}$  التقدم الأعظمي يساوي كمية مادة 2 – كلور -2- ميثيل بروبان ، أي

$$(3)$$
  $x(t) = x_{max} \frac{\sigma(t)}{\sigma_f}$  ومنه  $\frac{\sigma_f}{\sigma(t)} = \frac{x_{max}}{x(t)}$  ومنه  $(2)$  و  $(1)$  و  $(3)$  ومنه  $(3)$ 

. (من الجدول)  $\sigma_{f} = 298,1~\mu S.cm^{-1}$  التقدم في كل لحظة ، مع العلم أن  $\sigma_{f} = 298,1~\mu S.cm^{-1}$  .

من أجل كل لحظة نقسم  $\sigma_f$  على  $\sigma_f$  ونضرب الناتج في  $\sigma_{max}$  ، مع ترك الناقليتين النوعيتين بنفس الوحدة .

<i>t</i> (s)	0	10	20	30	40	50	60	70	80	90
$x(t)(\mu mol)$	0	15,2	21,5	28,6	34,9	41,2	46,6	49,3	55,5	59,1
<i>t</i> (s)	100	110	120	140	160	190	220	240	285	315
$x(t)(\mu mol)$	61,8	65,4	67,2	71,6	75,2	78,8	80,6	82,4	84,2	85,1
<i>t</i> (s)	365	375	380	450						
$x(t)(\mu mol)$	86,0	86,0	86,0	86,0						



10 - تمثیل التقدم بدلالة الزمن : على محور التراتیب غیرت السلم  $\mu$  mol:  $\mu$  mol:

 $(1 \mu \text{ mol} = 10^{-6} \text{ mol})$  : للتذكير

11 - زمن نصف التفاعل هو الزمن الموافق لنصف قيمة التقدم الأعظمي .

 $t_{1/2} \approx 51,5~{
m s}$  الزمن الموافق على البيان  $x_{max}=43 \mu \, mol$  ، ومنه  $x_{max}=86 \, \mu \, mol$  . الزمن الموافق على البيان

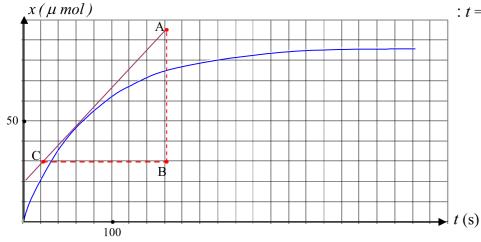
-12

 $t=60~\mathrm{s}$  السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة

$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{1}{V} \frac{AB}{CB}$$

$$v = \frac{1}{82 \times 10^{-3}} \frac{66 \times 10^{-6}}{140}$$

$$v = 5.7 \times 10^{-6} \, mol.L^{-1}.s^{-1}$$

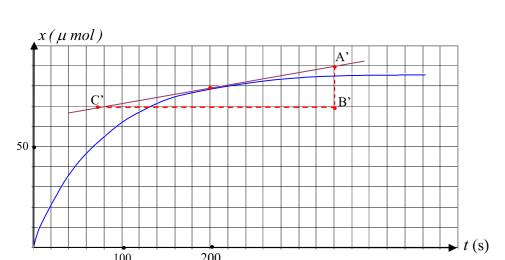


GUEZOURI

Lycée Maraval

C (mol/L)

 $t' = 200 \, \text{s}$  السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة



$$v' = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{1}{V} \frac{A'B'}{C'B'}$$

$$v' = \frac{1}{82 \times 10^{-3}} \frac{20 \times 10^{-6}}{270}$$

$$v' = 9.0 \times 10^{-7} \, mol.L^{-1}.s^{-1}$$

13 - السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة  $t=200~{
m s}$  أصغر من السرعة في اللحظة  $t'=60~{
m s}$  . تناقص السرعة سببه تناقص تراكيز المتفاعلات خلال الزمن .

الذي يوضح ذلك بيانيا هو تناقص ميل المماس كلما زاد الزمن ، إلى أن يصبح هذا الميل معدوما عندما يصبح المماس أفقيا.

### التمرين 23 🌦 🌦 🌦

 $3 \; HNO_{2 \, (aq)} \; \to \; 2 \; NO_{\, (g)} \; + \; H_{3}O^{+}_{\, (aq)} \; + \; NO_{3}^{-}_{\, (aq)} \; :$ معادلة التحوّل الكيميــائي

1 - جدول التقدم (أسفل الصفحة)

لدينا في اللحظة t كمية مادة حمض الأزوتيد هي:

: ومنه التركيز المولي هو $n\left(HNO_{2}
ight)-3x$ 

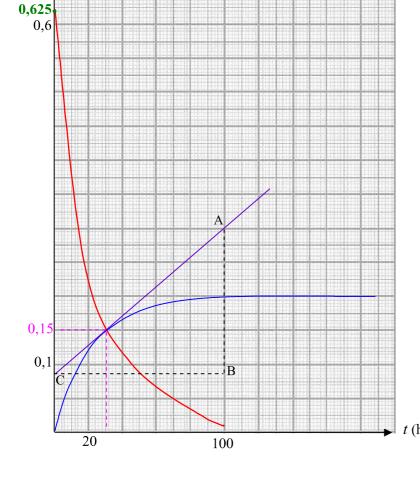
$$[HNO_2] = \frac{n_0(HNO_2)}{V} - \frac{3x}{V}$$

(1) 
$$[HNO_2] = C_0 - \frac{3x}{V}$$

: أما كمية مادة شاردة النترات ( $NO_3^-$ ) فهي

: مولي لهذه الشاردة ،  $n(NO_3^-) = x$ 

$$[NO_3^-] = \frac{x}{V}$$



GUEZOURI Lycée Maraval Oran

عادلة التفاعل	ىم	3 HNO <sub>2 (aq)</sub> —	$\rightarrow$ NO <sub>(g)</sub> +	$H_3O^+_{(aq)}$ +	NO <sub>3</sub> - (aq
حالة الجملة	التقدم		كمية المادة ب (mol)		
الحالة الابتدائية	0	$n_0$ (HNO <sub>2</sub> )	0	0	0
الحالة الانتقالية	x	$n_0 \text{ (HNO}_2) - 3 x$	x	X	x
الحالة النهائية	X max	$n_0 \text{ (HNO}_2) - 3 x_{max}$	X max	X max	x max

2 - السرعة الحجمية للتفاعل هي مفهوم له علاقة مباشرة مع الزمن ، وتتمثّل في مشتق التقدّم بالنسبة للزمن في وحدة الحجم .

$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$
 : أي

: بالنسبة للمنحني ( f(t) ، فهو يمثل اختفاء حمض الأزوتيد f(t) خلال الزمن . نرمز لسرعة الاختفاء ب

(0 مشتق عدد ثابت يساوي ) 
$$v_d = -\frac{dC_0}{dt} + \frac{3}{V}\frac{dx}{dt} = \frac{3}{V}\frac{dx}{dt}$$
 : تصبح السرعة (1) تصبح السرعة ،  $v_d = -\frac{d\left[HNO_2\right]}{dt}$ 

(3) 
$$v_x = \frac{v_d}{3}$$
 وبالتالي نكتب ،  $v_d = 3v_x$  حيث ،  $v_d = 3v_x$  حيث ، وبالتالي نكتب ، وبالتالي نكتب ، وبالتالي نكتب ، ومنه وبالتالي بالتالي با

f(t) البيان معرفة السرعة الحجمية للتفاعل من البيان

• بالنسبة للمنحني  $g\left(t\right)$  ، فهو يمثل تشكل شاردة النترات خلال الزمن . نرمز لسرعة التشكل ب $v_{a}$  ، ونكتب :

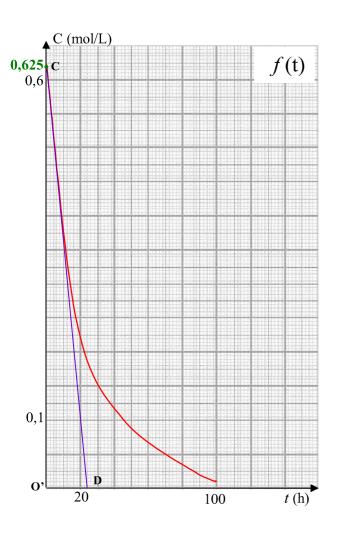
$$v_a = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$
 : تصبح السرعة (2) تصبح ،  $v_a = \frac{d \left[ NO_3^- \right]}{dt}$ 

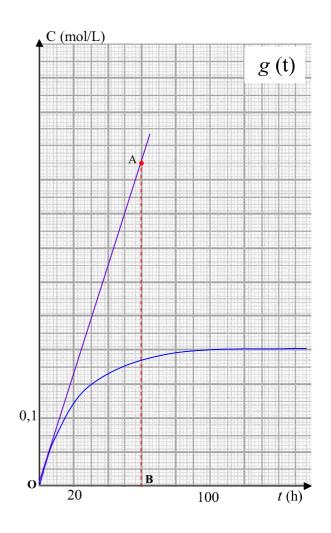
(4) 
$$v_x = v_a$$
 بنكت يخالتالي نكتب

 $g\left( t
ight)$  إذن يمكن معرفة السرعة الحجمية للتفاعل من البيان

GUEZOURI Lycée Maraval

### g(t) و السرعة الحجمية الإبتدائية للتفاعل f(t) : نحسبها بيانيا في اللحظة t=0 إما من البيان t=0

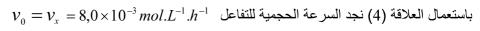




# ن البيان (g (t

سرعة ظهور شاردة النترات هي:

$$v_a = \frac{d\left[NO_3^{-1}\right]}{dt} = \frac{AB}{OB} = \frac{9.6 \times 0.05}{60} = 8.0 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}.h^{-1}$$





سرعة اختفاء حمض الأزوتيد هي :

$$v_a = -\frac{d[HNO_2]}{dt} = -(-\frac{O'C}{O'D}) = +\frac{0.625}{25} = 2.5 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}.h^{-1}$$

 $v_0 = v_x = \frac{2.5 \times 10^{-2}}{3} = 8.3 \times 10^{-3} \, mol. L^{-1}.h^{-1}$  Using the limit of the large value value of the large value va

السرعتان متساويتان في حدود أخطاء التمثيل البياني .

 $[HNO_2] = [NO_3^-] = 0,15 \text{ mol.L}^{-1}$  : قطة تقاطع البيانين توافق - 4

 $[NO] = 2 \times 0.15 = 0.3 \text{ mol.L}^{-1}$  و من معادلة التحول نستنتج :  $[H_3O^+] = 0.15 \text{ mol.L}^{-1}$  : حجم المزيج غير معروف

 $v_x' = v_a' = {AB \over CB} = {4.3 \times 0.05 \over 100} = 2.1 \times 10^{-3} \ mol. L^{-1}.h^{-1}$  :  $t_1$  السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة الحجمية المعادمة ال

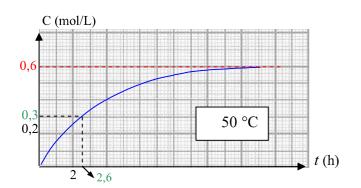
5 - السرعة تتناقص بسبب تناقص التركيز المولى لحمض الأزوتيد .

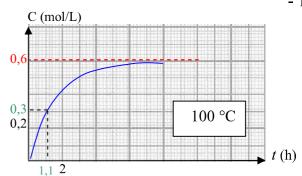
م نعتبر التحول قد انتهى في اللحظة  $t=100~{
m h}$  ، وعندها تنعدم السرعة الحجمية للتفاعل .

### التمرين 24 🌋

 $A + B \rightarrow C + D$  : معادلة التحول

- 1





 $x_2 = \begin{bmatrix} C_2 \end{bmatrix} V$  ،  $x_1 = \begin{bmatrix} C_1 \end{bmatrix} V$  : نكتب نكتب  $x_2$  و  $x_1$  ،  $x_2$  فمن أجل قيمتين لـ  $x_2$  و من نكتب  $x_1$  فمن أجل قيمتين الحظة المنافق اللحظة المنافق المنافق

.  $[C_2] = \frac{[C_1]}{2}$  فإذا كان  $x_2 = \frac{x_1}{2}$  فإذا كان فإن كذلك بتقسيم العلاقتين طرفا لطرف يكون و نام

إذن لكي نحسب زمن نصف التفاعل يكفي أن نقسم التركيز الأعظمي للنوع الكيميائي C على C ونستنتج C من بيان التركيز C علما كان زمن نصف التفاعل أقل تكون سرعة التفاعل عند C أكبر ، أي أن كلما كانت درجة حرارة المزيج أكبر كلما كان التحول أسرع . (درجة الحرارة عامل حركي)

### التمرين 25 🅌

ا - أ) سبب تحول اللون البنفسجي لعديم اللون هو تفاعل شاردة البرمنغنات وتحولها لشاردة المنغنيز 4 - 2 - 1 عديمة اللون . أما سبب زوال اللون ، فيجب أن نبيّن أن شاردة البرمنغنات هي المتفاعل المحدّ .

### كمية مادة البرمنغنات:

. ميث  $V_1$  هو حجم برمنغنات البوتاسيوم ،  $n \, (\text{MnO}_4^-) = [\text{MnO}_4^-] \, V_1 = 0.2 \times 0.2 \times 10^{-3} = 4.0 \times 10^{-5} \, \text{mol}$  کمیة مادة حمض الأکسالیك :

. حيث  $V_2$  هو حجم حمض الأوكساليك ،  $n (H_2C_2O_4) = [H_2C_2O_4] V_2 = 0.2 \times 0.005 = 1.0 \times 10^{-3} \text{ mol}$  معادلة التحوّل الكيميائي هي :

$$2 \text{ MnO}_{4 \text{ (aq)}}^{-} + 6 \text{ H}^{+}_{\text{ (aq)}} + 5 \text{ H}_{2}\text{C}_{2}\text{O}_{4 \text{ (aq)}} \rightarrow 2 \text{ Mn}^{2+}_{\text{ (aq)}} + 10 \text{ CO}_{2 \text{ (g)}} + 8 \text{ H}_{2}\text{O}_{\text{(l)}}$$

المتفاعلان	2 MnO <sub>4</sub> (aq) +	5 H <sub>2</sub> C <sub>2</sub> O <sub>4 (aq)</sub>
t = 0	$4.0 \times 10^{-5}$	10 <sup>-3</sup>
t	$4 \times 10^{-5} - 2x$	$10^{-3} - 5x$

$$4\times 10^{-5} - 2x = 0 \implies x = 2\times 10^{-5}\,mol$$
  $10^{-3} - 5x = 0 \implies x = 2\times 10^{-4}\,mol$  إذن المتفاعل المحد هو برمنغنات البوتاسيوم (أصغر قيمة للتقدم) ونستنتج من هذا أن الكمية المضافة (  $0.2~{
m mL}$  ) تختفي كلها عند إضافتها

(1) 
$$v = \frac{1}{V} \frac{\Delta x}{\Delta t}$$
: (1) السرعة الحجمية الوسطية (المتوسطة) المقصودة (عبر المتوسطة)

لدينا  $x = \frac{1}{2} n \, (MnO_4^-)$  ، هذه العلاقة صحيحة بين أية لحظتين زونيتين ، ومنه  $n \, (MnO_4^-) - 2x = 0$  لدينا

$$v=rac{1}{2V}rac{\Delta \left(MnO_{4}^{-}
ight)}{\Delta t}$$
 : نجد (1) نجد .  $\Delta x=rac{1}{2}\Delta n\left(MnO_{4}^{-}
ight)$ 

. ( 200 mL أمام 0,2 mL أهملنا الحجم ) 
$$v = \frac{1}{2 \times 0,2} \left| \frac{0 - 4 \times 10^{-5}}{45} \right| = 2,2 \times 10^{-6} \, mol. L^{-1} s^{-1}$$

 $x=2 \times 10^{-5} \ mol$  وهي نفسها التقدم الأعظمي ، حينئذ تكون كمية مادة حمض الأكساليك  $x=2 \times 10^{-5} \ mol$  : الباقية في المزيج :  $n(H_2C_2O_4)-5x=10^{-3}-5 \times 2 \times 10^{-5}=9.0 \times 10^{-4} \ mol$  ، أما التركيز المولي للحمض هو

$$[H_2C_2O_4] = \frac{9 \times 10^{-4}}{0.2} = 4.5 \times 10^{-3} \, mol \, / \, L$$

$$v' = \frac{1}{2V} \frac{\Delta (MnO_4^-)}{\Delta t} = \frac{1}{2 \times 0.2} \left| \frac{0 - 4 \times 10^{-5}}{28} \right| = 3.57 \times 10^{-6} \, mol. L^{-1} s^{-1} \qquad (^{\dagger} - 3)^{-1} = 1.57 \times 10^{-6} \, mol. L^{-1} s^{-1} = 1.57 \times$$

ب) نلاحظ أن v' > v ، وهذا لا يكون ممكنا في تفاعل عادي لأن تناقص التركيز يؤدّي إلى تناقص السرعة ، لكن في هذا التحول حدث ما يلي : في التجربة الثانية (الإضافة الثانية) كانت هناك كمية من شوارد المنغنيز  $4 m^2$  الناتجة عن الإضافة الأولى ، وهذه الشوارد كانت سببا في تحفيز التفاعل (التحفيز الذاتي في هذه الحالة) . وهذا ما جعل السرعة في التجربة الثانية أكبر من السرعة في التجربة الأولى .

4 – في هذه الحالة (أي التجربة الثانية) يتدخّل عاملان حركيان هما التحفيز ودرجة الحرارة ، لهذا تكون السرعة أكبر ولا يدوم التحول إلا ثانية واحدة .

#### التمرين 26 🌞

 $2~H_2O_{2~(l)}~\rightarrow~2~H_2O_{~(l)}~+~O_{2~(g)}$  : معادلة التحلل

. 1 – دون الوسيط يكون التفاعل بطيئا ، وخاصة في درجة حرارة منخفضة .

2 - في هذا التحوّل لدينا وساطة متجانسة ، أي أن الوسيط والمتفاعلات من نفس الحالة الفيزيائية (سوائل) .

للعلم فقط أن في حالة الوساطة المتجانسة يظهر الناتج في جميع أنحاء البيشر ، أما في الوساطة غير المتجانسة يظهر الناتج بجوار الوسبط.

يمكن تحفيز هذا التفاعل بواسطة سلك من البلاتين (وساطة غير متجانسة) بحيث نلاحظ انطلاق غاز الأكسجين بجوار السلك فقط.



المرحلة 4



المرحلة 3

 $n (H_2O_2) (mol)$ 

Α

3 – الشيء الذي يوضّح أن الوسيط قد شارك في التفاعل هو صورة المرحلة (3) - اللون البنّي والفوران

الفوران: انطلاق ثنائي الأكسجين

اللون البني: ناتج عن المركبات المعقدة التي يمر بها الوسيط وهو يسرّع في التفاعل ، حيث أنه يغيّر آلية (ميكانيزم) التفاعل .

4 - المعلومة المتعلقة بالوسيط التي تبرزها الصورة نرصدها في صورة المرحلة 4 ، بحيث أن هذا اللون الأصفر الصدئي هو لون شوارد الحديد الثلاثية. يدلّ هذا على أن الوسيط أنهى مهمته وعاد إلى لونه الطبيعي (الأصلي).

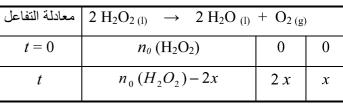
### التمرين 27 🌦 🌦

 $2~H_2O_{2~(aq)}~\rightarrow~2~H_2O_{~(l)}~+~O_{2~(g)}~:$ معادلة التحوّل الكيميــائـي

 $t=10~{
m mn}$  أ من البيان نستنتج كمية مادة الماء الأكسجيني الموافقة لـ  $t=10~{
m mn}$ 

 $n (H_2O_2) = 4.5 \text{ mol}$ 

معادلة التفاعل	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$+ O_{2(g)}$	
t = 0	$n_{ heta}\left(\mathrm{H_{2}O_{2}} ight)$	0	0
t	$n_0(H_2O_2) - 2x$	2 x	х



ب) في اللحظة t تكون كمية مادة الماء الأكسو جيني:

$$n_0(H_2O_2) - 2x = 4.5$$

: ومنه كمية مادة ثنائي الأكسوجين هي :  $x = 1,65 \, mol$ 

$$n(H_2O) = 2 \times 1,65 = 3,3 \text{ mol} \cdot n(O_2) = 1,65 \text{ mol}$$

ج) سرعة اختفاء الماء الأكسوجيني:

▶ t (mn)

$$v = -\frac{d n(H_2 O_2)}{dt} = -(-\frac{AB}{BC}) = \frac{6.3}{25} = 2.5 \times 10^{-1} \text{ mol.mn}^{-1}$$

2 - أ) نقطة تقاطع بيبان سرعة اختفاء الماء الأكسوجيني مع محور التراتيب هي السرعة في غيباب الوسيط .

$$v = 3.3 \times 10^{-2} \, mol.mn^{-1}$$

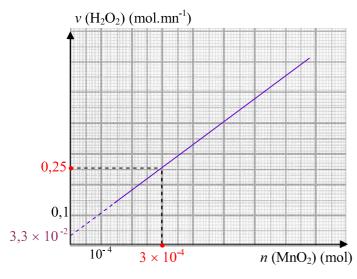
ب) لإيجاد كمية مادة الوسيط المستعملة في السؤال -1،

 $v = 0.25 \text{ mol.mn}^{-1}$  نستعمل بيان السرعة ونأخذ القيمة الموافقة لـ

$$n \, (MnO_2) = 3 \times 10^{-4} \, mol$$
:

ج) كلما استعملنا كمية أكبر من الوسيط نحصل على سرعة أكبر

في اللحظة t=0





#### التمرين 28 🐙 🕷 🌉

 $S_2O_8^{2-}{}_{(aq)} + 2I_{(aq)}^{-} \rightarrow 2SO_4^{2-} + I_{2(aq)}$  : معادلة التحوّل

1 - السرعة الحجمية للتفاعل هي مفهوم له علاقة مباشرة مع الزمن ، وتتمثل في مشتق التقدّم بالنسبة للزمن في وحدة الحجم .

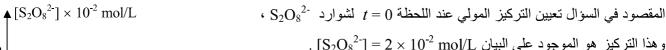
$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$
 : أي

معادلة التفاعل	$S_2O_8^{2-}$ (aq) +	2 I <sup>-</sup> (aq)	$\rightarrow$	2 SO <sub>4</sub> <sup>2</sup> -	+ I <sub>2 (aq)</sub>
t = 0	$n_0 \left( \mathrm{S_2O_8}^2 \right)$				
t	$n_0(S_2O_8^{2-})-x$				

$$\left[S_2O_8^{\ 2-}
ight] = rac{n_0\left(S_2O_8^{\ 2-}
ight) - x}{V}$$
 : ومنه  $n_0\left(S_2O_8^{\ 2-}
ight) - x$  : هي اللحظة  $t$  هي اللحظ

 $v = -rac{d\left[S_2O_8^{\ 2-}
ight]}{dt}$ : هي تاني کبريتات و بالتالي سرعة التفاعل بدلالة ترکيز شاردة البروکسوثنائي کبريتات و بالتالي سرعة التفاعل بدلالة ترکيز

2 - ملاحظة خاصة بالمعطيات: في التجارب الأربعة استعملنا الوسيط فقط في التجربة الرابعة ، إجلاء للغموض في نص التمرين الذي يوحي أن كل التجارب استعمل فيها الوسيط، مع الإشارة إلى أن شوارد الحديد الثنائية كافية لتحفيز هذا التفاعل.



-3

 $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة من التجربة  $[S_2O_8^{2-}] = 2 \times 1$  القيمة المطلقة المطل

سرعة اختفاء شوارد  $S_2O_8^2$  تتزايد عند t=0 بالقيمة المطلقة من التجربة  $S_2O_8^2$  إلى  $S_2O_8$  لأن درجة الحرارة في هذه التجارب تتزايد من من  $S_2O_8$  إلى  $S_2O_8$  التجربة  $S_2O_8$  أخريت في نفس درجة حرارة التجربة  $S_2O_8$  ، لكن بوجود وسيط ، إذن في نات من  $S_2O_8$  .

 $S_2O_8^{2-}$  هذه التجربة تكون أكبر سرعة لإختفاء شوارد

4 - العوامل الحركية التي تبرزها هذه التجارب هي:

التجربة 1: درجة الحرارة

التجربة 2: درجة الحرارة

التجربة 3: درجة الحرارة

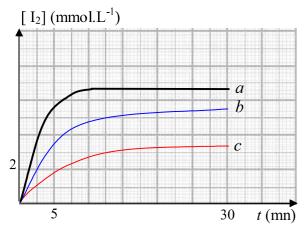
التجربة 4: درجة الحرارة + الوسيط (شوارد + التجربة + عناصة الحرارة + التجربة + عناصة التجربة + التجربة + عناصة التحربة + عناصة التجربة + عناصة التحربة + عناصة + عناصة التحربة + عناصة + عناص

 $S_2O_8^2$  تكون معتبرة في مدة قصيرة إذا ما قورنت بالمدة المختفية من شوارد  $S_2O_8^2$  تكون معتبرة في مدة قصيرة إذا ما قورنت بالمدة اللازمة لإجراء المعايرة ، لهذا يجب إيقاف التفاعل للتمكن من المعايرة ، وذلك بوضع العيّنة المعايرة في ماء الثلج .

(لهذا يجب أن نعرّف السرعة والبطء في التفاعلات بنسبها إلى المدة المستغرقة في تقنية المتابعة)

#### التمرين 29 🖢 🗯 🕷

$$m H_2O_{2\,(l)} + 2\,H^+_{\,\,(aq)} + 2\,\Gamma_{\,\,(aq)} \rightarrow 2\,H_2O_{\,\,(l)} + I_{2\,\,(aq)}$$
 معادلة التحوّل الكيميــائي :  $m (l) - 1$ 



	$H_2SO_4$ محلول $1 \text{ mol.L}^{-1}$	$ ext{KI}$ محلول $0,1  ext{ mol.L}^{-1}$ الحجم $V_2$	$ m H_2O_2$ 0,1 mol. $ m L^{-1}$ $ m V_1$ الحجم	H <sub>2</sub> O
الخليط a 30 mL	10 mL	18 mL	2 mL	0
الخليط b 40 mL	10 mL	10 mL	10 mL	10 mL
الخليط c 30 mL	10 mL	10 mL	1 mL	9 mL

المقصود بالتركيز المولي الابتدائي هو التركيز المولي في المزيج في اللحظة t=0. من أجل حسابه ، نحسب أو لا عدد المولات في كل محلول ثم نقسم على حجم المزيج (الخليط).

### : (a) الخليط

التركيز المولي  $n \ (\mathrm{H_2O_2}) = [\mathrm{H_2O_2}] \times \mathrm{V_1} = 0.1 \times 2 \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-4} \ \mathrm{mol}$  . الما التركيز المولي التركيز المولي المولي التركيز المولي التركيز المولي المولي التركيز التركيز التركيز المولي التركيز ال

$$\left[H_2O_2
ight]_0=rac{n(H_2O_2)}{\Sigma V}=rac{2 imes 10^{-4}}{30 imes 10^{-3}}=6.7 imes 10^{-3}\ mol.L^{-1}$$
 : الإبتدائي فهو

التركيز المولي ، n ( $I^-$ ) = [ $I^-$ ] imes  $V_2 = 0.1 imes 18 imes 10^{-3} = 1.8 imes 10^{-3}$  mol : لدينا : [ $I^-$ ] والتركيز المولي التركيز المولي .

$$\left[I^{-}
ight]_{0}=rac{n(I^{-})}{\Sigma V}=rac{1.8 imes10^{-3}}{30 imes10^{-3}}=6.0 imes10^{-2}\,mol.L^{-1}$$
 : الإبندائي فهو

### (b) الخليط

التركيز المولى  $n (H_2O_2) = [H_2O_2] \times V_1 = 0.1 \times 10 \times 10^{-3} = 1.0 \times 10^{-3} \text{ mol}$  ، أما التركيز المولى

$$\left[H_2O_2
ight]_0=rac{n(H_2O_2)}{\Sigma V}=rac{10^{-3}}{40 imes10^{-3}}=2.5 imes10^{-2}\ mol.L^{-1}$$
: الإبتدائي فهو

التركيز المولي الإبتدائي ، n ( $I^-$ ) = [ $I^-$ ] imes  $V_2$  =  $0.1 imes 10 imes 10^{-3} = 1.0 imes 10^{-3}$  mol : لدينا : [ $I^-$ ] $_0$  الما التركيز المولى الإبتدائي

$$ig[I^-ig]_0 = rac{n(I^-)}{\Sigma V} = rac{10^{-3}}{40 imes 10^{-3}} = 2,5 imes 10^{-2} \ mol.L^{-1}$$
 : فهو

#### : (c) الخليط

التركيز المولي ،  $n ext{ (H}_2O_2) = [H_2O_2] imes V_1 = 0.1 imes 1.0 imes 10^{-3} = 1.0 imes 10^{-4} ext{ mol}$  ، أما التركيز المولي :  $[H_2O_2]_0$ 

$$\left[H_2O_2\right]_0 = \frac{n(H_2O_2)}{\Sigma V} = \frac{10^{-4}}{30 \times 10^{-3}} = 3.3 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}$$
 : الإبتدائي فهو

التركيز المولي n ( $I^-$ ) = [ $I^-$ ] imes  $V_2 = 0.1 imes 10 imes 10^{-3} = 1.0 imes 10^{-3}$  mol ، أما التركيز المولي الابتدائي

$$[I^-]_0 = \frac{n(I^-)}{\Sigma V} = \frac{10^{-3}}{30 \times 10^{-3}} = 3.3 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}$$
 فهو

#### ب) المتفاعل المحدّ في كل خليط:

	$H_2O_{2 (l)}$	$+ 2 H^{+}_{(aq)} +$	$2 \Gamma_{(aq)} \rightarrow$	2 H <sub>2</sub> O <sub>(l)</sub> -	+ I <sub>2 (aq)</sub>
t = 0	n (H <sub>2</sub> O <sub>2</sub> )	n (H <sup>+</sup> )	n (I <sup>-</sup> )		0
t	$n(H_2O_2)-x$	$n(H^+)-2x$	$n(I^-)-2x$		х

### كمية مادة كل متفاعل في كل خليط:

$$n (H^{+}) = 2 n (H_2SO_4) = 2 \times 1 \times 10 \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-2} \text{ mol}$$

<i>n</i> (Γ) (mol)	$n(H^{+})$ (mol)	$n (H_2O_2) (mol)$	الخليط
$18 \times 10^{-4}$	$2 \times 10^{-2}$	$2 \times 10^{-4}$	а
10-3	$2 \times 10^{-2}$	10-3	b
10-3	$2 \times 10^{-2}$	10-4	С

لكي نعيّن المتفاعل المحد في كل خليط ، نعدم كمية مادة كل متفاعل في اللحظة t ، وتكون أصغر قيمة لـ x موافقة للمتفاعل المحدّ

### : a الخليط

$$H_2O_2$$
 المتفاعل المحدّ هو  $\approx 2 \times 10^{-4} - x = 0 \implies x = 2,0 \times 10^{-4} \, mol$   $\approx 18 \times 10^{-4} - 2x = 0 \implies x = 9,0 \times 10^{-4} \, mol$   $\approx 2 \times 10^{-2} - 2x = 0 \implies x = 1,0 \times 10^{-2} \, mol$ 

#### الخليط b

$$I^{-}$$
 المتفاعل المحدّ هو  $0^{-3}-x=0 \implies x=10^{-3}\,mol$   $0^{-3}-2x=0 \implies x=5,0\times 10^{-4}\,mol$   $0^{-3}-2x=0 \implies x=10^{-2}\,mol$ 

 $:\;c$  الخليط

$$H_2O_2$$
 المتفاعل المحدّ هو  $= \begin{cases} 10^{-4} - x = 0 \implies x = 10^{-4} \, mol \\ 10^{-3} - 2x = 0 \implies x = 5,0 \times 10^{-4} \, mol \\ 2 \times 10^{-2} - 2x = 0 \implies x = 10^{-2} \, mol \end{cases}$ 

. التركيز المولي النهائي لثنائي اليود في كل خليط: نعلم أن  $n(I_2)=x$  . إذن من أجل كل خليط نقسم قيمة x على حجم المزيج .



الخليط ، 
$$[I_2]_f = \frac{2 \times 10^{-4}}{30 \times 10^{-3}} = 6.7 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}$$
 :  $a$  الخليط

البيان لا يوافق ، 
$$\left[I_2\right]_f=rac{5 imes10^{-4}}{40 imes10^{-3}}=12,5 imes10^{-3}\ mol.L^{-1}$$
 :  $b$  البيان لا يوافق

الخليط ، 
$$\left[I_{2}\right]_{f}=\frac{10^{-4}}{30\times10^{-3}}=3,3\times10^{-3}\,mol.L^{-1}$$
 :  $c$  الخليط

. (المماس أفقي) .  $t=30~\mathrm{mn}$  ، لأن سرعة تشكل ثنائي اليود تكون معدومة عند هذه اللحظة  $t=30~\mathrm{mn}$ 

# التطورات الرتبية

التحولات النووية

الوحدة 20

الكتاب الأول

GUEZOURI Aek - Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

# الجزء الأول

### التمرين 01 🌋

 $r_0=1.3~fm$  ميث النسبة لكل الأنوية وقيمته  $r_0=1.3~fm$  ، حيث مو ثابت بالنسبة لكل الأنوية وقيمته  $r_0=1.3~fm$  $R = 1.3\sqrt[3]{64} = 5.2$  نصف قطر نواة النحاس نصف قطر نواة النحاس نصف قطر نواة النحاس

$$A = \left(\frac{R}{r_0}\right)^3 = \left(\frac{3.7}{1.3}\right)^3 = 23$$
 هي هي  $3.7 \times 10^{-15} \, \mathrm{m}$  إذا كان نصف قطر نواة هو

#### التمرين 02 🌋

### • وصف التجربة:

وُضعت في التجربة داخل جفنة محصنة مادة مشعة تُصدر الجسيمات \alpha ، ثم وُجّهت نحو ورقة ذهب رقيقة جدا سمكها حوالي 0.6 m . ووُضع وراء ورقة الذهب شاشة مطلية بكبريت التوتياء ZnS ، بحيث إذا سقطت عليها الجسيمات  $\alpha$  تبْرُق

الملاحظة : جزء كبير من الجسيمات  $\alpha$  تعبر ورقة الذهب وتسقط على الشاشة أفقيا وجزء صغير (حوالي 0.00%) تنحرف عن مسار ها عند ملاقاة ورقة الذهب

استعمل روذرفورد مادة الذهب ، لأن بواسطة هذا المعدن يمكن صناعة صفائح رقيقة جدا على غرار باقي المعادن الأخرى . أما سبب وضع صفيحة رقيقة جدا هو حتى لا نترك التعقيب على نتيجة التجربة بفعل سمك الصفيحة .

- النتيجة: المادة فارغة تقريبا، والذرة تحتوى على نواة موجبة.
- $^{197}\mathrm{Au}$  مع العلم أن  $^{197}\mathrm{Au}$  مع العلم أن  $^{197}\mathrm{Au}$  قيمة قطر نواة الذهب  $^{197}\mathrm{Au}$  ، ولدينا  $D = 2 \times 7.56 = 15.12 \, fm$  ومنه قطر نواة الذهب هو

(1)  $V = \frac{4}{2}\pi R'^3$  محیث R' محین قطر ها R' محین نحساب أو  $V = \frac{4}{2}\pi R'^3$  محیث R' محین قطر ها R' $V = \frac{m}{\rho} = \frac{197 \times 1,67 \times 10^{-24}}{19.3} = 1,7 \times 10^{-23} \, cm^3$  ولاينا الكتلة الحجمية للذهب  $\rho = 19,3 \, g/cm^3$  ولاينا  $R' = \sqrt[3]{\left(\frac{3V}{4\pi}\right)} = \sqrt[3]{\frac{3\times1.7\times10^{-23}}{12.56}} = 1.6\times10^{-8} = 1.6\times10^{-8}$  باستخراج R من العلاقة (1) والتعويض نجد R

 $\frac{D'}{D} \approx 21164$   $O' = 1.6 \times 10^5 \times 2 = 3.2 \times 10^5 \, fm$ 

نلاحظ أن قطر ذرة الذهب أكبر بحوالي 21164 مرة من قطر نواة الذهب .

ملاحظة : رتبة هذا المقدار محققة في جميع الذرات .

#### التمرين 03 🐙

1-1 و  $4^{1}$  و  $4^{1}$  و  $4^{1}$  و  $4^{1}$  و  $4^{1}$  .

 $^{46}K$  ،  $^{34}K$  ،  $^{41}K$  ،  $^{40}K$  ،  $^{39}K$  : نذکر 5 نظائر ، ولتکن

( يختلف في النواتين Z ) .  $^{4}_{10}X$  لا تمثل نظير اللبوتاسيوم ، لأن نواة البوتاسيوم هي X ) .  $^{40}_{10}X$ 

 $x_2$  المقصود بالوفرة النظائرية هي النسبة المئوية لكل نظير . لتكن  $x_1$  و  $x_2$  هي النسب المئوية للنظيرين  $x_3$  و  $x_3$  على الترتيب  $x_3$ 

$$M_K = 40,96 = 39 \times \frac{x_1}{100} + 41 \times \frac{x_2}{100}$$
 : إذن نكتب

$$x_1 + x_2 = 100$$

$$\begin{cases} 40,96 = 0,39 \ x_1 + 0,41 \ x_2 \\ x_1 + x_2 = 100 \end{cases}$$

بحل هذه الجملة نجد % = 2 % و هما وفرة النظيرين  $X_1 = 2 \%$  على الترتيب .

### التمرين 04 🌋

الكربون C البور B البريليوم Be الليثيوم Li الهيليوم Be البريليوم B البريليوم C المحقود Z قيمة 2 3 4 5 6

1 - X نظير للبيريليوم لأن لهما نفس العدد Z .

2 - النواة X غير مستقرة لأنها بعيدة عن خط الاستقرار الذي يشمل

. Z < 20 الأنوية التي لها

 $\beta^{-}$  نمط التفكك الذي يحدث لها هو 3

$${}^{10}_{4}Be \rightarrow {}^{0}_{-1}e + {}^{10}_{5}B - 4$$

### التمرين 05 💓

$$^{226}_{88}Ra \rightarrow ^{222}_{86}Rn + ^{4}_{2}He$$
 - 1

$$^{12}_{7}N \rightarrow {^{12}_{6}C} + {^{0}_{1}e}$$

$$^{14}_{6}C \rightarrow {}^{14}_{7}N + {}^{0}_{-1}e$$

$$^{174}_{73}$$
Ta  $\rightarrow ^{174}_{72}$ Hf  $+^{0}_{1}$ e - 4

$$^{213}_{84}$$
Po  $\rightarrow ^{209}_{82}$ Pb +  $^{4}_{2}$ He - 5

$$^{174}_{72}$$
Hf  $\rightarrow ^{170}_{70}$ Yb +  $^{4}_{2}$ He - 6

#### التمرين 06 🐃

-1

النمط (1) هو  $\, \alpha \,$  لأن عدد النوترونات نقُص بـ 2 وعدد البروتونات نقُص بـ 2 .

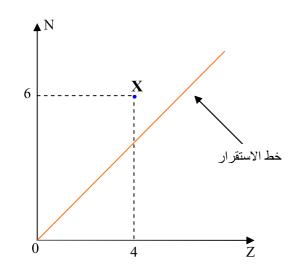
النمط (2) هو  $eta^+$  لأن عدد النوترونات از داد بـ 1 و عدد البروتونات نقص بـ 1

النمط (3) هو  $\beta^-$  لأن عدد النوترونات نقص بـ 1 وعدد البروتونات از داد بـ 1

2 - ميزة هذه الأنوية المستقرّة هي وجود توازن بين عدد بروتوناتها ونيوتروناتها ،

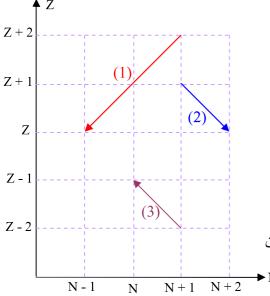
أي الفرق ضئيل بين عدد بروتوناتها وعدد نوتروناتها (  $^{23}_{12}\,\mathrm{Mg}$  )، وفي بعضها يكون

عدد البروتونات يساوي عدد النوترونات (  $^{40}_{20}\mathrm{Ca}$  ) .



# GUEZOURI Lycée Maraval

Oran



### Z و الإيتربيوم هو Yb و ليس Y (لأن Z الخاص بـ Y هو 39 وليس 70) .

نلاحظ في مخطط  $\beta^+$  لكي يعطي نواة إبن N=f(Z) Segrè نلاحظ في مخطط N=f(Z) Segrè أن النظير N=f(Z) يعطي نواة إبن الاحظ في مخطط قريبة نسبيا من وادي الاستقرار N=f(Z) النامط N=f(Z) النامط N=f(Z) المحقول المحتوية نسبيا من وادي الاستقرار N=f(Z) المحتوية نسبيا من وادي الاستقرار واد

lpha ..... lpha ثم  $eta^+$  مشعة لأنها بعيدة عن وادي الاستقرار ، يمكنها أن تفكك بالنمط  $eta^+$  ثم lpha .....

.  $eta^-$ بانمط نتفككان حسب النمط N=f(Z) Segrè بالاستقرار في مخطط وادي الاستقرار في مخطط - N=f(Z) الهذا تتفككان حسب النمط - 5

### التمرين 07 🅌

نقلنا البيان على الجدول

	عسائلة اليورانيوم		. 57 . 6 52.
العنصر	زمن نصف العمر	نمط التفكك	زمن نصف العمر غير مطلوب
Uranium - 238	4,468 milliards d'années	α	في التمرين (إضافة فقط)
Thorium - 234	24,10 jours	β-	ملاحظة :
Protactinium - 234	6,70 heures	β-	البيز موت ( $^{214}\mathrm{Bi}$ ) يمكن أن يمر
Uranium - 234	245 500 ans	α	` ,
Thorium - 230	75 380 ans	α	$lpha$ إلى التاليوم ( $^{210}\mathrm{Ti}$ ) بالتفكك
Radium - 226	1600 ans	α	ثم إلى الرصاص ( Pb)
Radon - 222	3,8235 jours	α	بو اسطة التفكك $eta^-$
Polonium - 218	3,10 minutes	α	,
Plomb - 214	26,8 minutes	β-	1 – نمط الإشعاع موجود على
Bismuth - 214	19,9 minutes	β-	الجدول .
Polonium - 214	164,3 microsecondes	α	2 – العناصر الناقصة في المخطط
Plomb - 210	22,3 ans	β-	مكتوبة باللون الأحمر في الجدول .
Bismuth - 210	5,013 jours	β-	محتوب بيون ، محمر تي الجدون ـ
Polonium - 210	138,376 jours	α	
Plomb - 206	مستقر		

**GUEZOURI** Lycée Maraval Oran

$$(^{214}\,\mathrm{Bi}\,)$$
 معادلتا تحوّل البيزموت  $-3$   $(\beta^-$  (تفكك  $^{214}_{83}\,\mathrm{Bi} 
ightarrow ^{214}_{84}\mathrm{Po} + ^0_{-1}\mathrm{e}$   $(\alpha$  (تفكك  $^{214}_{83}\,\mathrm{Bi} 
ightarrow ^{210}_{81}\mathrm{Ti} + ^2_4\mathrm{He}$ 

4 - 1 الرصاص  $^{206}$  Pb ينتمى لوادي الاستقرار

#### التمرين 08 🌸

المدة t من بداية التفكك ،  $N=N_0\,e^{-\lambda t}$  هو متوسط عدد الأنوية في بداية التفكك ،  $N=N_0\,e^{-\lambda t}$  هو متوسط عدد الأنوية في بعد المدة t من بداية التفكك .

ي من أجل الحصول على عبارة ثابت الزمن نعوّض في عبارة التناقص N بـ  $\frac{N_0}{2}$  وندخل اللوغاريتم النبيري على الطرفين ،

. 
$$au=rac{t_{1/2}}{ln\,2}$$
 تابت الزمن  $au=rac{t_{1/2}}{ln\,2}$ 

(1) 
$$n = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M}$$
 :  $a_A = \frac{m}{M}$  :  $a_A = \frac{m}{M}$  :  $a_A = \frac{m}{M}$  :  $a_A = \frac{m}{M}$ 

حيث N هو العدد المتوسط للأنوية ،  $N_A$  هو عدد أفوقادرو ، m هي كتلة العينة ، M الكتلة المولية للعنصر .  $N = \frac{N_A}{M} m$  من العلاقة (1) نستخرج عدد الأنوية الابتدائي  $m_0 = \frac{N_A}{M} m_0$  ، وبعد المدة t يكون هذا العدد t عدد الأنوية الابتدائي و t بتعويض t ومنه قانون التناقص بعبارة أخرى : t بتعويض t ومنه قانون التناقص بعبارة أخرى : t بعبارتيهما في قانون التناقص نجد t ومنه قانون التناقص بعبارة أخرى :

$$m = m_0 e^{-\lambda t}$$

 $\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{22} = 3.1 \times 10^{-2} \, mm^{-1}$  ،  $\lambda$  والكتلة المتبقية من الفرانسيوم 223 : نحسب قيمة الثابت الإشعاعي

$$m = 15 fg$$
  $m = m_0 e^{-\lambda t} = 1.0 \times 10^{-13} e^{-0.031 \times 60} = 1.5 \times 10^{-14}$ 

$$N = \frac{N_A}{M} m = \frac{6.023 \times 10^{23} \times 1.5 \times 10^{-14}}{223} = 4 \times 10^7$$
 : azer látie de l'Archie de l

$$A = \lambda N = \frac{0.69}{22 \times 60} \times 4 \times 10^7 = 2.1 \times 10^4 \, Bq$$
 : نشاط الكتلة المتبقية

### التمرين 09 🚁

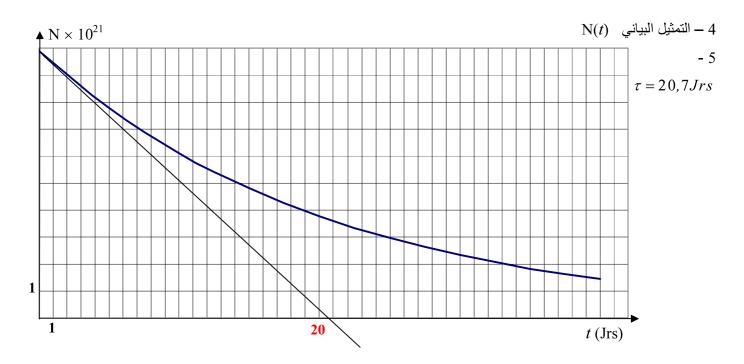
$$^{32}_{15}P \rightarrow ^{32}_{16}S + ^{0}_{-1}e - 1$$

32 - كتلة الغينة على كتلة نواة واحدة من الغوسفور 32 في العينة هي :  $m_0 = \frac{53}{100} \times 1 = 0,53$  و الغينة هي :  $m_0 = \frac{53}{100} \times 1 = 0,53$ 

$$N_0 = \frac{0.53}{5.356 \times 10^{-23}} = 9.9 \times 10^{21}$$
 نجد عدد الأنوية ،

3 - باستعمال قانون التناقص نحسب العدد المتوسط للأنوية في كل لحظة :

$$t$$
 (j) 0 5 10 15 20 25 30 35 40 N(t)  $\times 10^{21}$  9,9 7,77 6,11 4,80 3,77 2,96 2,33 1,83 1,43



#### التمرين 10 🐙

$$^{212}_{83}Bi \rightarrow ^{208}_{81}Ti + ^{4}_{2}He$$
 : معادلة التفكك – 1

$$\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{60 \times 60} = 1.9 \times 10^{-4} \, s^{-1}$$
 : ثابت النشاط الإشعاعي = 2

 $\Delta t = 6~{
m s}$  النشاط هو عدد التفككات في الثانية . المطلوب في هذا السؤال هو حساب النشاط علما أن عدد التفككات في المدة  $\delta = 6~{
m s}$  هو  $\delta = 0.00$  النشاط هو عدد التفككات في المدة عمر البيز موت)

$$A = \frac{\Delta N}{\Delta t} = \frac{1,88 \times 10^{17}}{6} = 3,1 \times 10^{16} \, \text{Bg}$$
 النشاط هو

$$N = \frac{A}{\lambda} = \frac{3.1 \times 10^{16}}{1,92 \times 10^{-4}} = 1,61 \times 10^{20}$$
 هو لحظة القياس هو لخنوية المشعّة في لحظة القياس المتوسط للأنوية المشعّة في الحظة القياس المتوسط للأنوية المشعّة في الحظة القياس المتوسط ال

$$m = \frac{M.N}{N_4} = \frac{212 \times 1,61 \times 10^{20}}{6.023 \times 10^{23}} = 5,6 \times 10^{-2} g = 56 \ mg$$
 : في المنبع هي المنبع هي = 5,6 مناة البيزموت الحاضرة في المنبع المناة المناة المناة المناة المناة البيزموت الحاضرة في المناة المناق المناة المناة المناة المناة المناة المناق الم

 $\Delta t = 1$ mn نتأكد أو لا أن النشاط لا يتغير في المدة 6

(1) 
$$A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$$
 :  $t$  لدينا في اللحظة

(2) 
$$A(t + \Delta t) = A_0 e^{-\lambda(t + \Delta t)}$$
 :  $(t + \Delta t)$  في اللحظة ويكون لدينا في اللحظة

$$rac{A(t+\Delta t)}{A(t)} = rac{A_0 e^{-\lambda(t+\Delta t)}}{A_0 e^{-\lambda t}} = e^{-\lambda t} e^{\lambda t} e^{-\lambda \Delta t} = e^{-\lambda \Delta t} = e^{-1.9 \times 10^{-4} \times 60} = 0.988 \approx 1$$
: بقسمة العلاقة (2) على (1) على (1) بقسمة العلاقة (2) على (1) بقسمة (1) بقسمة (1) بقسمة (2) بقسمة (2) بقسمة (1) بقسمة (2) بقسمة (1) بقسمة (2) بقسمة (

أبن يمكن اعتبار  $A(t) = A(t + \Delta t)$  ، وبالتالي النشاط يبقى ثابتا خلال دقيقة واحدة .

 $\Delta N = A$  .  $\Delta t = 3.1 \times 10^{16} \times 60 = 1.86 \times 10^{18}$  ، محسوسة محسوسة ، قيقة والتي لم تغيّر النشاط بكيفية محسوسة ، وهو متوسط عدد الأنوية المتفككة ، وهو نفس عدد أنوية الهيليوم الصادرة حسب معادلة التفكك .

$$n = \frac{N}{N_A} = \frac{1.86 \times 10^{18}}{6.023 \times 10^{23}} = 3.1 \times 10^{-6} \, mol$$
 کمیة مادة الهیلیوم الناتجة هي

 $V=n~V_{\rm m}=3.1\times 10^{-6}\times 22.4=6.9\times 10^{-6}~L$  هو عاز الهيليوم في الشروط النظامية هو

ومنه  $A(t+\Delta t)=A_0e^{-\lambda(t+\Delta t)}$  هو  $(t+\Delta t)$  هو  $A(t)=A_0e^{-\lambda t}$  ومنه - 7

. 
$$A(t+\Delta t)=A(t)\,e^{-\lambda \Delta t}$$
 : وبالتالي  $\frac{A(t+\Delta t)}{A(t)}=e^{-\lambda \Delta t}$ 

$$A(t) = 3.1 \times 10^{16} \text{ Bq}$$

$$\Delta t$$
 (s) 3600 24 × 3600 60 × 3600

A(Bq) 
$$1,55 \times 10^{16}$$
  $2,3 \times 10^{9}$   $4,7 \times 10^{-2}$ 

بعد 60 ساعة تصبح قيمة النشاط صغيرة جدا ، فإذا حسبنا العدد المتوسط للأنوية المشعة في هذه اللحظة نجد :

. نعتبر أن العينة اختفت ولم تصبح تشع . 
$$N = \frac{A}{\lambda} = \frac{4.7 \times 10^{-2}}{1.9 \times 10^{-4}} = 247$$
!!

elwaha.yoo7.com

#### التمرين 11 🐙

$$^{226}_{88}$$
 Ra $\xrightarrow{\alpha}$   $^{222}_{86}$  Rn $\xrightarrow{\alpha}$   $^{218}_{84}$  Po

(1) 
$$m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$$
 عينة العينة تكون كتلة العينة - 1

(2) 
$$m(t + \Delta t) = m_0 e^{-\lambda(t + \Delta t)}$$
 تكون كتلة العينة ( $t + \Delta t$ ) تكون تكون كتلة العينة

(3) 
$$\frac{1}{10} = e^{-\lambda \Delta t}$$
 : على (1) نجد (2) على العلاقة (2)

( الكتلة الباقية تمثل 
$$\frac{1}{10}$$
 من الكتلة الإبتدائية ، وكذلك متوسط الأنوية)

لدينا الثابت الإشعاعي 
$$\lambda = \frac{0.69}{t_{1/2}} = \frac{0.69}{3,825} = 0.18 \, j^{-1}$$
 لدينا الثابت الإشعاعي للعلاقة (3) العلاقة (3) لدينا الثابت الإشعاعي العلاقة (3)

. 
$$t = \frac{2.3}{\lambda} = \frac{2.3}{0.18} = 12.7j$$
 ومنه  $ln \ 0.1 = -\lambda t$ 

$$n = \frac{PV}{RT} = \frac{10^4 \times 2 \times 10^{-6}}{8,31 \times (30 + 273)} = 7,9 \times 10^{-6} \, mol$$
 : ومنه PV = nRT : بتطبیق قانون الغازات المثالیة : 2 PV = nRT ومنه

$$N_0 = n \times N_A = 7.9 \times 10^{-6} \times 6.023 \times 10^{23} = 4.78 \times 10^{18}$$
 : حيث ،  $N_0$  عدد الأنوية هو  $N_0$ 

4 - اختصارا نعتبر متوسط عدد الأنوية  $N_0$  كان متواجدا في اللحظة t=0 ، وبالتالي يكون النشاط في هذه اللحظة :

$$A_0 = \lambda N_0 = \frac{0.69}{3.825 \times 24 \times 3600} \times 4.78 \times 10^{18} = 10^{13} Bq$$

لكى نحسب النشاط بعد t=100 يوم ، أي في اللحظة t=100 ، نطبق العلاقة :

$$A = A_0 e^{-\lambda t} = 10^{13} \times e^{-0.18 \times 100} = 1.52 \times 10^5 Bq$$

**GUEZOURI** 

Lycée Maraval Oran

التطورات الرتيبة الإخراج الأول الكتاب الأول

> دراسة ظواهر كهربائية الوحدة 03

GUEZOURI Aek - Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

# الجزء الأول - ثنائي القطب RC

## التمرين 01

$$C_1 = \frac{Q}{U_1} = \frac{3 \times 10^{-5}}{6} = 0.5 \times 10^{-5} \; F \; :$$
سعة المكثفة الأولى

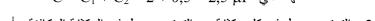
$$U_2 = \frac{Q}{C_2} = \frac{3 \times 10^{-5}}{10^{-6}} = 30~V~:$$
 التوتر بين طرفي المكثفة الثانية

#### التمرين 02

 $Q_1 = C_1 U = 2 \times 10^{-6} \times 100 = 2 \times 10^{-4} \ C$  : شحنة المكثفة الأولى : — 1

بعد ربط المكثفتين على التفرع تتوزع الشحنة Q عليهما حسب سعة كل واحدة .

 $C = C_1 + C_2 = 2 + 0.5 = 2.5 \,\mu\text{F}$  السعة المكافئة لهما هي



2 - التوتر بين طرفي كل مكثفة هو التوتر بين طرفي المكثفة المكافئة ، أي :

$$U' = \frac{Q_1}{C} = \frac{2 \times 10^{-4}}{2.5 \times 10^{-6}} = 80 \ V$$

# التمرين 03

المولد المستعمل في هذه الدارة هو مولد للتيار ، أي أن التيار طيلة عملية الشحن يبقى ثابتا .

t و u و العلاقة بين u

 $q=\mathrm{I}\;t$  هي الشحنة المتوضعة على لبوسي المكثفة في اللحظة t**(1)** 

(2) 
$$u = \frac{q}{C}$$
: ولدينا العلاقة بين التوتر والشحنة

$$u=rac{I}{C}$$
 من العلاقتين (1) و (2) من تنتج العلاقة المطلوبة :

ملاحظة : يجب الانتباه إلى عدم الخلط بين هذه الحالة والحالة التي نستعمل فيها مولدا للتوتر ، حيث أن في هذه الحالة الأخيرة يتغير التوتر حسب دالة أسية في النظام الانتقالي ، ثم يصبح ثابتا مهما كان الزمن في النظام الدائم . أما في الحالة التي يتطرق لها هذا التمرين فإن التوتر يتناسب مع الزمن حسب علاقة خطية.

2 - رسم البيان:

Lycée Maraval Oran

 $\frac{I}{C}$  ميل البيان هو النسبة

$$C = \frac{I}{0.2} = \frac{20 \times 10^{-6}}{0.2} = 10^{-4} \ F$$
 : ومنه  $\frac{I}{C} = \frac{BD}{AD} = \frac{7}{7 \times 5} = 0.2 \ V.s^{-1}$  : من البيان



$$C_1$$
  $C_2$ 

$$C = \frac{C_1 \ C_2}{C_1 + C_2} = \frac{1 \times 2}{1 + 2} = \frac{2}{3} \ F$$
 : معة المكتفة المكافئة : 1

$$Q = C \ U = \frac{2}{3} \times 10^{-6} \times 300 = 2 \times 10^{-4} \ C$$
 : شحنة المكافئة المكافئة :

 ${
m Q}_1={
m Q}_2={
m Q}$  التوتر بين طرفي كل مكثفة : بما أن المكثفتين مربوطتان على التسلسل فإن  ${
m Q}_1={
m Q}_2={
m Q}$ 

: عنون (2) و (2) و (1) يتقسيم العلاقتين (2) يتقسيم 
$$U_2 = \frac{Q}{C_2}$$
 ، (1)  $U_1 = \frac{Q}{C_1}$ 

(3) 
$$U_1 = 2 U_2$$
  $\frac{U_1}{U_2} = \frac{C_2}{C_1} = 2$ 

(4)  $U_1 + U_2 = 300$  بما أن المكثفتين مربوطتان على التسلسل ، فإن

 $U_1 = 200~V$  ،  $~U_2 = 100~V$  : ستنتج (4) و (3) من المعادلتين

(2) و (1) ، 
$$Q_1 = Q_2 = Q = 2 \times 10^{-4} \, \text{C}$$
 - 3

# التمرين 05

1 - نبحث عن طريقة ربط بسيطة وغير مكلفة (نستعمل فيها أقل عدد من المكتفات).

. نستعمل تجميعا من المكثفات عددها  $n_1$  بربطها على التفرع ، ثم نربط على التسلسل عددا  $n_2$  من هذه التجميعات

السعة المكافئة في تجميع واحد هي :

(1) 
$$C' = n_1 C_1$$

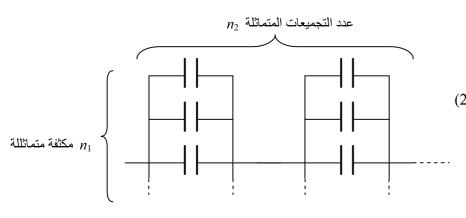
السعة المكافئة لكل التجميعات هي:

(2) 
$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C'} + \frac{1}{C'} + \dots = n_2 \frac{1}{C'}$$

نعوّض عبارة 'C من العلاقة (1) في

العلاقة (2) ونجد:

$$n_1 = 50 \; n_2 \; :$$
 وبالتالي ،  $n_1 = n_2 \frac{C}{C}$ 



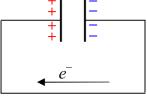
$$n_1 = 50$$
 من أجل  $n_2 = 1$  ، فإن

$$n_1 = 100$$
 من أجل  $n_2 = 2$  ، فإن  $n_2 = 2$ 

$$m Q = C \; U = 5 \; \; 10^{-3} imes 40 = 0.2 \; C \; \; :$$
 أ) شحنة المكثفة المكافئة

$$Q' = \frac{Q}{n_0} = \frac{0.2}{50} = 4 \times 10^{-3} \ C$$
: ب) المكثفات متماثلة ، إذن شحنة كل واحدة هي

1 - يمكن إفراغ المكثفة بالوصل بين لبوسيها بواسطة ناقل ، فإن كل الإلكترونات تعود إلى أماكنها من اللبوس السالب إلى الموجب ، فيحدث توازن كهربائي وتنعدم شحنتا اللبوسين ، فتصبح المكثفة فارغة .



لدينا q=I شلا التيار ثابتة (المولد المستعمل هو مولد للتيار) لدينا q=I

$$\frac{\Delta q}{\Delta t} = I = \frac{dq}{dt}$$

تفريغ المكثفة

$$q = 0.2 \times 10^{-3} \times 240 = 4.8 \times 10^{-2} \,\mathrm{C}$$
 نكون  $t = 4 \,\mathrm{mn} = 240 \,\mathrm{s}$  بعد زمن قدره

$$u = \frac{q}{C} = \frac{4.8 \times 10^{-2}}{3.2 \times 10^{-3}} = 15 \ V$$
 التوتر الكهربائي بين اللبوسين

$$t = \frac{Cu}{I} = \frac{3.2 \times 10^{-3} \times 40}{0.2 \times 10^{-3}} = 640 \text{ s}$$
 وبالتالي  $u = I t$  أي  $q = I t$  أي  $q = I t$ 

#### التمرين 07

 $q=\mathrm{C}\;u$ : العلاقة هي1

ميل البيان هو سعة المكثفة C

$$C = \frac{AB}{BD} = \frac{4 \times 10^{-3}}{5 \times 4} = 2 \times 10^{-4} F$$

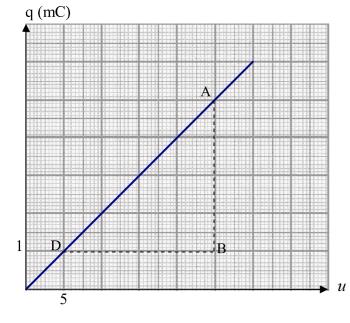
من البيان لدينا القيمة  $v_1 = 15 \text{ V}$  توافق شحنة قدر ها -2

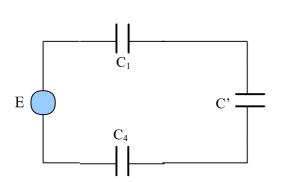
$$q_1 = 3 \times 10^{-3} \text{ C}$$

$$t_1 = \frac{q_1}{I} = \frac{3 \times 10^{-3}}{15 \times 10^{-6}} = 200 \ s$$
 نستخرج  $q_1 = I \ t_1$  من العلاقة

: نستنتج 
$$u_2 = \frac{q_2}{C}$$
 ،  $u_1 = \frac{q_1}{C}$  - 3

$$t_2 = 2 \ t_1$$
 وبالنالي ،  $\frac{u_1}{u_2} = \frac{q_1}{q_2} = \frac{It_1}{It_2} = \frac{t_1}{t_2} = \frac{15}{30}$ 





المكافئة : الدينا  ${
m C}_2$  و  ${
m C}_3$  على التفرع ، إذن سعتهما المكافئة :  ${
m C}_1$ 

$$C' = C_3 + C_2 = 0.5 + 1.5 = 2 \mu F$$

بتعويض هاتين المكثفتين بمكافئتهما نحصل على الدارة المقابلة .

لدينا الآن 3 مكثفات موصولة على التسلسل ، سعتها المكافئة هي ، حيث :

$$C = 0.8 \ \mu\text{F}$$
 وبالتطبيق العددي نجد  $\frac{1}{C} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C} + \frac{1}{C'}$ 

 $Q = C U = 0.8 \times 10^{-6} \times 100 = 8 \times 10^{-5} C$ : شحنة المكثفة المكثفة المكثفة المكثفة عند المكثفة ال

: و  $^{2}$  و  $^{2}$  و  $^{2}$  كلها على التسلسل ، إذن شحناتها متساوية ، أي  $^{2}$  .

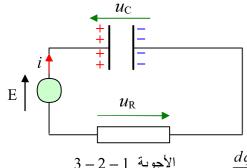
$$Q_1 = Q_4 = Q' = 8 \times 10^{-5} \text{ C}$$

(2)  $\frac{Q_2}{C_2} = \frac{Q_3}{C_3}$  : التوتران بين طرفيهما متساويان  $U_2 = U_3$  لأنهما على التفرّع التوتران بين طرفيهما

$$Q_2 + \frac{C_3}{C_2}Q_2 = 8 \times 10^{-5}$$
 : نستنتج (2) و (1) من العلاقتين

$$Q_3 = 6 \times 10^{-5} \text{ C}$$
 نجد (2) أو (1) أو  $Q_2 = 2 \times 10^{-5} \text{ C}$  ، ومنه  $Q_2 + \frac{1.5}{0.5} Q_2 = 8 \times 10^{-5}$ 

# التمرين 09



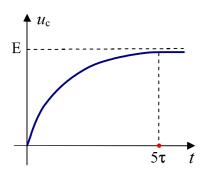
 ${
m E}=u_{
m R}+u_{
m C}={
m R}\,\,i+u_{
m C}$  حسب قانون جمع النوترات لدينا - 4

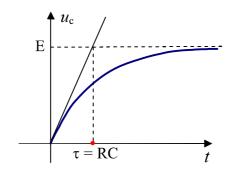
R C وبتقسيم طرفي المعادلة على ،  $E=u_{C}+R\frac{dq}{dt}=u_{C}+RC\frac{du_{C}}{dt}$ 

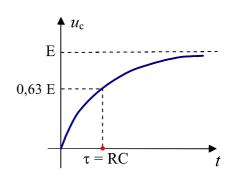
 $rac{du_{C}}{dt}+rac{1}{RC}u_{C}=rac{E}{RC}$ : نكتب المعادلة التي يخضع لها التوتر بين طرفي المكثفة

 $rac{dq}{dt} + rac{1}{RC} q = rac{E}{R}$  : أو المعادلة التفاضلية التي تخضع لها الشحنة الكهربائية في لبوسي المكثفة

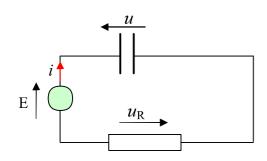
 $u_{\rm C} = f({
m t})$  الطرق الثلاثة لتحديد ثابت الزمن بيانيا : نأخذ مثلا -5







$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{3}{6000} = 0.5 \times 10^{-3} \ F - 6$$



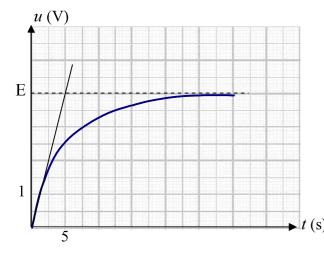
$$(1)$$
  $i=rac{E-u}{R}$  ومنه  $E=R$   $i+u$  : فإن التوترات فإن مع التوترات فإن

. وهي أكبر قيمة لـ u (بداية النظام الدائم) .  $E=4~{
m V}$ 

نستخرج من البيان قيم u الموافقة للأزمنة المسجّلة على الجدول ، ثم باستعمال العلاقة (1) نحسب شدة التيار الموافقة لكل لحظة .

$$i = \frac{E - 0}{R} = \frac{4}{20 \times 10^3} = 2 \times 10^{-4} \ A$$
 : و و هكذا  $u = 0$  الدينا من البيان  $u = 0$  . و هكذا  $t = 0$ 

# الجدول :



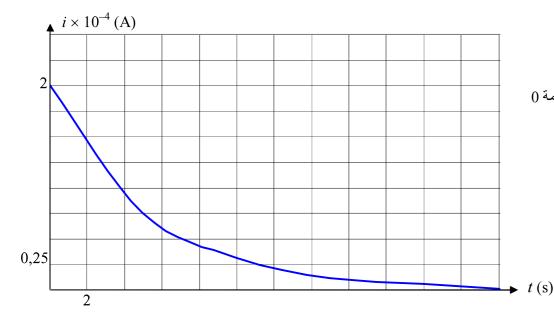
<i>t</i> (s)	0	5	10	15	20	25
$i \times 10^{-4}  (A)$	2,00	0,75	0,31	0,12	0,06	0,00

 $u=\mathrm{E}$  يابت الزمن هو فاصلة تقاطع مماس البيان مع المستقيم الأفقي  $\tau=5~\mathrm{s}$  نستنتج

4 - نستتج قيمة السعة من عبارة ثابت الزمن:

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{5}{20 \times 10^3} = 2,5 \times 10^{-4} \ F$$





6 - تتناقص شدة التيار من أعظم  $I = 2 \times 10^{-4} \; \mathrm{A}$  قيمة  $I = 2 \times 10^{-4} \; \mathrm{A}$  يحدث هذا خلال فتر ة الشحن .

#### التمرين 11

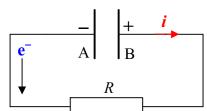
 $Q_{B}=-\,Q_{A}=+\,1,2\;mC$  : ومنه  $Q_{A}+Q_{B}=0$  ، أي  $Q_{A}+Q_{B}=0$  ، أي  $Q_{A}+Q_{B}=0$ 

 $U_{AB} < 0$  ، إذن  $U_{BA} > 0$  . البوسين  $U_{BA} = 0$ 

- 3

- عندما نربط المكثفة تتفرغ في الناقل الأومى بحيث تنتقل الإلكترونات من اللبوس A نحو B

- جهة التيار الانتقالي عكس جهة حركة الإلكترونات وعكس الجهة الاصطلاحية للتيار (جهة تيار الشحن).



(1)  $ln u_{BA} = -50 t + 1.61$ : Legis legis -

(2)  $u_{\rm BA}=u_c=E~e^{-\frac{1}{RC}^t}$  يعلم أن عبارة التوتر بين طرفي المكثفة خلال التفريغ هي بادخال اللو غاريتم النيبيري على طرفي العلاقة (2)

$$ln u_{BA} = ln E - \frac{1}{RC}t$$



$$(3) \quad lnu_{BA} = -\frac{1}{RC}t + lnE$$

$$\frac{1}{RC}=50\Rightarrow RC=\frac{1}{50}=0.02~s= au$$
 : بمطابقة العلاقتين (1) و (3) ، نكتب : بمطابقة العلاقتين (1) و  $InE=1,61\Rightarrow E=e^{1.61}=5~V$ 

# التمرين 12

: RC مسب قانون جمع التوترات يكون لدينا التوتر بين طرفي ثنائي القطب 1

$$E = u_{AB} + u_{BD} = R i + u_{BD}$$

$$E = u_{BD} + RC \frac{du_{BD}}{dt}$$

$$(1)$$
  $\frac{du_{BD}}{dt} + \frac{1}{RC}u_{BD} = \frac{E}{RC}$  المعادلة التفاضلية هي

(2) 
$$u_{BD} = E + A e^{-bt}$$
 : ب) لدينا (ب

نعوّض في المعادلة التفاضلية (1)

$$-Abe^{-bt} + \frac{1}{RC}\left(E + Ae^{-bt}\right) = \frac{E}{RC}$$
$$-Abe^{-bt} + \frac{E}{RC} + \frac{1}{RC}Ae^{-bt} = \frac{E}{RC}$$

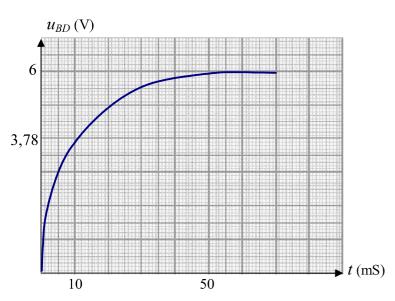
. 
$$u_{BD}=E+Ae^{-bt}$$
 : نجد  $b=\frac{1}{RC}$  ، وهي محققة ، إذن حل المعادلة التفاضلية (1) هو من الشكل  $b=\frac{1}{RC}$ 

$$0=E+A\,e^0 \Rightarrow A=-E$$
 : (2) أمن الشروط الإبتدائية ، عند  $t=0$  يكون  $t=0$  يكون ، نعوض في العلاقة (2)

$$u_{BD} = E(1 - e^{-rac{1}{RC}^t})$$
 : عبارة التوتر بين طرفي المكتّفة  $= 2$ 

<i>t</i> (s)	0	τ	5 τ
$u_{ m BD}$	0	3,78	6

$$t = 0 \Rightarrow u_{\text{BD}} = 0$$
  
 $t = \tau \Rightarrow u_{\text{BD}} = \text{E} (1 - \text{e}^{-1}) = 3,78 \text{ V}$   
 $t = 5 \tau \Rightarrow u_{\text{BD}} = \text{E} (1 - \text{e}^{-5}) \approx 6 \text{ V}$ 



 $u_{
m BD}$  =  $f({
m t})$  البيان -3  $au={
m RC}=10^5 imes0.1 imes10^{-6}=0.01~{
m s}$  لدينا

4 - أ) عند وضع البادلة في الوضع 2 تُفرّغ المكتفة في الناقل الأومي وتُنفق الطاقة التي كانت مخزّنة فيها على شكل حرارة بفعل جول في أسلاك الوصل .

$${
m E}_{
m C}=rac{1}{2} imes 0,1 imes 1~0^{-6} imes 6^2=1,8 imes 1~0^{-6}~{
m J}$$
 .  $u={
m E}$  .  $u={
m E}$  .  $u={
m E}$  .  $u={
m E}$ 

# التمرين 13

 $u_{
m R}+u_{
m C}=0$ : حسب قانون جمع التوترات - 1  $m R~\it i+u_{
m C}=0$ 

(1) 
$$\frac{dq}{dt} + \frac{1}{RC}q = 0$$
 : وبتقسيم طرفي هذه المعادلة نكتب  $R\frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$ 

(2)  $q = Ae^{\alpha t} + B$  ان حل هذه المعادلة التفاضلية يكون من الشكل - 2

lpha ، B ، A عبارة عن ثوابت .

: ونكتب بذلك ،  $\frac{dq}{dt} = A\alpha e^{\alpha t}$  و  $q = Ae^{\alpha t} + B$  : (1) نعوّض في المعادلة  $\alpha$  ، B ونكتب بذلك :

$$A\alpha e^{\alpha t} + \frac{1}{RC} \left( A e^{\alpha t} + B \right) = 0$$

(3) 
$$Ae^{\alpha t}\left(\alpha + \frac{1}{RC}\right) + \frac{B}{RC} = 0$$

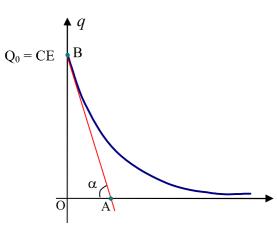
 ${
m B}=0$  و  $lpha=-rac{1}{RC}$  و و lpha=0

.  $q=\mathrm{Q}_0$  شحنة المكثفة و المحتنج A من المعادلة (2) ميث تكون عند اللحظة

$$oldsymbol{q}=oldsymbol{Q}_0e^{-rac{1}{RC}oldsymbol{t}}$$
 .  $A=\mathrm{Q}_0$  وبالتالي ،  $Q_0=Ae^0+B$  : بالتعويض

# GUEZOURI

Lycée Maraval Oran elwaha.yoo7.com



t=0 عند q(t) عند النقطة (0; CE) عند عند النقطة عند -3

$$tglpha = -rac{OB}{OA} = -rac{CE}{OA}$$
 : ميل المماس

$$\frac{dq}{dt} = -\frac{Q_0}{RC} e^{-\frac{1}{RC}t} = -\frac{CE}{RC} e^{-\frac{1}{RC}t} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{1}{RC}t}$$
 هو  $q$  (t) مشتق

$$\frac{dq}{dt} = -\frac{E}{R} e^{-\frac{1}{RC} \times 0} = -\frac{E}{R}$$
 يكون المشتق :  $t = 0$ 

$$m{t}=m{ au}$$
 ، ومنه :  $\Delta=\mathbf{RC}$  ، إذن فاصلة النقطة  $\Delta=\mathbf{RC}$  ، ومنه :  $\Delta=\mathbf{RC}$ 

4 – من البيان لدينا  $au = 20 \; \mathrm{ms}$  (تقاطع المماس للبيان في المبدأ مع محور الزمن)

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{20 \times 10^{-3}}{10^5} = 2 \times 10^{-7} \ F = 0.2 \ \mu F$$
 : الزمن لدينا : -5

$$q={
m Q}_0={
m C}\;{
m E}=2 imes10^{-7} imes5=10^{-6}\;{
m C}$$
 تكون الشحنة  $t=0$  عند اللحظة  $t=0$ 

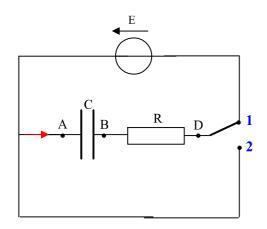
$$q = Q_0 \times e^{-5} = 10^{-6} \times 6.7 \times 10^{-3} = 6.7 \; \eta \, \mathrm{C}$$
 عند اللحظة  $t = 5 \; au$  تكون الشحنة

$$i = \frac{dq}{dt} = -\frac{E}{R}e^{-\frac{1}{RC}t}$$
 عبارة شدة النيار هي - 7

لجهة الاصطلاحية للتيار

$$t = 0 \implies i = -50 \text{ } \mu \text{ A}$$
  
 $t = 5 \text{ } \tau \implies i = -0.33 \text{ } \mu \text{ A}$ 

# التمرين 14



 $m u_{AB}$  المعادلة التفاضلية التي يخضع لها التوتر  $m u_{AB}$ 

 ${
m E} = u_{
m AB} + u_{
m BD}$  : D و A حسب قانون جمع التوترات يكون لدينا التوتر بين  ${
m A}$ 

$$E = u_{AB} + RC \frac{du_{AB}}{dt}$$

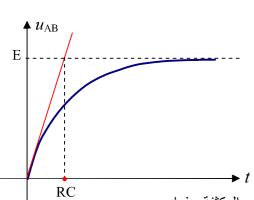
$$dt$$
 بتقسيم طرفي المعادلة على RC ، نكتب ، RC ، نكتب ، RC بتقسيم طرفي المعادلة على

(2) 
$$u_{AB} = E\left(1 - e^{-\frac{1}{RC}t}\right)$$
 ب) لدينا حل هذه المعادلة هو

$$-\frac{E}{RC}e^{-\frac{1}{RC}t} + \frac{E}{RC}\left(1 - e^{-\frac{1}{RC}t}\right) = \frac{E}{RC} \qquad : (1) \text{ in the proof of the proof o$$

$$-\frac{E}{RC}e^{-\frac{1}{RC}t} + \frac{E}{RC} + \frac{E}{RC}e^{-\frac{1}{RC}t} = \frac{E}{RC}$$

. (2) هو المعدلة (1) هو المعدلة ، ومنه حل المعادلة التفاضلية  $\frac{E}{RC} = \frac{E}{RC}$ 



**GUEZOURI** Lycée Maraval

Oran

$$u_{\mathrm{AB}}=\mathrm{\,f\,(t)}=E\!\left(1\!-\!e^{-rac{1}{RC}\,t}
ight)$$
 جـ) تمثیل کیفی لـ  $\left(1\!-\!e^{-rac{1}{RC}\,t}
ight)$ 

au د لالة تقاطع المماس في المبدأ للبيان مع المستقيم  $u_{
m AB}={
m E}$  هو ثابت الزمن (  $u_{
m AB}={
m E}$ 

$$\tau = RC = 10 \times 10^{3} \times 0.5 \times 10^{-6} = 5.0 \times 10^{-3} \text{ s}$$
 (4)

$$u_{AB} = E(1-1) = 0$$
 : يكون  $t = 0$ 

$$u_{AB}=E\Big(1-rac{1}{e^5}\Big)pprox 100~V~:$$
 عند  $t=5~ au$ 

2 - أ) إذا كان المقصود هو المعادلة التفاضلية التي يخضع لها التوتر بين طرفي المكثفة ، فها هي :

المكثفة تُفرّغ في هذه الحالة:

 $0 = u_{AB} + u_{R}$  : D و A حسب قانون جمع التوترات يكون لدينا التوتر بين

$$0 = u_{AB} + RC \frac{du_{AB}}{dt}$$

$$rac{du_{AB}}{dt} + rac{1}{RC}u_{AB} = 0$$
 : نكتب ، RC بتقسيم طرفي المعادلة على

(4) 
$$u_c = Ae^{\alpha t} + B$$
 : هذه معادلة تفاضلية حلها من الشكل

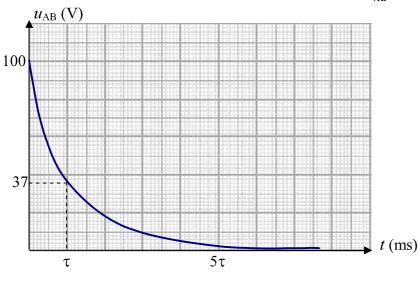
$$A\alpha e^{\alpha t} + \frac{1}{RC} \left( A e^{\alpha t} + B \right) = 0$$
 : من (3) و (4) نکتب  $B$ 

$$Ae^{\alpha t}\left(\alpha + \frac{1}{RC}\right) + \frac{B}{RC} = 0$$

 ${f B}=0$  و  $lpha=-rac{1}{RC}$  : حتى تكون هذه المعادلة محققة يجب أن يكون

 ${
m A}={
m E}$  من الشروط الابتدائية ، عند t=0 يكون عند ، وبالتعويض في الشروط الابتدائية ،

$$u_{AB} = E e^{-\frac{1}{RC}t}$$



	<u>ب</u> )
<i>t</i> (s)	$u_{\mathrm{AB}}\left(\mathrm{V}\right)$
0	E = 100
τ	0.37 E = 37
5 τ	$6.7 \times 10^{-3} E = 0.67$
8	0

(1) 
$$Q = C U$$
 لدينا :  $Q = C U$ 

(2) 
$$E_c = \frac{1}{2}QU$$
 : ي المكثفة هي المكثفة المخزنة في المكثفة المخزنة المكثفة المكثف المكثفة المكثفة المكثفة المكثف المكثف المكثف المكثف المكثف ال

Lycée Marayal

Lycée Maraval Oran

: ومنه ، 
$$E_c = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$
 نجد (2) نجد نجلاقة (1) من العلاقة (1) عبارة ومنه نجد بتعويض عبارة ومنه العلاقة (1) بتعويض عبارة (1) بتعويض عبا

$$Q = \sqrt{2E_cC} = \sqrt{2 \times 1.5 \times 2 \times 10^{-3}} = 7.7 \times 10^{-2} C$$

$$U = \frac{Q}{C} = \frac{7.7 \times 10^{-2}}{2 \times 10^{-3}} = 38.5 \ V$$
: التوتر بين طرفي المكثفة  $= 2$ 

#### التمرين 16

$$E_c = \frac{1}{2}QU = \frac{1}{2} \times 4 \times 10^{-3} \times 12 = 24 \times 10^{-3}J$$
 - 1

. Q'=2 Q ، وبالتالي Q'=2 C U ، وبالتالي Q'=2 و الدينا Q=C U ، وبالتالي Q=C

$${
m E'}_{
m c}=48 imes10^{-3}~{
m J}$$
 وبالتالي الطاقة تتضاعف كذلك وتصبح  $E'_{
m c}=rac{1}{2}Q'U=rac{1}{2} imes2QU=QU=2E_{
m c}$  : ولدينا

$$u_c = E \ e^{-rac{1}{RC}\,t}$$
: عندما نفر غ المكثفة يتطور التوتر بين طرفيها حسب العلاقة  $u_c = E \ e^{-rac{1}{RC}\,t}$ 

$$E_c = rac{1}{2}Cu^2 = rac{1}{2}C\left(E~e^{-rac{1}{RC}~t}
ight)^2$$
 وتكون حيننذ الطاقة المخزنة في الوشيعة

$$E_c = \frac{1}{2}CE^2e^{-\frac{2}{RC}t} = \frac{1}{2}Q_0 \times \frac{Q_0}{C} e^{-\frac{2}{RC}t}$$

$$\boldsymbol{E}_c = \frac{1}{2} \frac{\boldsymbol{Q}_0^2}{C} \ \boldsymbol{e}^{-\frac{2}{\tau}t}$$

4 – عند اللحظة au= au ، تكون الطاقة المخزنة في الوشيعة (الباقية)

$$E_c = \frac{1}{2} \frac{Q_0^2}{C} e^{-2} = \frac{1}{2} \frac{\left(4 \times 10^{-3}\right)^2}{\frac{4 \times 10^{-3}}{12}} e^{-2} = \frac{24 \times 10^{-3}}{e^2} = 3,25 \times 10^{-3} J$$

# التمرين 17

$$E_C \frac{1}{2} C_1 U^2 = \frac{1}{2} \left(3,3 \times 10^{-6}\right) \times \left(24\right)^2 = 9,5 \times 10^{-4} \ J \ :$$
الطاقة المخزنة في المكثفة المكثفة

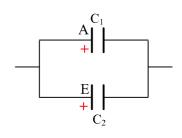
$$: q'_E$$
 ,  $q'_A$  ,  $q_A$  بين  $= 2$ 

$$q_{\scriptscriptstyle A}=q_{\scriptscriptstyle E}'+q_{\scriptscriptstyle A}'$$
 : الشحنة تتوزع على المكثفتين حسب سعتيهما ، أي أن

$$U_1 = U_2$$
: بالمكثفتان على التفرع ، إذن التوتران بين طرفيهما متساويان

$$\frac{q'_A}{C_1} = \frac{q'_E}{C_2}$$
 : ومنه العلاقة المطلوبة

$$q_A = C_1 U = 3.3 \times 10^{-6} \times 24 = 7.92 \times 10^{-5} C$$
: لدينا  $-3$ 



elwaha.yoo7.com

(1) 
$$q'_F + q'_A = 7.92 \times 10^{-5}$$

$$q'_A = \frac{q'_A}{C_1} = \frac{q'_E}{C_2}$$
 دينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما  $q'_E$  ,  $q'_A$  المينا جملة معادلتين ذات مجهولين ، هما

(3) 
$$q'_A = \frac{C_1}{C_2} q'_E = \frac{3.3}{2.2} q'_E = 1.5 q'_E$$
 من العادلة (2) من العادلة

$$q_E' + 1.5 \; q_E' = 7.92 \times 10^{-5} \Rightarrow q_E' = 3.17 \times 10^{-5} \; C \; : \; (1)$$
 بالتعویض في

.  $q'_A = 4.71 \times 10^{-5} \, C$  بالتعويض في (3) نجد

(4) 
$$E_c = \frac{1}{2} q_A U$$
 (qA هي المكثفة المكثفة (شحنة المكثفة المكثفة هي المكثفة ين بعد ربطهما (4)

$$U_1 = U_2 = \frac{q_A'}{C_1} = \frac{4.71 \times 10^{-5}}{3.3 \times 10^{-6}} = 14.3 \ V$$
 ، نحسب التوتر بين طرفي كل مكثفة ، والذي هو التوتر بين طرفي المكثفة المكافئة ،

$$E_c' = \frac{1}{2} \times 7,92 \times 10^{-5} \times 14,3 = 5,66 \times 10^{-4} \ J \ : (4)$$
 بالتعویض في

 $\Delta E = E_c^{'} - E_c = -W$  . فذا الفرق في الطاقة تحوّل إلى عمل ، و هو العمل الذي أنجزناه عندما قمنا بربط المكثفتين .  $\Delta E = E_c^{'} - E_c = -W$ 

$$\Delta E = (9, 5 - 5, 66) \times 10^{-4} = 3.84 \times 10^{-4} \text{ J}$$
 : كمية الطاقة الضائعة

# GUEZOURI

Lycée Marava Oran الكتاب الأول التطورات الرتيبة الإخراج الأول

دراسة ظواهر كهربائية

الوحدة 03

GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

# الجزء الثاني - ثنائي القطب RL

#### التمرين 18

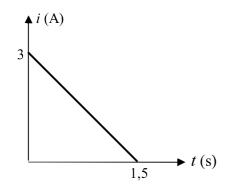
 $U_{\rm L}=r~{
m I}=6 imes1.5=9~{
m V}$  التوتر بين طرفي الوشيعة في النظام الدائم -1

2 - المولد المستعمل في هذه الدارة هو مولد للتيار للما نقصر الدارة (عزل المولد) تنتقل شدة التيار من القيمة I إلى الصفر لحظيا ، لا تمر بمرحلة انتقالية

$$e = -L \frac{\Delta I}{\Delta t} = - \frac{0-1.5}{2.5 \times 10^{-3}} = 600 V$$
 تنشأ في الوشيعة قوة محركة كهربائية

نلاحظ أن فرق الكمون بين طرفي الوشيعة في مدة قطع التيار يكون مرتفعا جدا ، أما استنتاجنا هو بامكان هذا التوتر العالي أن يخرب أجهزة كهربائية تحتوي على وشائع عندما نقطع التيار ، لهذا يجب أن تُحفظ هذه الأجهزة بربط نواقل أومية أو صمامات تجعل على إخماد هذا التوتر العالى .

# التمرين 19



$$r=rac{U}{I}=rac{6}{1.5}=4$$
  $\Omega$  أوشيعة  $R=1$ 

$$(1)$$
  $u_L = ri + L\frac{di}{dt}$  : التوتر بين طرفي الوشيعة - 2

$$\frac{di}{dt} = -\frac{3}{1.5} = -2A.s^{-1}$$
 هو ميل المستقيم  $i = f(t)$  ميث  $\frac{di}{dt}$ 

$$i=2~\mathrm{A}$$
 يكون  $t=0.5~\mathrm{s}$  في اللحظة

$$u_{\rm L} = 4 \times 2 - 0.1 \times 2 = 7.8 \, {
m V} \, : (1)$$
 بالتعويض في العلاقة

#### التمرين 20

**GUEZOURI** Lycée Maraval Oran

$$rac{di}{dt}$$
 =  $10~A.s^{-1}$  التوتر بين طرفي الوشيعة : لدينا عبارة شدة التيار  $i=10~t-3$  التوتر بين طرفي الوشيعة

$$u_L = ri + L\frac{di}{dt} = 8(10t - 3) + 10L = 80t - 24 + 10L$$

$$m L=1,2~H$$
 يكون  $u_{
m L}=0$  ، إذن  $u_{
m L}=0$  ، وبالتالي  $t=0,15~{
m s}$ 

#### التمرين 21

. 20 ms التيار الذي مررناه في الوشيعة هو تيار متغيّر ودوري ، حيث أن دوره 1

-2

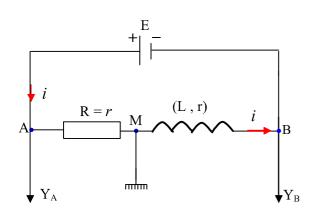
ويمر بالنقطة (0, 0) ، إذن معادلة تغير شدة  $a=\frac{0.4}{10^{-2}}=40$  هي المجال  $a=\frac{0.4}{10^{-2}}=40$  هي مستقيم ميله  $a=\frac{0.4}{10^{-2}}=40$  هي المجال  $a=\frac{0.4}{10^{-2}}=40$ 

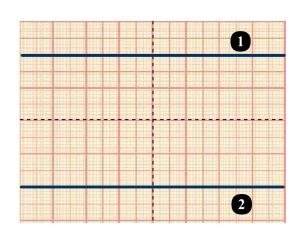
i = 40 t: التيار في هذا المجال هي

عادلة من  $a' = -\frac{0.4}{10^{-2}} = -40~As^{-1}$  عبارة عن مستقيم ميله i = f(t) ، [10s, 20s] ، معادلة من b = 0.8~A عبارة عن مستقيم ميله i = 0 ، ومنه i = 0 عبارة عن مستقيم ميله i = 0 عبارة عن مستقيم ميله i = 0 عبارة عن مستقيم ميله i = 0 عبارة عن i = 0 عبارة عن i = 0 عبارة عن i = 0 معادلة تغير شدة التيار في هذا المجال هي i = -40~t + 0.8

m L=10~mH ، ومنه  $u_{
m L}=
m L imes40$  .  $u_{
m L}=Lrac{di}{dt}$  : ومنه -3

# التمرين 22





- 1

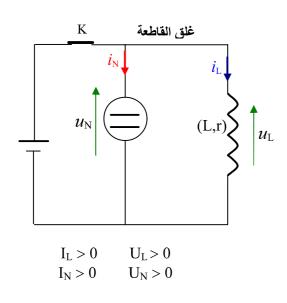
البيان (2) يمثل التوثر بين طرفي الوشيعة  $U_{BM}$  ، لأن  $U_{BM}<0$  ، إذن الخط ينحرف إلى أسفل الشاشة (انظر لجهة i). البيان (1) يمثل التوثر بين طرفي الناقل الأومي  $U_{AM}>0$  ، لأن  $U_{AM}>0$  ، إذن الخط ينحرف إلى أعلى الشاشة .

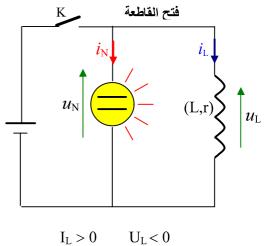
2 - تتصرّف الوشيعة كناقل أومى (نظام دائم).

$$I = \frac{U_R}{R} = \frac{3 \times 2}{12} = 0.5 \ A$$
 قي الدارة في الدارة في الدارة - 3

 ${
m E}=({
m R}+r)~{
m I}=24 imes0.5=12~{
m V}$  : حسب قانون أوم :  ${
m CE}=({
m E}+r)$  الكهربائية للمولد

#### التمرين 23





$$\begin{split} I_L > 0 & U_L < 0 \\ I_N < 0 & U_N < 0 \end{split}$$

 $U_{
m N}=U_{
m L}={
m E}=12~{
m V}$  عندما نغلق القاطعة يمر تيار شدّته  $I_{
m L}$  في الوشيعة وتيار آخر شدته  $I_{
m N}$  في المصباح  $I_{
m N}$  بحيث يكون  $I_{
m L}$  في الوشيعة وتيار آخر شدته  $I_{
m N}$  .

$$I_{L}=rac{U_{L}}{r}=rac{12}{6}=2$$
 من المفروض يمر في الوشيعة تيار شدته

من المفروض أن تكون ذاتية الوشيعة أكبر من H 0,4 H (ما دامت تحتوي على نواة حديدية) حتى تخزّن طاقة أكبر تُستعمَل في إشعال المصباح عند فتح القاطعة .

عند فتح القاطعة تبقى جهة التيار في الوشيعة كما كانت قبل فتح القاطعة (العكس في المكثفة) . إذن يمر في المصباح تيار شدته

$$I_N = -I_I$$

فإذا كانت مقاومة المصباح كبيرة في تلك اللحظة ينشأ توتر كبير بين طرفيه  $|U_N|=R_{N(0)}I_L$  حيث  $|U_N|=R_{N(0)}I_L$  هي مقاومة المصباح في اللحظة t=0 ، وبالتالي نلاحظ إنارة شديدة في المصباح لمدة قصيرة ثم ينطفئ (لا ننسى أن مقاومة المصباح ليست ثابتة أثناء اشتغاله) T=0 . إن المولد المستعمل هو مولد للتوتر ، إذن عندما نفتح القاطعة يمر التوتر بين طرفي المصباح بمرحلة انتقالية من القيمة T=0 12 إلى القيمة T=0 0 . ونفس الشيء بالنسبة لشدة التيار في المصباح .

لو عرفنا قيمة مقاومة المصباح لحظة فتح القاطعة لعرفنا قيمة التوتر بين طرفى الوشيعة

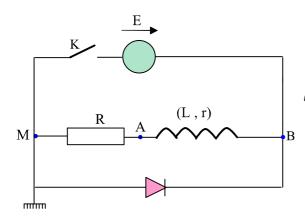
ثابت الزمن عند تطبیق التیار پختلف في هذه الحالة عن ثابت الزمن عند قطع التیار ،  $au_1=rac{L}{R_0+r}$  ، حیث ثابت الزمن عند تطبیق التیار پختلف في هذه الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في الحالة عن ثابت الزمن عند تطبیق التیار بختلف في التی

هي قيمة مقاومة المصباح لحظة فتح القاطعة ، ومنه  $au_2$  لا معنى له !!!! هي قيمة مقاومة المصباح لحظة فتح القاطعة ،

، لأن  $R=R_0+r$  تتغير مع الزمن كذلك  $u_L=E$   $e^{-rac{R}{L}t}igg(rac{r}{R}-1igg)$  تتغير مع الزمن كذلك ،

وبالتالي لا يمكن معرفة التوتر بين طرفي الوشيعة في لحظة ما .

# التمرين 24



$$\mathbf{R}' = \mathbf{R} + r$$
 محید،  $i = \frac{E}{R'} e^{-\frac{R'}{L}t}$  : عيار في الدارة التيار في الدارة : 1

انظر للدرس كيف وجدنا هذه العلاقة عند قطع التيار (صفحة 8 من درس ثنائي القطب RL).

 $u_{
m R}={
m R}~i$  أ) التوتر بين طرفي الناقل الأومي أ

$$u_R = R \frac{E}{R'} e^{-\frac{R'}{L}t}$$

 $u_0=Rrac{E}{R'}e^0=Rrac{E}{R'}$  : أي t=0 هو التوتر بين طرفي الناقل الأومي في اللحظة  $u_0$ 

(1) 
$$u_R = 0.9 \ u_0 = R \frac{E}{R'} e^{-\frac{R'}{L} t_1} : t_1$$
 sie uie

(2) 
$$u_R' = 0.1 \ u_0 = R \frac{E}{R'} e^{-\frac{R'}{L} t_2} : t_2$$
 sie likeling

: بتقسيم العلاقتين (1) و (2) طرفا لطرف نجد  $g=e^{(t_2-t_1)rac{R'}{L}}$  : بوبادخال اللوغاريتم النبيري على طرفي هذه العلاقة ، نكتب

ومنه 
$$au=rac{L}{R'}$$
 ، ولدينا ثابت الزمن  $rac{R'}{L}=rac{ln~9}{t_2-t_1}$  ، ومنه  $\theta=(t_2-t_1) imesrac{R'}{L}$ 

$$\tau = \frac{t_2 - t_1}{\ln 9} = \frac{1,65 \times 10^{-3}}{2,2} = 0,75 \times 10^{-3} \text{ s}$$

ب) ذاتية الوشيعة au داتية الوشيعة مجهولة! . L=R' imes au=(R+r) imes au

#### ملاحظة :

الهدف من وضع الصمام في الدارة وتوجيهه بهذا الشكل هو منع حدوث الشرارة الكهربائية التي تظهر عند القاطعة عند فتحها . سبب وجود هذه الشرارة: لو لم يوجد الصمام أين تذهب الطاقة المغناطيسية التي كانت مخزنة في الوشيعة لحظة فتح القاطعة؟

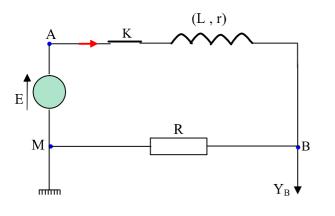
إن فتح القاطعة يخلق مقاومة كبيرة جدا متكونة من حيّز من الهواء موجود بين فكّي القاطعة ، إذن تصوّر هذه المقاومة الكبيرة مضروبة في شدة التيار التي كانت تمر في الوشيعة قبل فتح القاطعة ، فإنها تعطي توترا كبيرا بين طرفي القاطعة ، بحيث تفرّغ طاقة الوشيعة على شكل طاقة كهرومغناطيسية (ضوء) وهذا الذي نشاهده ...

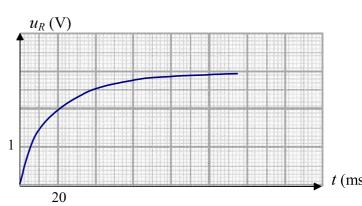
يمكن لهذه الطاقة أن تخرّب أجهزة أخرى مربوطة وراء القاطعة ، مثل بطاقة الحبكة المعلوماتية التي ترفق تركيب التجربة بجهاز الكمبيوتر .

الصمام يمرر التيار الكهربائي في نفس الدارة ويحمى الأجهزة الأخرى .

#### التمرين 25

 $u_{
m R}={
m R}~i$  هو التوتر بين طرفي الناقل الأومى  ${
m Y}_{
m B}$  هو التوتر بين طرفي الناقل الأومى -1





$$I_0 = rac{3}{50} = 0.06~A$$
 ،  $u_{
m R} = {
m R}~{
m I}_0$  ولدينا قانون أوم في ناقل أومي ،  $u_{
m R} = 3~{
m V}$  (من البيان  $u_{
m R} = 3~{
m V}$ 

$$E=R\,i+r\,i+Lrac{d\,i}{d\,t}$$
 أي  $E=u_{
m R}+u_{
m L}$ : حسب قانون جمع التوترات  $E=u_{
m R}+u_{
m L}$ 

$$r=rac{E}{I_0}-R=rac{3.8}{0.06}-50=13.3$$
 . ومنه :  $E=(R+r)~I_0$  . ومنه :  $E=(R+r)~I_0$ 

: يكون t= au يكون ، حيث أن عند الزمن t= au يكون ياد التية الوشيعة نحسب أو لا ثابت الزمن ، وذلك من البيان

. 
$$\tau=20~ms$$
 وهذا يوافق  $U_R=0.63 \times 3 \approx 2~V$ 

$$L = R' \times \tau = (R + r) \times \tau = 63.3 \times 20 \times 10^{-3} = 1.27 \; H$$
 ذاتية الوشيعة

1 - المعادلة التفاضلية لشدة التيار عند تطوّره نحو قيمة ثابتة غير معدومة معناه المعادلة أثناء تطبيق التيار .

$$(rpprox 0$$
 والوشيعة صافية ، أي  $E=R\,i+Lrac{di}{dt}$  : نكتب ، RL الوشيعة صافية ، أي حسب قانون جمع التوترات في ثنائي القطب

(1) 
$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L}$$
 : بتقسيم طرفي هذه المعادلة على ، نجد المعادلة التفاضلية المطلوبة

(2) 
$$i(t) = a + be^{-\alpha t}$$
 : هو (1) هو المعادلة التفاضلية (2) عبد المعادلة التفاضلية (1) عبد المعادلة التفاضلية (2)

$$-\alpha b e^{-\alpha t} + \frac{R}{I} (a + b e^{-\alpha t}) = \frac{E}{I}$$
 : (1) نعوض في المعادلة

$$\frac{R}{L}a + be^{-\alpha t}\left(\frac{R}{L} - \alpha\right) = \frac{E}{L}$$

$$0=a+b\,e^0=a+b\Rightarrow a=-b:$$
نعلم أنه عند  $t=0$  يكون  $i=0$  . بالتعويض في المعادلة

$$a=-b=rac{E}{L}$$
 : وبالتالي

GUEZOURI Lycée Maraval Oran

$$I_0 = \frac{E}{R} = \frac{6}{12} = 0.5 \ A \ :$$
 الشدة العظمى للتيار - 3

ا مجهولة الخنا ، 
$$au=rac{L}{R}$$
 : الكن $-4$ 

# التمرين 27

1 - عبارة التوتر في كل فرع:

$$u_1 = (\mathbf{R} + \mathbf{R}_1) i_1 : (1)$$
 الفرع

$$u_2 = (r + R_2)i_2 + L\frac{di_2}{dt}$$
 : (2) الفرع

 $\mathrm{L}_1$  في الفرع (1) : بمجرد غلق القاطعة يشتعل المصباح -2

لأن الناقل الأومي لا يعرقل تطبيق التيار (ذاتية الناقل الأومي معدومة)

في الفرع (2) : الوشيعة تقاوم تطبيق التيار ، أي < ترفض> تغيّر

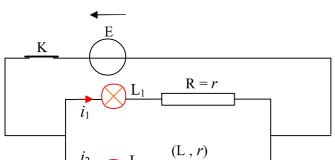
شدة التيار فيها ، حيث تنشأ قوة كهربائية متحرضة تمرّر تيارا في الوشيعة عكس جهة التيار  $i_1$  مما يزيد في مدّة تطبيق  $i_1$  ، وبالتالي المصباح  $i_2$  يشتعل بعد المصباح  $i_3$  .

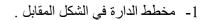
. أن مقاومتي الفرعين متساويتان .  $i_1=i_2={
m I}$  عين متساويتان . 3

 $i_1=i_2$  الوسيلة العملية التي تبيّن لنا أن  $i_1=i_2$ 

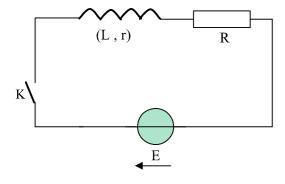
- إما مشاهدة قوة الإضاءة في المصباحين متماثلة (أقل دقة)

- أو بكل بساطة ربط مقياس أمبير في كل فرع وقراءة شدة التيار عليهما .

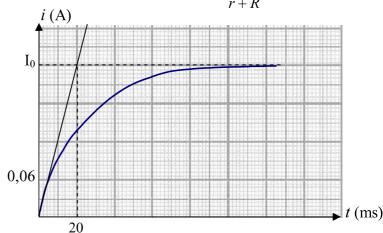




(1) 
$$I = \frac{E}{r+R}$$
 في النظام الدائم -2



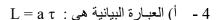
مخطط الدارة الكهربائية



$$I_0=0.06 imes4=0.24~{
m A}$$
 انظام الدائم لدينا من البيان  $I_0=rac{E}{R'}$  هي أعظم قيمة لـ  $i$  ، أي  $I_0=0.06$ 

$$r = 50 - 35 = 15~\Omega$$
 ، ومنه  $R + r = \frac{12}{0.24} = 50\Omega$  : (1) بالتعویض في

 $t= au=20~{
m ms}$  هي  $i={
m I}_0$  من البيان لدينا فاصلة نقطة تقاطع المماس للبيان في المبدأ مع مع المستقيم الأفقي  $i={
m I}_0$ 



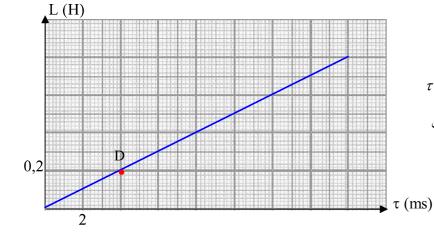
a هو ميل المستقيم.

$$au=rac{L}{R+r}$$
 با ثابت الزمن من الدراسة النظرية هو

: ونستنتج 
$$t=4~ms$$
 و  $L=0.2~H$ 

وهذه النتيجة، 
$$R+r=rac{L}{ au}=rac{0.2}{4 imes 10^{-3}}=50$$

تتفق مع المعطيات.



# **GUEZOURI**

Lycée Maraval Oran

$$s$$
 ب  $t$  و  $A$  ب  $i$  حیث ،  $i=1,2\left(1-e^{-2t}
ight)$  و ب  $i=1,2\left(1-e^{-2t}
ight)$ 

$$E_b = rac{1}{2} L \, i^2$$
 عند  $t=0$  يكون  $t=0$  يكون  $t=0$  .  $t=1$  ,2 (  $t=0$  عند  $t=0$ 

$$i=1,2\bigg(1-e^{-\frac{1}{\tau}t}\bigg)$$
 : يكتب عبارة الشدة كما يلي  $2$ 

. 
$$i=1,2\Big(1-rac{1}{e}\Big)=1,2\Big(1-rac{1}{2,71}\Big)=1,2 imes0,63=0,75$$
 هابن  $t= au$  غند  $t= au$ 

elwaha.yoo7.com

$$E_b = \frac{1}{2} L i^2 = 0.5 \times 0.1 (0.75)^2 = 2.8 \times 10^{-2} J$$
 : الطاقة المخزّنة

$$i=1,2\left(1-e^{-\infty}\right)=1,2\left(1-0\right)=1,2A$$
 غذما  $t \to \infty$  عندما

$$E_b = \frac{1}{2}Li^2 = 0.5 \times 0.1(1.2)^2 = 7.2 \times 10^{-2}J$$
 : الطاقة المخزّنة

$$r=rac{L}{ au}=rac{0.1}{0.5}=0.2$$
 من عبارة شدّة التيار لدينا  $au=0.5~{
m s}$  ، ومنه  $au=0.5~{
m s}$  ، ومنه  $au=0.5~{
m s}$ 

# التمرين 30

تمثل هذه الحالة قطع التيار عن الوشيعة .

(1) 
$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = 0$$
 : الدينا المعادلة التفاضلية التي تخضع لها شدة التيار في الدارة  $1$ 

(2) 
$$i=Ae^{lpha t}+B$$
 : هذه المعادلة التفاضلية لها حل من الشكل

$$\frac{di}{dt} = A\alpha e^{\alpha t}$$
 و  $i = Ae^{\alpha t} + B$  : (1) نعوض في المعادلة  $\alpha$  ، B نكي نحدّد

# GUEZOURI

Lycée Maraval Oran

$$A\alpha e^{\alpha t} + \frac{R}{L} \left( A e^{\alpha t} + B \right) = 0$$

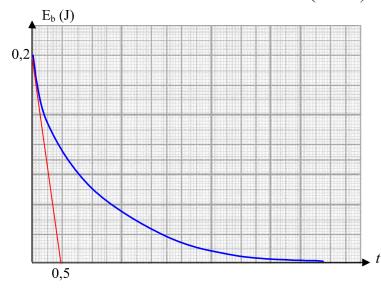
$$Ae^{\alpha t}\left(\alpha + \frac{R}{L}\right) + \frac{BR}{L} = 0$$

$$B=0$$
 و  $lpha=-rac{R}{I}$  و و حتى تكون هذه المعادلة محققة يجب أن يكون

 $i=rac{E}{R}$  نستنتج A من المعادلة (2) ، حيث تكون عند اللحظة وt=0 شدة التيار في الوشيعة

$$rac{E}{R}=I_0$$
 جيث ،  $i=rac{E}{R}e^{-rac{R}{L}t}$  وبالتالي حل المعادلة هو ،  $A=rac{E}{R}$  نا،  $A=rac{E}{R}$  بالتعويض

$$E_b = \frac{1}{2}Li^2 = \frac{1}{2}L\left(I_0e^{-\frac{R}{L}t}\right)^2 = \frac{1}{2}LI_0^2e^{-\frac{2R}{L}t}$$
: الطاقة المخزّنة في الوشيعة بدلالة الزمن : 2

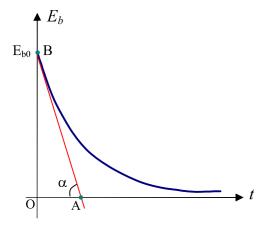


$$E_b = \frac{1}{2} L I_0^2 e^{-\frac{2}{\tau}t}$$

الطاقة المخرّنة في الوشيعة من الشكل:

$$E_{b0} = 0.2 \text{ J}$$
  $E_{b} = E_{b0}$   $e^{-\frac{2}{\tau}t}$ 

elwaha.yoo7.com



t=0 عند  $\mathrm{E_{b}}\left(t
ight)$  ميل المماس عند النقطة ( $\mathrm{E_{b0}}
ight)$  هو مشتق العلاقة المماس عند النقطة

$$tglpha = -rac{OB}{OA} = -rac{E_{b0}}{OA}$$
 : ميل المماس

$$\frac{dE_{b0}}{dt} = -\frac{2E_{b0}}{\tau} e^{-\frac{2}{\tau}t}$$
 هو  $E_b(t)$  مشتق

$$rac{dE_{b0}}{dt} = -rac{2E_{b0}}{ au} \ e^{-rac{2}{ au} \ 0} = -rac{2E_{b0}}{ au} \ :$$
وعند  $t=0$  يكون المشتق

$$t=rac{ au}{2}$$
 : ومنه  $A=rac{ au}{2}$  ، ومنه  $A=rac{ au}{2}$  ، ومنه  $A=rac{ au}{2}$  ، ومنه  $A=rac{ au}{2}$ 

$$\tau = 1 \text{ ms}$$
 ، ومنه  $\frac{\tau}{2} = 0.5$  ادينا - 4

: مقاومة الدارة (الناقل الأومي والوشيعة)  $m R=100~\Omega$  ، ونعلم أن ثابت الزمن هو علم المارة (الناقل الأومي والوشيعة)

$$L = R \times \tau = 100 \times 10^{-3} = 0.1 \text{ H}$$

5 – الزمن اللازم لتناقص الطاقة إلى النصف:

عند اللحظة t=0 كانت الطاقة المخرّنة في الوشيعة  $E_b=rac{1}{2}LI_0^2$  . نحسب اللحظة t=0 كانت الطاقة نصف هذه الكمية

: نجد: 
$$\frac{1}{2} = e^{-\frac{2}{\tau}t}$$
 ، أي  $\frac{1}{2} = e^{-\frac{2}{\tau}t}$  ، وبادخال اللوغاريتم النبيري على طرفي المعادلة نجد: 
$$t = t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \; \ln 2 \; :$$
 وبالتالي:  $-\ln 2 = -\frac{2}{\tau}t$ 

**GUEZOURI** 

Lycée Maraval Oran الكتاب الأول التطوّرات الرتيبة الإخراج الأول

# تطور جملة كيميائية نحو حالة التوازن

الوحدة 04

GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

# التمرين 01

 $H^+$  التفاعل حمض  $H^-$  أساس هو التفاعل الذي يتم فيه تبادل البروتونات

$$(Cu^{2+}$$
 وليس  $Ca^{2+})$  تفاعل ترسيب :  $Ca^{2+}_{(aq)} + 2 OH^{-}_{(aq)} = Ca(OH)_{2 (s)}$ 

 $H^+$ ن بروتون بادل بروتون نابادل بروتون نا

. تفاعل أسترة :  $CH_3COOH_{(l)} + CH_3OH_{(l)} = CH_3COO-CH_{3(l)} + H_2O_{(l)}$ 

:  $NH_3$  و  $NH_3$  و  $NH_3$  (نحصل في هذا التفاعل على كلور الأمونيوم صلب وليس محلولا لأن  $NH_3$  و  $NH_3$  غازان) :  $NH_3$  تفاعل حمض  $NH_3$  بين غاز كلور الهيدروجين وغاز النشادر .

ين حمض  $H^+$  بين حمض أساس لأنه حدث تبادل بروتون  $H^+$  بين حمض  $H^+$  بين حمض أساس لأنه حدث تبادل بروتون  $H^+$  بين حمض البنزين والماء .

# التمرين 02

: نملاً الجدول إ $H=-Log\left[H_3O^+
ight]=10^{-pH}$  نملاً الجدول  $pH=-Log\left[H_3O^+
ight]$  نملاً الجدول الجدول

рН	1,3	3,4	4,1	6,8	1,6	9,6
$[\mathrm{H_3O}^+]  (\mathrm{mol/L})$	$5,0 \times 10^{-2}$	4,0 × 10 <sup>-4</sup>	$7,4 \times 10^{-5}$	1,6 × 10 <sup>-7</sup>	$2,6 \times 10^{-2}$	$2,5 \times 10^{-10}$

.  $pH = -Log[H_3O^+]$  يزداد الـ  $pH = -Log[H_3O^+]$  ، وذلك حسب التناسب العكسي بينهما في العلاقة  $[H_3O^+]$  يزداد الـ  $pH = -Log[H_3O^+]$  يزداد الـ  $pH = -Log[H_3O^+]$  يزداد الله في الخانتين الأولى والثانية في الجدول .

#### التمرين 03

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$\mathrm{HCl}_{(\mathrm{g})} \; + \; \mathrm{H_2O}_{(\mathrm{l})} \; o \; \mathrm{H_3O}^+_{(\mathrm{aq})} \; + \; \mathrm{C}\Gamma_{(\mathrm{aq})} :$$
معادلة التفاعل – 1

$$(1) pH = -Log[H_3O^+] - 2$$

 $[{
m H}_3{
m O}^+]=[{
m HCl}]$  فإن حمض كلور الهيدروجين يتشرد كليا في الماء ، فإن

$$n_{HCI} = rac{V_g}{V_m} = rac{0.1}{22400} = 4.46 imes 10^{-6} \ mol$$
 : كمية مادة غاز كلور الهيدروجين المنحلة في الماء هي

$$({
m V_s}=1~{
m L})$$
 دينا  ${
m V_s}$  هو حجم المحلول المائي ( ${
m HCl}=rac{n_{HCl}}{V_s}=rac{4,46 imes10^{-6}}{1}=4,46 imes10^{-6}~mol~/~L$  لدينا

$$pH = -Log~4,46 \times 10^{-6} = 5,35$$
 : (1) بالتعويض في العلاقة

$$n_{H_3O^+} = [H_3O^+] \times V_s = 10^{-pH} \times V_s = 10^{-2} \times 1 = 10^{-2} \ mol$$
 ، ولدينا ،  $n_{HCl} = n_{H_3O^+}$  في فإن المحمض قوي فإن ،  $n_{HCl} = n_{H_3O^+}$  ، ولدينا ،  $10^{-2} \ mol$  هي 10 $^{-2} \ mol$  من الماء هي 1 من الماء هي الماء

 $C = [H_3O^+] = 0.1 \text{ mol/ L}$  اعتبرنا حمض الأزوت قويا ، أي أن  $C = [H_3O^+] = 0.1 \text{ mol/ L}$  ، ونعلم أن هذا المحلول الحمضي ليس ممدا إلى الدرجة التي يمكن فيها أن نطبق العلاقة  $pH = -Log[H_3O^+]$  .

 $(pH - 10^{-2} \text{ mol/ L})$  (لا نحسب الـ  $10^{-2} \text{ mol/ L}$ ) المحلول أقل من  $10^{-2} \text{ mol/ L}$ 

. الحمض قوي ، إذن  $n_{H,O^+}$  لا يتغير عندما نمدد المحلول بالماء . 3

ليكن  $[H_3O^+]_1$  هو التركيز المولمي لشوارد الهيدرونيوم قبل التمديد و  $[H_3O^+]_2$  هو التركيز المولمي لشوارد الهيدرونيوم بعد التمديد .

 $V_2 = 90 + 10 = 100 \text{ mL}$  ,  $V_1 = 10 \text{ mL}$  ,  $V_1 = [H_3 O^+]_1 V_1 = [H_3 O^+]_2 V_2$ 

$$\left[H_3O^+\right]_2 = \frac{\left[H_3O^+\right]_1}{10} = \frac{0.1}{10} = 10^{-2} \ mol \ / \ L \ :$$
 نستنتج

 ${
m pH}=2$  نجد  $pH=-Log \left\lceil H_3O^+ 
ight
ceil$  نجد

ملاحظة : عندما نمدد بالماء محلولا حمضيا n مرة (في التمرين n=10 ، أي أن الحجم كان m 10 وأصبح n=10 فإن تركيزه المولى وبالتالي تركيز شوارد الهيدرونيوم يُقسَم على n . وإذا كان n من مضاعفات الـ 10 فإن p المحلول يزداد بـ 1 ، 2 ، 3 . ... التمرين n=10

 ${\rm H_3O}^+$  عنبين إن كان التفاعل تاما أو غير تــام ، نقارن بين التركيز المولي للحمض و والتركيز المولي لشوارد  ${\rm H_3O}^+$  إذا كان  ${\rm C}$  فإن الحمض قوي .

ياً . المن  $H_3O^+ = [H_3O^+]$  فإن الحمض ضعيف .

 $[H_3O^+] = 10^{-pH} = 10^{-3.9} = 1.26 \times 10^{-4} \text{ mol/ L}$ : محلول حمض الإيثانويك

هذه القيمة أصغر من تركيز الحمض ، ومنه التفاعل غير تــام .

 $[{
m H}_{3}{
m O}^{+}]=10^{-p{
m H}}\,=10^{-3}\,\,\,{
m mol/}\,\,{
m L}\,\,\,$ : محلول حمض کلور الهیدروجین

هذه القيمة تساوي تركيز الحمض ، ومنه التفاعل تام .

 $^{ ext{C}\Gamma}$  كلور الأمونيوم هو ملح صيغته  $^{ ext{NH}_4 ext{C}1}$  . يتحلل في الماء إلى شوارد الأمونيوم هو ملح صيغته  $^{ ext{NH}_4 ext{C}1}$ 

القوة التي نتكلم عنها هنا هي قوة تفاعل شاردة الأمونيوم  ${
m NH_4}^+$  مع الماء .

لو لم تتفاعل هاتان الشاردتان مع الماء لوجدنا pH المحلول مساويا للقيمة pH . سبب نزول الـ pH إلى القيمة pH الحمض  $NH_4^+_{(aq)} + H_2O_{(aq)} = NH_{3(aq)} + H_3O_{(aq)}^+$  هو تفاعل الحمض الضعيف  $NH_4^+_{(aq)} + H_2O_{(aq)} = NH_{3(aq)} + H_3O_{(aq)}^+$ 

. وبمقارنة  $[{\rm H_3O}^+]$  مع  $N{\rm H_4Cl}$  نحكم على أن التفاعل غير تـام .  $[{\rm H_3O}^+]=10^{-6.2}=6.3\times10^{-7}$  mol/ L

- محلول حمض الأزوت :  $10^{-pH} = 10^{-pH} = 10^{-3} \mod L$  . هذه القيمة تساوي تركيز الحمض ، ومنه التفاعل تــام .

2 - التفاعل تام معناه الحمض قوي ، وبالتالي : حمض الإيثانويك ضعيف ، شاردة الأمونيوم حمض ضعيف ، حمض الأزوت قوي .

#### التمرين 06

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$HCl_{(g)} + H_2O_{(l)} \rightarrow H_3O^+_{(aq)} + C\Gamma_{(aq)} - 1$$

 $H_3O^+/H_2O$  ،  $HC1/CI^-$ : الثنائيتان هما

$$pH = -Log C = -Log 10^{-3} = 3$$
 - 2

 $(H_3O^+,C\Gamma)+(Na^+,OH^-)\rightarrow (Na^+,C\Gamma)+2H_2O$  ( $^{\dagger}$  -3

(1)  $H_3O^+_{(aq)} + OH^-_{(aq)} \rightarrow 2 H_2O_{(l)}$  : أو اختصارا

(2) 
$$pH = -Log[H_3O^+]$$
 (:)

نحسب عدد مولات OH التي أضفناها:

$$n(OH^{-}) = C_b V_b = 10^{-3} \times 50 \times 10^{-3} = 0.5 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

: الموجودة في محلول حمض كلور الهيدروجين  $H_3O^+$ 

$$n(H_3O^+) = C_a V_a = 10^{-3} \times 0, 1 = 10^{-4} \text{ mol}$$

حسب التفاعل (1) ، فإن مو (1) واحدا من (1) يتفاعل مع مول واحد من (1) . إذن عدد مولات شوار د (1) الباقية بعد التفاعل

$$n'(\mathrm{H_3O}^+) = 10^{-4} - 0.5 \times 10^{-4} = 0.5 \times 10^{-4} \,\mathrm{mol}$$
 :

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$[H_3O^+] = \frac{n'(H_3O^+)}{V_a + V_b} = \frac{0.5 \times 10^{-4}}{0.15} = 3.3 \times 10^{-4} \, mol \, / \, L$$

 $pH = -Log \ 3.3 \times 10^{-4} = 3.5$  : (2) بالتعويض في العلاقة

#### التمرين 07

 $C_6H_5-COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5-COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$ : معادلة التفاعل – 1

 $^{\circ}$  .  $^{\circ}$  ونقارنها مع التركيز المولي لشوارد الأكسونيوم  $^{\circ}$   $^{\circ}$  ونقارنها مع التركيز  $^{\circ}$  .

. 
$$C = 2.0 \times 10^{-2} \text{ mol /L}$$
 ولدينا  $G = 10^{-2.95} = 1.12 \times 10^{-3} \text{ mol / L}$  دينا

بما أن التركيز المولى لشوارد الهيدرونيوم أقل من التركيز المولى C ، فإن تفاعل حمض البنزين مع الماء غير تـــام .

3 − المقارنة بين pH و Log C − 3

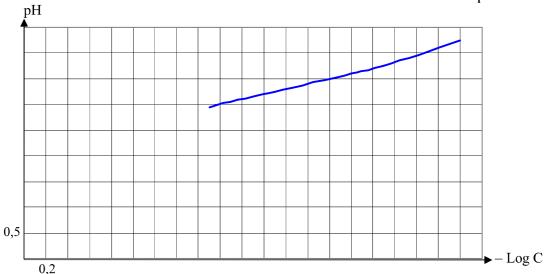
pН								
–Log C	1,70	1,96	2,3	3,00	3,30	4,00	4,30	5,00

#### التعليل:

: وبالتالي ،  $pH = -Log [H_3O^+]$  ، ونعلم أن pH > -Log C ، وبالتالي :

. 
$$[H_3O^+] < C$$
 وهذا يؤدي لنتيجة ضعف الحمض ،  $-Log [H_3O^+] < Log C$  ، وهذا يؤدي لنتيجة ضعف الحمض ،  $-Log [H_3O^+] > -Log C$ 

4 - البيان PH = - Log C



$$CH_2CICOOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = CH_2CICOO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$$
 - 1

#### جدول التقدم :

	CH <sub>2</sub> ClCOOH <sub>(aq)</sub>	$+$ $H_2O_{(l)} =$	CH <sub>2</sub> ClCOO <sup>-</sup> <sub>(aq)</sub>	$+ H_3O^+_{(aq)}$
t = 0	CV	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	CV - x	زيادة	х	х
الحالة النهائية	$CV - x_f$	زيادة	$\chi_{ m f}$	$x_{ m f}$

: ومنه التعيين التقدم النهائي نضع  $CV - x_{max} = 0$  لأن الحمض هو المتفاعل المحد ومنه

$$x_{\text{max}} = \text{CV} = 10^{-2} \times 20 \times 10^{-3} = 2.0 \times 10^{-4} \text{ mol}$$

5 - تصحيح : pH = 2,37 (ليس pH = 2,37 ). لا نبقي على الرقم الثاني بعد الفاصلة في قيمة الـ pH = 1,37 التقدّم النهائي هو كمية مادة  $H_3O^+$  في نهاية التفاعل ، أي :

$$x_f = n (H_3 O^+) = [H_3 O^+] \times V = 10^{-pH} \times V = 10^{-2.4} \times 20 \times 10^{-3} = 7.9 \times 10^{-5} \text{ mol}$$

. نسبة التقدم النهائي: 
$$au = \frac{x_f}{x_{min}} = \frac{7.9 \times 10^{-5}}{2 \times 10^{-4}} = 0.39$$
 نسبة التقدم النهائي:

GUEZOURI A. Lycée Marayal - Oran

# التمرين 09

. و الحمض النقى .  $(S_0)$  عن الحمض النقى .  $(S_0)$  عن الحمض النقى .

(HI هي الكتلة المولية ليود الهيدروجين 
$$n(HI) = \frac{m}{M} = \frac{28}{128} = 0,22 mol$$

(1) 
$$\rho = \frac{m'}{V}$$
 حيث ، V من (S<sub>0</sub>) من 100 g

$$ho = ext{d} imes 
ho_{ ext{e}} = 1,26 imes 1 = 1,26 ext{ g/ cm}^3$$
 ولدينا  $ho_{ ext{e}} = ext{d} imes ext{d} = \frac{
ho}{
ho}$  ، وهي الكتلة الحجمية للماء ، ومنه

$$V = \frac{m'}{\rho} = \frac{100}{1.26} = 79,4 \text{ cm}^3 = 7,94 \times 10^{-2} L$$
 : (1) بالتعويض في

$$[HI] = \frac{n(HI)}{V} = \frac{0.22}{7.94 \times 10^{-2}} = 2.77 mol/L$$
 : حيث (HI) هو  $S_0$  هو التركيز المولي لـ  $S_0$ 

: ميث ،  $n_0 \, ({
m HI}) = n \, ({
m HI})$  ، أي ، HI حيث عدد مولات عدد مولات - 2

. عدد المولات بعد التمديد ،  $n
m \left(HI
ight)=CV$  ، عدد المولات بعد التمديد :  $n_0
m \left(HI
ight)=C_0V_0$ 

$$V_0 = \frac{CV}{C_0} = \frac{0.05 \times 0.5}{2.77} \approx 9 \times 10^{-3} L = 9 mL$$
 ; ومنه :  $C_0 V_0 = CV$ 

#### الطريقة هي:

 $V=9~{\rm mL}$  نأخذ حجما  $V=9~{\rm mL}$  من المحلول  $V=9~{\rm mL}$  ونضيف له الماء المقطر إلى أن يصبح حجم المحلول  $V=9~{\rm mL}$  ، أي نضيف  $V=9~{\rm mL}$  من المحلول  $V=9~{\rm mL}$  .

. ومنه : 
$$C_1 V_1 = C_2 V_2$$
 : أي  $n_1 (\mathrm{HI}) = n_2 (\mathrm{HI})$  ، ومنه :  $S_2$ 

$$C_2 = \frac{0.05 \times 5}{200} = 1.25 \times 10^{-3} \, mol \, / \, L$$

ب) تعديل: pH المحلول S2 يساوي 2,9 . احسب نسبة النقدم النهائي للتفاعل بين الحمض والماء . هل يمكن اعتبار التفاعل تامًا ؟

(2) 
$$\tau = \frac{x_f}{x_{\text{max}}} = \frac{\left[H_3 O^+\right] \times V_2}{C_2 V_2} = \frac{\left[H_3 O^+\right]}{C_2}$$
 | Legis in the proof of t

 $x_{
m max}={
m C}_2{
m V}_2$  ولدينا ،  $x_{
m f}=n~({
m H}_3{
m O}^+)$  نكتب معادلة التفاعل وننشئ جدول التقدّم لكي نبيّن أن

$$ext{HF}_{(aq)} + ext{H}_2 ext{O}_{(l)} = ext{H}_3 ext{O}^+_{(aq)} + ext{F}^-_{(aq)}$$
  $t=0$  زیادهٔ  $c_2 ext{V}_2 - x_{
m f}$  نهایهٔ التفاعل  $c_2 ext{V}_2 - x_{
m f}$  نهایهٔ التفاعل

. بالتعويض في العلاقة (2) ، 
$$au=rac{10^{-pH}}{C_2}=rac{10^{-2,9}}{1,25 imes10^{-3}}=1$$
 ، وبالتالي التفاعل تـــام

للمزيد: ذرات الهالوجينات (العمود السابع في التصنيف الدوري المختصر) تكوّن مع ذرات الهيدروجين حموضا صيغتها من الشكل HA (HI ، HBr ، HCl ، HF) . إن هذه الحموض ليست كلها قوية ، بل تتناقص قوّتها من HF إلى HI ، أي أن كلما كان حجم ذرة الهالوجين كبيرا كلما كان الحمض أقوى . أقوى هذه الحموض هو الذي نتحدّث عنه في التمرين 9 ، أي أن من المستحيل تفاعل شاردة اليود - مع الماء ، فهي أساس ضعيف جدا جدا .. وهذا ما يوضع تعديلنا للسؤال الفرعي ب) من السؤال 3 .

# التمرين 10

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$CH_{3}COOH_{(aq)} \ + \ H_{2}O_{(l)} \ = \ CH_{3}COO^{-}_{(aq)} \ + \ H_{3}O^{+}_{(aq)} \quad \textbf{-1}$$

(1) 
$$au = \frac{x_f}{x_{...}}$$
 النسبة النهائية للتقدم هي  $-2$ 

(يجب إعطاء قيمتي الناقليتين الموليتين الشارديتين للشاردتين +H3O و -CH3COO في نص التمرين)

$$\lambda_2 = \lambda_{CH_3COO^-} = 4.1 \times 10^{-3} \, S \, m^2 \, mol^{-1} \qquad \omega \qquad \lambda_1 = \lambda_{H_3O^+} = 35 \times 10^{-3} \, S \, m^2 \, mol^{-1}$$

: نوباهمال [OH] نوباهمال (OH] دينا نامحلول يكون لدينا  $\sigma_1 = \lambda_1 \left[ H_3 O^+ \right] + \lambda_2 \left[ C H_3 COO^- \right] + \lambda_{OH^-} \left[ OH^- \right]$  لدينا

(2) 
$$\sigma_1 = [H_3 O^+](\lambda_1 + \lambda_2)$$
 : وبالتالي نكتب (H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>] = [CH<sub>3</sub>COO<sup>-</sup>]

$$CH_{3}COOH_{(aq)}$$
 +  $H_{2}O_{(l)}$  =  $CH_{3}COO^{-}_{(aq)}$  +  $H_{3}O^{+}_{(aq)}$   
 $CV$  زیادهٔ  $x_{f}$   $x_{f}$ 

 $[{
m H}_3{
m O}^+]$  و  $x_{
m max}={
m CV}$  و  $x_{
m f}=n~({
m H}_3{
m O}^+)$  التركيز المولي من جدول التقدم نستنتج أن

$$[H_3O^+] = \frac{\sigma_1}{\lambda_1 + \lambda_2} = \frac{4.9 \times 10^{-3}}{39.1 \times 10^{-3}} = 0.125 \ mol \ / \ m^3 = 1.25 \times 10^{-4} \ mol \ / \ L$$

$$\tau = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{n(H_3O^+)}{CV} = \frac{\left[H_3O^+\right] \times V}{CV} = \frac{\left[H_3O^+\right]}{C} = \frac{1,25 \times 10^{-4}}{10^{-3}} = 0,125$$
 (1) من العلاقة (1)

(  $\sigma$  و pH أو pH وليس [CH3COOT] وليس ( $\sigma$  وليس [CH3COOT] وليس ( $\sigma$  ) وليس ( $\sigma$  وليس ( $\sigma$  ) و

$$C_2 = \frac{C_1 V_1}{V_2} = \frac{10^{-3} \times 10}{100} = 10^{-4} \, mol \, / \, L$$

$$[H_3O^+] = [CH_3COO^-] \ \, \dot{\forall} \quad \sigma_2 = \lambda_1 \left[ H_3O^+ \right] + \lambda_2 \left[ CH_3COO^- \right] = \left[ CH_3COO^- \right] (\lambda_1 + \lambda_2) \qquad (\because$$

تصحيح : القيمة الصحيحة لـ σ<sub>2</sub> هي 1,55 mS. m<sup>-1</sup> (ليس 1,2 mS.m<sup>-1</sup> ، لأن هذه القيمة لا توافق التركيز المولي بعد التمديد)

$$[CH_3COO^-] = \frac{\sigma_2}{\lambda_1 + \lambda_2} = \frac{1,55 \times 10^{-3}}{39,1 \times 10^{-3}} = 0,038 \ mol/m^3 = 3,8 \times 10^{-5} \ mol/L : 0.000 = 0.00$$

$$au_2 = \frac{\left[H_3O^+\right]}{C_2} = \frac{3.8 \times 10^{-5}}{10^{-4}} = 0.38$$
: جـ) النسبة النهائية للتقدم

 $au_2 > au_1$  كلما مددنا حمضا ضعيفا از دادت نسبة التقدم النهائي ، أي  $au_2 > au_1$ 

# التمرين 11

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$AgCl_{(s)} = Ag^{+}_{(aq)} + C\Gamma_{(aq)} - 1$$

$$AgCl_{(s)} = Ag^{+}_{(aq)} + C\Gamma_{(aq)} - 2$$

$$n_{0} = 0$$

$$n_{0} - x_{f}$$

$$x_{f}$$

. من تركيزا شواردتي الهيدرونيوم والهيدروكسيد مهملان في هذا المحلول الملحي .  $\sigma = \lambda_{Ag^+} \left[ Ag^+ \right] + \lambda_{Cl^-} \left[ Cl^- \right]$ 

: ومنه (
$$\mathrm{Ag}^+$$
) = [ $\mathrm{C}\Gamma$ ] ومنه ،  $\sigma$  =  $\left[Ag^+\right]\left(\lambda_{Ag^+} + \lambda_{Cl^-}
ight)$ 

$$\left[Ag^{+}\right] = \frac{\sigma}{\left(\lambda_{Ag^{+}} + \lambda_{Cl^{-}}\right)} = \frac{0.19 \times 10^{-3}}{\left(6.2 + 7.6\right) \times 10^{-3}} = 0.013 \ mol \ / \ m^{3} = 1.3 \times 10^{-5} \ mol \ / \ L$$

$$\left[Ag^{+}\right] = \left[Cl^{-}\right] = 1.3 \times 10^{-5} \, mol \, / \, L$$

لا يمكن أن أقول أي شيء عن انحلال كلور الفضمة في الماء ما دمت لا أعرف كمية المادة المنحلة .

#### التمرين 12

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(l)} = NH_4^+_{(aq)} + OH_{(aq)}^- - 1$$

.  $C_1$  مع تركيز الأساس  $OH^-$  مع نبيّن أن غاز النشادر لا يتفاعل كليا مع الماء نقارن تركيز شوارد الهيدروكسيد

. ومنه 
$$[OH^-] < C_1$$
 ، ومنه  $[OH^-] = \frac{10^{-14}}{[H_3O^+]} = \frac{10^{-14}}{10^{-11,1}} = 1,26 \times 10^{-3} \, mol \, / \, L$  لدينا

 $au_1$ يمكن أن نبيّن أن التفاعل غير تام بحساب قيمة نسبة التقدم النهائية

من أجل هذا ننشئ جدول التقدم:

$$\mathrm{NH_{3(aq)}} \ + \ \mathrm{H_{2}O_{(1)}} = \ \mathrm{NH_{4}}^{+}_{(aq)} \ + \ \mathrm{OH^{-}_{(aq)}}$$
  $\mathrm{C_{1}V_{1}}$   $\mathrm{C_{$ 

. عدد مو لات  $NH_3$  لا يتغير بعد التمديد ، أي أن  $C_1V_1=C_2V_2$  ، حيث أن  $V_1$  هو الحجم الذي نأخذه من المحلول الأول .

$$V_1 = \frac{C_2 V_2}{C_1} = \frac{2.5 \times 10^{-2} \times 100}{0.1} = 25 \text{ mL}$$

الطريقة هي : نأخذ حجما  $V_1 = 25 \text{ mL}$  ونضعه في مخبار حجمه  $V_1 = 25 \text{ mL}$  ، ثم نكمل الحجم بالماء المقطر ، فنحصل بذلك على محلول  $V_1 = 25 \text{ mL}$  .  $V_1 = 25 \text{ mL}$  .  $V_1 = 25 \text{ mL}$  .  $V_2 = 2.5 \times 10^{-2} \text{ mol/ L}$  وتركيزه المولى  $V_1 = 25 \text{ mol/ L}$  .

$$m NH_{3(aq)} \ + \ H_2O_{(l)} = 
m NH_4^+_{(aq)} \ + \ OH^-_{(aq)} H \ -4$$
  $m C_2V_2$   $m C_2V_2 - x_f$   $m C_2V_2 - x_f$   $m C_2V_2 - x_f$   $m C_2V_2 - x_f$ 

$$au_2 = rac{x_f}{x_{max}} = rac{n \left(OH^-
ight)}{C_2 V} = rac{\left[OH^-
ight] imes V}{C_2 V} = rac{\left[OH^-
ight]}{C_2}$$
 النسبة النهائية لتقدّم التفاعل هي

$$au_2 = rac{6,31 imes 10^{-4}}{2.5 imes 10^{-2}} = 2,52 imes 10^{-2}$$
 وبالتالي  $OH^- = rac{10^{-14}}{10^{-pH}} = rac{10^{-14}}{10^{-10.8}} = 6,31 imes 10^{-4} \ mol/L$ 

. ومنه نستخلص أنه كلما كان الأساس الضعيف ممدا يتشرد أكثر  $au_1 < au_2$ 

# التمرين 13

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

( 
$$100~{
m m}^{-1}$$
 ( اليس  $K=1~{
m cm}$  نصحيح : ثابت الخلية (  $\sigma_1=4.88\times 10^{-5}~{
m S.m}^{-1}$  ( ليس  $G_1=4.88\times 10^{-4}~{
m S}$  (  $\sigma_2=2.19\times 10^{-4}~{
m S.m}^{-1}$  ( ليس  $G_2=32.5\times 10^{-4}~{
m S}$ 

$$\lambda_{C\!H_3COO^-} = 4.1 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1} \; \cdot \quad \lambda_{F^-} = 5.5 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1} \quad \cdot \quad \lambda_{H_3O^+} = 35.9 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1} \; \lambda_{F^-} = 5.5 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1} \quad \lambda_{H_3O^+} = 35.9 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1} \; \lambda_{H_3O^+} = 35.9 \times$$

$${
m CH_3COOH_{(aq)}} + {
m H_2O_{(l)}} = {
m CH_3COO^-_{(aq)}} + {
m H_3O^+_{(aq)}}$$
: معادلة نفاعل حمض الإيثانويك مع الماء  ${
m HF_{(aq)}} + {
m H_2O_{(aq)}} = {
m F^-_{(aq)}} + {
m H_3O^+_{(aq)}}$ : معادلة نفاعل فلور الهيدروجين مع الماء

(-2) أ) جدول التقدم للحمض (-2) (حمض الإيثانويك أو حمض الفلور)

	$HA_{(aq)}$ +	$H_2O_{(l)} =$	A <sup>-</sup> (l) +	$\mathrm{H_3O}^{^{+}}{}_{\mathrm{(l)}}$
t = 0	CV	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	CV - x	زيادة	x	х
الحالة النهائية	$CV - x_f$	زيادة	$x_{ m f}$	$x_{ m f}$

1~L هو كل محلول هو كل حجم المحلولين لم يُعطيا في التمرين ، لهذا نعتبر حجم كل محلول هو  $x_{\rm max} = {
m CV} = 0.1 \times 1 = 0.1~{
m mol}$  التقدم الأعظمي في كل تحول هو 7

جـ) التقدم النهائي في حالة حمض الإيثانويك:

(1) 
$$\sigma_1 = [H_3 O^+] (\lambda_{H_3 O^+} + \lambda_{CH_3 COO^-})$$
 : e, [H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>] = [CH<sub>3</sub>COO<sup>-</sup>]

.  $G = K \sigma$  من العلاقة  $\sigma_1$  و  $\sigma_2$  من العلاقة

$$\sigma_2 = \frac{G_2}{K} = \frac{32,5 \times 10^{-4}}{0,01} = 32,5 \times 10^{-2} \text{ S.m}^{-1} \qquad \bullet \qquad \sigma_1 = \frac{G_1}{K} = \frac{4,88 \times 10^{-4}}{0,01} = 4,88 \times 10^{-2} \text{ S.m}^{-1}$$

.  $x_{\mathrm{f}} = n \; (\mathrm{H_3O^+}) = [\mathrm{H_3O^+}] imes \mathrm{V}$  لدينا من جدول التقدم

$$x_{f_1} = \frac{\sigma_1 \times V}{\lambda_{H,O^+} + \lambda_{CH,COO^-}} = \frac{4,88 \times 10^{-2} \times 10^{-3}}{\left(35,9 + 4,1\right) \times 10^{-3}} = 1,22 \times 10^{-3}$$
 : باستعمال العلاقة (1) نجد

التقدم النهائي في حالة حمض فلور الهيدروجين:

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$x_{f_2} = \frac{\sigma_2 \times V}{\lambda_{H,O^+} + \lambda_{F^-}} = \frac{32,5 \times 10^{-2} \times 10^{-3}}{(35,9+5,5) \times 10^{-3}} = 7,8 \times 10^{-3}$$

#### التم بن 4

(1) 
$$CH_2CICOOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = CH_2CICOO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$$
 : معادلتا التفاعلين - 1

(2) 
$$CHCl_2COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = CHCl_2COO^{-}_{(aq)} + H_3O^{+}_{(aq)}$$

( 
$$\sigma_2=0.33~{
m mS~m^{-1}}$$
 ليس )  $\sigma_2=0.33~{
m S~m^{-1}}$  ، (  $\sigma_1=0.167~{
m mS~m^{-1}}$  )  $\sigma_1=0.121~{
m S~m^{-1}}$  نثائی کلور الإیثانویك هو CHCl2COOH

: CH<sub>2</sub>ClCOOH بالنسبة للحمض – 2

: يكون لدينا (OH¯] يكون الدينا ، 
$$\sigma_1 = \lambda_{H_3O^+} \left[ H_3O^+ \right] + \lambda_{CH_2CICOO^-} \left[ CH_2CICOO^- \right] + \lambda_{OH^-} \left[ OH^- \right]$$

$$\sigma_1 = \left[H_3O^+\right] \left(\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_2CICOO^-}\right)$$
 : وبالتالي (  $\left[\mathrm{CH_2CICOO^-}\right] = \left[\mathrm{H_3O^+}\right]$ 

$$[H_3O^+] = \frac{\sigma_1}{\lambda_{H,O^+} + \lambda_{CH,CICOO^-}} = \frac{0.121}{39.22 \times 10^{-3}} = 3.08 \ mol \ / \ m^3 = 3.08 \times 10^{-3} \ mol \ / \ L$$

: CHCl<sub>2</sub>COOH بالنسبة للحمض

: يكون لاينا (OH¯] يكون الاينا ، 
$$\sigma_2 = \lambda_{H_3O^+} \left[ H_3O^+ \right] + \lambda_{CHCl_2COO^-} \left[ CHCl_2COO^- \right] + \lambda_{OH^-} \left[ OH^- \right]$$

$$\sigma_2 = [H_3O^+](\lambda_{H,O^+} + \lambda_{CHCl,COO^-})$$
: وبالنالي ، [CHCl<sub>2</sub>COO<sup>-</sup>] = [H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>]

$$[H_3O^+] = \frac{\sigma_2}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CHCl,COO^-}} = \frac{0.33}{38.83 \times 10^{-3}} = 4.5 \text{ mol/m}^3 = 4.5 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$$

$$au_1 = \frac{\left[H_3O^+
ight]}{\left[CH_2ClCOOH
ight]} = \frac{3.08 \times 10^{-3}}{10^{-2}} = 0.31$$
 : CH2ClCOOH النسبة النهائية لتقدّم تفاعل - 3

$$au_2 = \frac{\left[H_3O^+\right]}{\left[CHCl_2COOH\right]} = \frac{8.5 \times 10^{-3}}{10^{-2}} = 0.85$$
 : CHCl2COOH النسبة النهائية لتقدّم تفاعل

$$K_1 = \frac{\left[H_3O^+\right]_f \times \left[CH_2ClCOO^-\right]_f}{\left[CH_2ClCOOH\right]_f}$$
 : (1) التفاعل - 4

$$K_2 = \frac{\left[H_3O^+\right]_f \times \left[CHCl_2COO^-\right]_f}{\left[CHCl_2COOH\right]_f}$$
 : (2) النفاعل

عند التوازن يكون تركيز الحمض الباقي ، أي  $[CH_2CICOOH]$  أو  $[CHCl_2COOH]$  ، مساويا للتركيز الابتدائي مطروح منه تركيز شوارد الهيدرونيوم  $[H_3O^+]$  ، وبالتالي :

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$K_{1} = \frac{\left[H_{3}O^{+}\right]_{f}^{2}}{C - \left[H_{3}O^{+}\right]_{f}} = \frac{\left(3,08 \times 10^{-3}\right)^{2}}{10^{-2} - 3,08 \times 10^{-3}} = 1,4 \times 10^{-3}$$

$$K_2 = \frac{\left[H_3 O^+\right]_f^2}{C - \left[H_3 O^+\right]_f} = \frac{\left(8.5 \times 10^{-3}\right)^2}{10^{-2} - 8.5 \times 10^{-3}} = 4.8 \times 10^{-2}$$

5 – إذا كان للحمضين نفس التركيز المولي ، فإن نسبة التقدّم النهائي لتفاعل الحمضين مع الماء تكون متناسبة طرديا مع ثابت التوازن ،
 أي أن الحمض الذي له ثابت توازن أكبر هو الذي تكون له نسبة التقدم النهائي الأكبر .

المقارنة غير صحيحة إذا لم يكن للحمضين نفس التركيز المولي ، لأن التمديد يزيد في قيمة au .

### ملاحظة

في حالة تفاعل حمض ضعيف مع الماء ، فإن ثابت التوازن K هو نفسه ثابت الحموضة  $K_A$  للثنائية الخاصة بهذا الحمض ، لهذا اعتمدنا في تصحيح قيمتي  $\sigma$  على أساس ثابتي الحموضة للثنائيتين :

CHCl<sub>2</sub>COOH / CHCl<sub>2</sub>COO<sup>-</sup> J CH<sub>2</sub>ClCOOH / CH<sub>2</sub>ClCOO<sup>-</sup>

# التمرين 15

$$CH_{3}COOH_{(aq)} \ + \ H_{2}O_{(l)} \ = \ CH_{3}COO^{-}_{(aq)} \ + \ H_{3}O^{+}_{(aq)}$$
 : 1

$$Q_r = \frac{\left[H_3O^+\right] \times \left[CH_3COO^-\right]}{\left[CH_3COOH\right]}$$
 : کسر التفاعل

: نكتب [OH¯] وبإهمال ، 
$$\sigma = \lambda_{H_3O^+} \left[ H_3O^+ \right] + \lambda_{CH_3COO^-} \left[ CH_3COO^- \right] + \lambda_{OH^-} \left[ OH^- \right]$$
 - 2

$$\sigma = \lambda_{H_3O^+} \left[ H_3O^+ \right] + \lambda_{CH_3COO^-} \left[ CH_3COO^- \right]$$

#### 3 - جدول التقدم

	CH <sub>3</sub> COOH <sub>(aq)</sub> +	$ H_2O_{(l)}$ =	CH <sub>3</sub> COO <sup>-</sup> <sub>(aq))</sub> +	$H_3O^+_{(aq)}$
t = 0	CV	زيـادة	0	0
الحالة الانتقالية	CV - x	زيادة	x	х
الحالة النهائية	$CV - x_{\acute{e}q}$	زيادة	$x_{\acute{e}q}$	$\chi_{\acute{e}q}$

(1) 
$$\sigma = [H_3O^+](\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3COO^-})$$
 وبالتالي (CH\_3COO^-] = [H\_3O^+] نعلم أن  $\sigma = [H_3O^+](\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3COO^-})$ 

من جدول التقدم نستنتج أن عند نهاية التفاعل يكون  $x_{
m eq}=n~({
m H}_3{
m O}^+)$  ، وباتالي تصبح عبارة  $\sigma$  كالتالي :

$$\sigma = \frac{x_f}{V} \left( \lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3COO^-} \right)$$

من العلاقة (1) نحسب التركيز المولي لشوارد الهيدرونيوم.

$$[H_3O^+] = [CH_3COO^-] = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3COO^-}} = \frac{1,6 \times 10^{-2}}{(35,9+4,1) \times 10^{-3}} = 0,4 \text{ mol/m}^3 = 0,4 \times 10^{-3} \text{mol/L}$$

$$[{
m CH_3COOH}] = {
m C} - [{
m H_3O}^+] = 10^{-2} - 4 imes 10^{-4} = 9,6 imes 10^{-3} \ {
m mol/L}$$
 عند حالة التوازن يكون  $-$  5

$$K = \frac{\left[H_3O^+\right]_f \times \left[CH_3COO^-\right]_f}{\left[CH_3COOH\right]_f} = \frac{\left(4 \times 10^{-4}\right)^2}{9.6 \times 10^{-3}} = 1.67 \times 10^{-5}$$
 ثابت التوازن

#### التمرين 16

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(l)} = NH_4^+_{(aq)} + OH_{(aq)}^- - 1$$

$$\lambda_{NH_4^+} = 7.35 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1} \quad \cdot \quad \lambda_{OH^-} = 20 \times 10^{-3} \, S.m^2 mol^{-1}$$

# 2 - تصحیح :

قيم الناقلية النوعية المسجّلة في الجدول خاطئة.

.  $100.4~\mu~S.m^{-1}$  وليس  $\sigma=10.9~mS.m^{-1}$  تكون ناقليته النوعية  $C=10^{-2}~mol/L$  وليس

# لماذا القيم المسجلة في الجدول خاطئة ؟

 $G = K \sigma$  يجب أن نعلم أن ناقلية محلول (G) تخص فقط جزءا من المحلول ، أي الجزء المحصور بين صفيحتي الخلية :  $G = K \sigma$  حيث K هو ثابت الخلية . أما الناقلية النوعية لمحلول ( $\sigma$ ) تخص المحلول ، أي أنها تتعلق بطبيعة الشوارد الموجودة في المحلول وتراكيزها المولية في هذا المحلول ودرجة حرارة المحلول .

المقصود من هذا هو : أن محلولا شارديا معينا بتركيز معين في درجة حرارة معينة لا تكون له إلا قيمة واحدة للناقلية النوعية .

# الجدول بعد التصحيح

C (mol/L)	$1,0 \times 10^{-2}$	$5,0 \times 10^{-3}$	$1.0 \times 10^{-3}$
σ mS.m <sup>-1</sup>	10,9	7,71	3,44

للمزيد : صحّحنا قيم الناقلية النوعية بالطريقة التالية : هناك علاقة تجمع بين التركيز المولى للأساس الضعيف والـ pH ،

$$pK_A$$
، (الممدد) هو التركيز المولي للأساس الضعيف (الممدد) مطالبا بها هي  $pK_A$ ، حيث  $pH = \frac{1}{2}(14 + pK_A + Log C)$  هي

. (  $25^{\circ}$ C في الدرجة  $pK_{A}=9,2$  و  $NH_{4}^{+}/NH_{3}$  و  $pK_{A}=9,2$  في الدرجة  $pK_{A}=9,2$ 

نعوّض فنجد pH=10,6، ثم نستنتج التركيز المولي اشوارد الهيدروكسيد في المحلول:

$$[OH^{-}] = \frac{10^{-14}}{10^{-pH}} = \frac{10^{-14}}{10^{-10.6}} = 4.0 \times 10^{-4} \, mol \, / \, L$$

$$\sigma = [OH^-](\lambda_{OH^-} + \lambda_{NH_A^+}) = 4 \times 10^{-4} \times 10^3 (20 + 7.35) \times 10^{-3} = 10.9 \times 10^{-3} S$$
: من جهة أخرى لدينا

وبهذه الطريقة حسبنا كل القيم الأخرى للناقلية النوعية . وهناك الطريقة الأخرى التي تعتمد على قيمة  $pK_A$  الثنائية  $pK_A$  .

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(l)} = NH_4^+{}_{(aq)} + OH^-{}_{(aq)}$$
 $CV$  زیادهٔ  $0$   $0$ 
 $CV - x_f$  زیادهٔ  $x_f$ 

مهمل .  $[{\rm H_3O}^+]$  لأن  $[{\rm OH}^-]=[{
m NH_4}^+]$  مهمل .  $x_{
m f}=n~({
m OH}^-)$  مهمل .

: لتعيين تركيزي الشاردتين  $OH^-$  و  $NH_4^+$  نكتب عبارة الناقلية النوعية للمحلول

$$\sigma = \lambda_{OH^{-}} \left[ OH^{-} \right] + \lambda_{NH_{4}^{+}} \left[ NH_{4}^{+} \right] + \lambda_{H_{3}O^{+}} \left[ H_{3}O^{+} \right] = \lambda_{OH^{-}} \left[ OH^{-} \right] + \lambda_{NH_{4}^{+}} \left[ NH_{4}^{+} \right]$$

$$\sigma = \left[OH^{-}\right] \left(\lambda_{OH^{-}} + \lambda_{NH_{A}^{+}}\right)$$

#### المحلول الأول:

$$[OH^{-}] = [NH_{4}^{+}] = \frac{\sigma_{1}}{\lambda_{OH^{-}} + \lambda_{NH_{4}^{+}}} = \frac{10.9 \times 10^{-3}}{27.35 \times 10^{-3}} = 0.4 \ mol \ / \ m^{3} = 4.0 \times 10^{-4} \ mol \ / \ L$$

 $[{\rm H_3O}^+] \times [{\rm OH}^-] = 10^{-14}$  المولي للشاردة  ${\rm H_3O}^+$  نحسبه من الجداء الشاردي للماء

. و هذا يؤكّد سبب إهماله . 
$$\left[ H_3 O^+ \right] = \frac{10^{-14}}{4 \times 10^{-4}} = 2.5 \times 10^{-11} \, mol \, / \, L$$

#### لمحلول الثاني:

$$[OH^{-}] = [NH_{4}^{+}] = \frac{\sigma_{2}}{\lambda_{OH^{-}} + \lambda_{NH^{+}}} = \frac{7,71 \times 10^{-3}}{27,35 \times 10^{-3}} = 0,28 \ mol \ / \ m^{3} = 2,8 \times 10^{-4} \ mol \ / \ L$$

$$[H_3O^+] = \frac{10^{-14}}{2.8 \times 10^{-4}} = 3.6 \times 10^{-11} mol/L$$

#### المحلول الثالث -

$$[OH^{-}] = [NH_{4}^{+}] = \frac{\sigma_{3}}{\lambda_{OH^{-}} + \lambda_{NH_{4}^{+}}} = \frac{3,44 \times 10^{-3}}{27,35 \times 10^{-3}} = 0,125 \ mol \ / \ m^{3} = 1,25 \times 10^{-4} \ mol \ / \ L$$

$$[H_3O^+] = \frac{10^{-14}}{1,25 \times 10^{-4}} = 8,0 \times 10^{-11} mol/L$$

النسبة النهائية للتقدم في كل محلول:

$$au = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{OH^-}{C}$$
 لدينا

. 
$$\tau_1 = \frac{4 \times 10^{-4}}{10^{-2}} = 0.04$$
 : Ulder in the second of the second content in the second content in

$$\tau_2 = \frac{2.8 \times 10^{-4}}{5 \times 10^{-3}} = 0.056$$
 المحلول الثاني :

$$\tau_3 = \frac{1,25 \times 10^{-4}}{10^{-3}} = 0,125 : المحلول الثالث$$

**GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran** 

 $2 (Ag^+, NO_3^-) + Cu = (Cu^{2+}, 2 NO_3^-) + 2 Ag$  : معادلة النفاعل ( $2 (Ag^+, NO_3^-) + 2 Ag^+ + Cu = Cu^{2+} + 2 Ag$  شاردة غير فعالة)

للمزيد: ذرة النحاس بإمكانها تقديم الإلكترونات لشوارد الفضة حسب الكمون النظامي المعطى في جدول الكمونات النظامية في الوحدة الأولى.

. نرکیزا 
$$Q_r$$
 و  $Q_r$  لا یظهران في عبارة  $Q_r = \frac{\left \lceil C u^{2+} \right \rceil}{\left \lceil A g^+ \right \rceil^2}$  : کسر التفاعل  $Q_r$  کسر التفاعل  $Q_r$  ترکیزا  $Q_r$  ترکیزا  $Q_r$  د کسر التفاعل  $Q_r$  عبارة  $Q_r$  د ترکیزا  $Q_r$  د کسر التفاعل  $Q_r$  د ترکیزا  $Q$ 

**GUEZOURI A.** Lycée Maraval - Oran

(1) 
$$K = Q_{r,f} = \frac{\left[Cu^{2+}\right]_f}{\left[Ag^+\right]_f^2} \quad \text{if } -3$$

 $\left[Cu^{2+}
ight]=rac{x_{\acute{e}q}}{V}$  : وبالتالي  $n\left(\mathrm{Cu}^{2+}
ight)=x_{\acute{e}q}$  ولدينا من جدول التقدم

$$\left[Ag^{+}
ight] = rac{CV - 2x_{\acute{e}q}}{V}$$
 ، وبالتالي ،  $n\left(Ag^{+}
ight) = CV - 2x_{\acute{e}q}$  ولدينا كذلك من جدول التقدم

(2) 
$$K = \frac{\frac{x_{\acute{e}q}}{V}}{\left(\frac{CV - 2x_{\acute{e}q}}{V}\right)^2} = \frac{x_{\acute{e}q}}{\left(CV - 2x_{\acute{e}q}\right)^2}$$
 : (1) is larger than the second of the content of the conte

4 - لكي نتأكد من ذلك نعوّض  $x_{\rm \acute{e}q}=1.0\times 10^{-3}-4.8\times 10^{-11}~{\rm mol}$  وذلك لكي نجد النتيجة (2) وذلك لكي نجد النتيجة  $K=2.2~{\rm g.~mol}^{15}$  ليس  $K=2.2\times 10^{15}$  .  $K=2.2\times 10^{15}$ 

$$K = \frac{x_{\acute{e}q} \ V}{\left(CV - 2x_{\acute{e}q}\right)^2} = \frac{\left(10^{-3} - 4.8 \times 10^{-11}\right) \times 0.02}{\left[0.1 \times 0.02 - 2\left(10^{-3} - 4.8 \times 10^{-11}\right)\right]^2} = \frac{2 \times 10^{-5} - 9.6 \times 10^{-13}}{\left(9.6 \times 10^{-11}\right)^2}$$

.  $K = 2,17 \times 10^{15}$  ، فنجد  $2 \times 10^{-5}$  أمام القيمة  $9,6 \times 10^{-13}$  نهمل في البسط القيمة

: وبالتالي : (K انظر لمقام عبارة ) مود ( $(K_{eq}^+) = CV - 2 x_{eq} = 9.6 \times 10^{-11} \, \mathrm{mol}$  ) وبالتالي : - 5

$$[Ag^{+}] = \frac{CV - 2x_{\acute{e}q}}{V} = \frac{9.6 \times 10^{-11}}{0.02} = 4.8 \times 10^{-9} \ mol/L$$

: يجب تحديد المتفاعل المحد أو لا ، من أجل ذلك نكتب  $\chi_{
m max}$ 

$$x = 0,1 \text{ mol}$$
 ، ونستنتج ،  $n_0 - x = 0$ 

$$x = \frac{CV}{2} = \frac{0.1 \times 0.02}{2} = 1.0 \times 10^{-3} \text{ mol}$$
 einities  $CV - 2x = 0$ 

 $x_{
m max}=10^{-3}~{
m mol}$  القيمة الصغيرة للتقدم x هي الموافقة لشوارد الفضة ، وبالتالي شوارد الفضة هي المتفاعل المحد ، ومنه يكون

. بمكن اعتبار التفاعل شبه تــام . 
$$au = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{10^{-3} - 4.8 \times 10^{-11}}{10^{-3}} pprox 1$$
 نسبة التقدم النهائي للتفاعل هي  $au = 1$ 

# التمرين 18

$$(2 \text{ Na}^+, \text{SO}_3^{2-})_{(aq)} + \text{CH}_3 \text{COOH}_{(aq)} = \text{CH}_3 \text{COO}_{(aq)}^- + (\text{Na}^+, \text{HSO}_3^-)_{(aq)} : 1$$
 أو اختصارا :  $\text{SO}_3^{2-}_{(aq)} + \text{CH}_3 \text{COOH}_{(aq)} = \text{CH}_3 \text{COO}_{(aq)}^- + \text{HSO}_3^-$ 

- 2

	$SO_3^{2-}$ + C	$H_3COOH_{(aq)} =$	HSO <sub>3</sub> (aq) +	CH <sub>3</sub> COO <sup>-</sup> (aq)
t = 0	$C_1V_1$	$C_2V_2$	0	0
الحالة الانتقالية	$C_1V_1-x$	$C_2V_2-x$	Х	x
الحالة النهائية	$C_1V_1-x_f$	$C_2V_2-x_f$	$x_f$	$x_f$

$$Q_{r,i} = \frac{[CH_3COO^-][HSO_3^-]}{[SO_3^{2-}][CH_3COOH]} = \frac{0 \times 0}{C_1 \times C_2} = 0 - 3$$

(1) 
$$Q_{r,f} = \frac{\left[CH_3COO^{-}\right]_f \left[HSO_3^{-}\right]_f}{\left[SO_3^{2-}\right]_f \left[CH_3COOH\right]_f} = \frac{x_f^2}{\left(C_1V_1 - x_f\right) \times \left(C_2V_2 - x_f\right)} - 4$$

لدينا النسبة النهائية للتقدم  $au = rac{x_f}{x_{max}}$  ، ومن المعطيات لدينا عدد مولات المتفاعلين متساويان (نفس التركيز ونفس الحجم)

: بنت (1) نكتب ،  $x_{
m max} = {
m C}_1 {
m V}_1 = {
m C}_2 {
m V}_2$  إذن

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$Q_{r,f} = \frac{x_f^2}{(x_{\text{max}} - x_f)^2} = \left(\frac{x_f}{x_{\text{max}} - x_f}\right)^2 = \left(\frac{x_f}{x_f \left(\frac{x_{\text{max}}}{x_f} - 1\right)}\right)^2 = \left(\frac{1}{\frac{1}{\tau} - 1}\right)^2$$

$$Q_{r,f} = \frac{\tau^2}{\left(1 - \tau\right)^2}$$

(2) 
$$K = \frac{\tau^2}{(1-\tau)^2}$$
 ومنه  $Q_{r,f} = K$  نعلم أن  $-5$ 

$$au = \frac{\sqrt{K}}{1 + \sqrt{K}} = \frac{\sqrt{251}}{1 + \sqrt{251}} = 0,94$$
 بجذر المعادلة (2) نكتب  $\sqrt{K} = \frac{\tau}{1 - \tau}$  : نكتب

 $(Na^+, HCO_3^-)$  المحلول المقصود في التمرين هو أحادي كربونات الصوديوم

 ${\rm HCO_3}^-{}_{(aq)} + {\rm NH_{3(aq)}} = {\rm NH_4}^+{}_{(aq)} + {\rm CO_3}^{2-}{}_{(aq)}$  : معادلة النفاعل – 1

: جدو ل التقدّم - **2** 

	HCO <sub>3</sub> (aq) +	$NH_{3(g)} =$	$\mathrm{NH_4}^+_{(aq)}$ +	$\text{CO}_3^{2-}_{(aq)}$
t = 0	$C_1V_1$	$C_2V_2$	0	0
الحالة الانتقالية	$C_1V_1-x$	$C_2V_2-x$	x	х
الحالة النهائية	$C_1V_1-x_f$	$C_2V_2-x_f$	$x_f$	$x_f$

$$Q_{r} = \frac{[NH_{4}^{+}][CO_{3}^{2-}]}{[HCO_{3}^{-}][NH_{3}]} - 3$$

**GUEZOURI A.** Lycée Maraval - Oran

$$Q_{r,i} = \frac{[NH_4^+][CO_3^{2-}]}{[HCO_3^-][NH_3]} = \frac{0 \times 0}{C_1 \times C_2} = 0$$

(1) 
$$Q_{r,f} = K = \frac{x_f^2}{(C_1 V_1 - x_f)(C_2 V_2 - x_f)} - 4$$

. لدينا  $au=rac{x_f}{x_{max}}$  ، و لكي نحدّد التقدّم الأعظمي  $x_{max}$  يجب تحديد المتفاعل المحد في حالة فرض أن التفاعل تام

$$x=~C_1V_1=0,15\times0,03=4,5\times10^{-3}~{
m mol}$$
 .  $C_1V_1-x=0$ 

$$x = C_2V_2 = 0.1 \times 0.02 = 2 \times 10^{-3} \text{ mol}$$
 .  $C_2V_2 - x = 0$ 

 $x_{
m max} = {
m C}_2 {
m V}_2$  نستنتج أن المتفاعل المحد هو محلول النشادر ، وبالتالي

$$(C_1V_1 = 2,25 C_2V_2)$$
 من جهة أخرى لدينا  $C_1V_1 = 2,25 x_{max}$  من جهة أخرى الدينا

$$Q_{r,f} = \frac{x_f^2}{(2,25x_{\max} - x_f)(x_{\max} - x_f)} = \frac{x_f^2}{x_f x_f \left(\frac{2,25x_{\max}}{x_f} - 1\right) \left(\frac{x_{\max}}{x_f} - 1\right)}$$
 : (1) نعوّض في العلاقة

$$Q_{r,f} = \frac{1}{\left(\frac{2,25}{\tau} - 1\right)\left(\frac{1}{\tau} - 1\right)} = \frac{\tau^2}{(2,25 - \tau)(1 - \tau)}$$

. 
$$au$$
 نحل المعادلة  $Q_{r,f}=rac{ au^2}{(2,25- au)(1- au)}$  ذات المجهول - 5

$$\tau^2 = Q_{r,f} (2,25 - 3,25 \tau + \tau^2)$$

(مرفوض )  $au_2 = -0.59$  ،  $au_1 = 0.32$  هما جذرين هما جذرين معادلة من الدرجة الثانية يعطينا جذرين

نسبة التقدم النهائي هي % 32 .

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$${
m Fe}^{2+}_{(aq)} + {
m Ag}^+_{(aq)} = {
m Fe}^{3+}_{(aq)} + {
m Ag}_{(s)}$$
 : معادلة التفاعل – 1

(1) 
$$Q_r = \frac{[Fe^{3+}]}{[Fe^{2+}][Ag^+]} - 2$$

ثابت التوازن المعطى في التمرين K=3,2 خاص بالتفاعل المباشر ، أي تفاعل شوارد الحديد الثنائى مع شوارد الفضة .

$$Q_r = \frac{10^{-2}}{10^{-2} \times 10^{-2}} = 100$$
 : الحالة الأولى

$$Q_r = \frac{5 \times 10^{-3}}{10^{-1} \times 10^{-1}} = 0.5$$
 : الحالة الثانية

 $Q_{r}=3.2$  ، فهذا معناه أن الجملة في حالة التوازن ، أي لا تنمو .  $Q_{r}=3.2$ 

الحالة 1: وجدنا  $Q_r > K$  ، إذن الجملة غير متوازنة ، فلكي يصبح  $Q_r = K$  يجب أن تنمو لكي يتناقص  $Q_r > K$  ، فمن أجل هذا الغرض يجب أن ينقص البسط في العلاقة (1) ويزداد المقام . معنى هذا يجب أن نضيف التقدم  $Ag^+$  و  $Fe^{2+}$  ليسار .

الحالة 2: وجدنا  $Q_r < K$  ، إذن الجملة غير متوازنة ، فلكي يصبح  $Q_r = K$  يجب أن تنمو لكي يزداد  $Q_r < K$  ، فمن أجل هذا الغرض  $Q_r < K$  ،  $Q_r < K$  ، وينقص المقام . معنى هذا يجب أن نضيف التقدم  $Q_r < K$  و ننقصه من  $Q_r < K$  و بالتالي تنمو الجملة نحو اليمين .

4 - في التحول الأول (الحالة 1) التفاعل الغالب هو التفاعل غير المباشر ، لذلك يكون ثابت التوازن لهذا التفاعل هو:

$$K' = \frac{1}{K} = \frac{1}{3.2} = 0.31$$

K=3,2 في التحوّل الثاني (الحالة 2) التفاعل الغالب هو التفاعل المباشر ، أي

#### 5 – الحالة الأولى:

$$Fe^{2+}_{(aq)}$$
 +  $Ag^{+}_{(aq)}$  =  $Fe^{3+}_{(aq)}$  +  $Ag_{(s)}$   
 $10^{-2}$   $10^{-2}$   $10^{-2}$   $10^{-1}$   
 $10^{-2} + x$   $10^{-2} + x$   $10^{-2} - x$   $10^{-1} - x$ 

$$K = \frac{10^{-2} - x}{\left(10^{-2} + x\right)^2} = 3.2$$
 : وبالتالي وبالتالي الثوازن يكون كسر التفاعل مساويا لثابت التوازن ،

$$3.2~x^2~+1.06~x-9.7\times 10^{-3}=0$$
 أو  $10^{-2}-x=3.2~(10^{-2}+x)^2$  (مرفوض لأنه سالب)  $x_1=8.75\times 10^{-3}$  و  $x_1=8.75\times 10^{-3}$  (مرفوض لأنه سالب) من الدرجة الثانية نجد جذرين هما  $x_1=8.75\times 10^{-3}$  و  $x_1=8.75\times 10^{-3}$  mol التقدم النهائي هو

التركيب النهائي للوسط:

Fe <sup>2+</sup>	$\mathrm{Ag}^{^{+}}$	Fe <sup>3+</sup>	Ag
$10^{-2} + 8,75 \times 10^{-3} =$	$10^{-2} + 8,75 \times 10^{-3} =$	$10^{-2} - 8,75 \times 10^{-3} =$	$10^{-1} - 8,75 \times 10^{-3} =$
$1,87 \times 10^{-2} \text{ mol}$	$1,87 \times 10^{-2} \text{ mol}$	$1,25 \times 10^{-3} \text{ mol}$	$9,1 \times 10^{-2} \text{ mol}$

#### الحالة الثانبة:

$$Fe^{2+}_{(aq)} + Ag^{+}_{(aq)} = Fe^{3+}_{(aq)} + Ag_{(s)}$$

$$10^{-1} 10^{-1} 5 \times 10^{-3}$$

$$10^{-1} - x 10^{-1} - x 5 \times 10^{-3} + x$$

$$K = \frac{5 \times 10^{-3} + x}{\left(10^{-1} - x\right)^2} = 3.2$$
 : وبالتالي وبالتالي مساويا لثابت التوازن يكون كسر التفاعل مساويا لثابت التوازن ،

$$3.2 x^2 - 1.64 x + 0.027 = 0$$
  $0 \times 10^{-2} + x = 3.2 (10^{-1} - x)^2$ 

 $(10^{-1}$  بحل هذه المعادلة من الدرجة الثانية نجد جذرين هما :  $x_1 = 1.71 \times 10^{-2}$  و  $x_1 = 0.49$  و رمرفوض لأنه أكبر من  $x_1 = 0.49$  و  $x_1 = 0.49$  و رمرفوض لأنه أكبر من  $x_1 = 0.49$  و  $x_2 = 0.49$  و رمرفوض لأنه أكبر من  $x_1 = 0.49$  و رمرفوض لأنه أكبر من  $x_2 = 0.49$  و رمرفوض لأنه أكبر من  $x_1 = 0.49$  و رمرفوض لأنه أكبر من أكبر أكبر من أكبر من

التركيب النهائي للوسط:

$\mathrm{Fe}^{2+}$	$\mathrm{Ag}^{^{+}}$	Fe <sup>3+</sup>	Ag
$10^{-1} - 1,71 \times 10^{-2} =$	$10^{-1} - 1,71 \times 10^{-2} =$	$5 \times 10^{-3} + 1,71 \times 10^{-2} =$	$10^{-1} + 1,71 \times 10^{-2} =$
$8.3 \times 10^{-2} \text{ mol}$	$8,3 \times 10^{-2} \text{ mol}$	$2,21 \times 10^{-2} \text{ mol}$	$11,7 \times 10^{-2} \text{ mol}$

### التمرين 21

$$CH_3COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = CH_3COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$$
 : معادلة التفاعل - 1

# 2 - جدول التقدم:

CH <sub>3</sub> COOH <sub>(aq)</sub> +		$+$ $H_2O_{(l)} =$	$H_2O_{(l)} = CH_3COO^{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$	
t = 0	$\mathrm{C}_0\mathrm{V}_0$	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	$C_0V_0-x$	زيادة	х	х
الحالة النهائية	$C_0V_0-x_f$	زيادة	$x_f$	$x_f$

$$x_{
m max} = {
m C}_0 {
m V}_0$$
 من جدول التقدم نستنتج  $x_{
m f} = n \ ({
m H}_3 {
m O}^+)$  من جدول التقدم نستنتج

$$\left[H_3O^+\right] = \left[CH_3COO^-\right] = C_0 \times \tau \ : \ \sigma = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{n_0(H_3O^+)}{C_0V_0} = \frac{\left[H_3O^+\right] \times V_0}{C_0V_0} = \frac{\left[H_3O^+\right]}{C_0} \ \ \text{ (b)}$$

CH<sub>3</sub>COO<sup>-</sup>] وليس [CH<sub>3</sub>COOH] و المطلوب هو

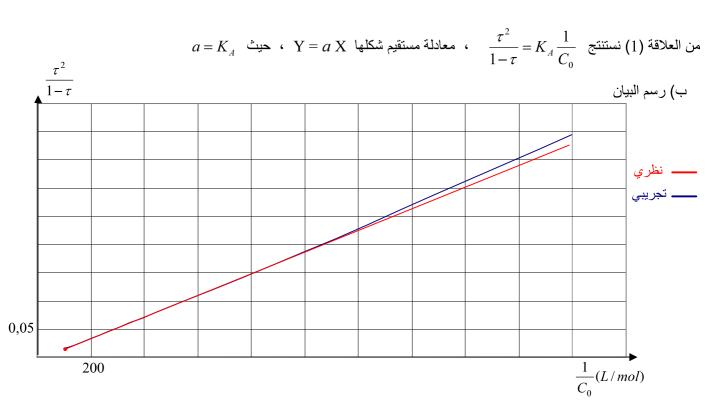
$$[CH_{3}COOH]_{f} = C_{0} - [H_{3}O^{+}] = C_{0} - C_{0} \times \tau = C_{0} (1 - \tau)$$

$$K_A = \frac{\left[H_3O^+\right]_f \times \left[CH_3COO^-\right]_f}{\left[CH_3COOH\right]_f}$$
 ثابت الحموضة - 4

(1) 
$$K_A = \frac{C_0^2 \times \tau^2}{C_0(1-\tau)} = C_0 \frac{\tau^2}{1-\tau}$$

# 5 - أ) إتمام الجدول:

C <sub>0</sub> (mol/L)	$1.0 \times 10^{-2}$	$5.0 \times 10^{-3}$	$1,0 \times 10^{-3}$	$5,0 \times 10^{-4}$
$\tau \times 10^{-2}$	4,0	5,6	12,5	16,0
$X = \frac{1}{C_0} (L/mol)$	100	200	1000	2000
$Y = \frac{\tau^2}{1 - \tau}$	$16,7 \times 10^{-4}$	$33,2 \times 10^{-4}$	$1,78 \times 10^{-2}$	$3,04 \times 10^{-2}$



. (Y =  $16.7 \times 10^{-4}$  ، X = 100 L/mol) نأخذ مثلا القيمتين  $K_A$  نأخذ مثلا

$$K_A = \frac{16,7 \times 10^{-4}}{100} = 1,67 \times 10^{-5}$$

#### التمرين 22

# 1 - البروتوكول التجريبي:

$S_0$ المحلول	$C_0 = 0.2 \text{ mol/ } L$	$V_0 = 500 \text{ mL}$
المحلول S	$C = 2 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$	V = 1 L

 $50~\mathrm{mL}$  ،  $20~\mathrm{mL}$  ،  $10~\mathrm{mL}$  ،  $5~\mathrm{mL}$  : عيارية عيارية وفير ماصات عيارية  $n_0~\mathrm{(C_2H_5COOH)}$  ، أي  $N_0~\mathrm{(C_2H_5COOH)}$  عدد مولات حمض البروبانويك  $N_0~\mathrm{(C_2H_5COOH)}$  و نضيف له الماء .

$$C_0 = \frac{n_0}{V_0} = \frac{0.1}{0.5} = 0.2 \ mol/L$$
 لدينا

$$V_0' = \frac{CV}{C_0} = \frac{2 \times 10^{-3} \times 1}{0.2} = 10 \ mL$$

الطريقة: نأخذ بواسطة الماصنة التي سعتها  $10~\mathrm{mL}$  الحجم  $V_0$  من المحلول  $V_0$  ونضعه في مخبيار سعته  $V_0$  ثم نكمل الحجم بالماء المقطر ، ونحصل بذلك على المحلول  $V_0$ 

(  $2.0 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$  ليس  $2.0 \times 10^{-3} \text{ mol}$  لتقدّم التفاعل المنمذج لتحوّل  $2.0 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$  التقدّم:

$C_2H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_2H_5COO$			$C_2H_5COO^{(aq)}$	$+ H_3O^+_{(aq)}$
t = 0	$2 \times 10^{-3}$	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	$2\times10^{-3}-x$	زيادة	х	х
الحالة النهائية	$2\times 10^{-3}-x_{\acute{e}q}$	زيادة	$x_{\acute{e}q}$	$x_{\acute{e}q}$

: نكتب [OH¯] نكتب ، 
$$\sigma = \lambda_{H_3O^+} \Big[ H_3O^+ \Big] + \lambda_{C_2H_5COO^-} \Big[ C_2H_5COO^- \Big] + \lambda_{OH^-} \Big[ OH^- \Big]$$
 نكتب : - 3

: نكتب [H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>] = [C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>COO<sup>-</sup>] وبما أن 
$$\sigma = \lambda_{H_3O^+} \left[ H_3O^+ \right] + \lambda_{C_2H_5COO^-} \left[ C_2H_5COO^- \right]$$

(1) 
$$\sigma = \left[H_3 O^+\right] \left(\lambda_{H_3 O^+} + \lambda_{C_2 H_5 COO^-}\right)$$

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$\left[H_3O^+
ight] = rac{x_{cute{eq}}}{V}$$
 ، وبالتالي  $n\left(\mathrm{H_3O}^+
ight) = x_{cute{eq}}$  من جدول التقدّم لدينا

(1) 
$$\sigma = \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \left( \lambda_{H_3O^+} + \lambda_{C_2H_5COO^-} \right) : (1)$$
 التعويض في العلاقة العلاقة بالتعويض في العلاقة ال

$$(\sigma = 6.2 \times 10^{-5} \text{ S.m}^{-1})$$
 (لیس  $\sigma = 6.2 \times 10^{-3} \text{ S.m}^{-1}$  : - 4

أ) كيفية قياس الناقلية النوعية:

- الطريقة الأولى: يوجد جهاز يسمى مقياس الناقلية النوعية ، يتألف من مسبار موصول لجهاز عرض رقمي . لما نغمر المسبار في المحلول المراد قياس ناقليته النوعية نقرأ على شاشة الجهاز قيمة الناقلية النوعية مقدرة بـ  $S.m^{-1}$  .
- الطريقة الثانية: نستعمل خلية قياس الناقلية لقياس ناقلية المحلول (G). نضبط توترا كهربائيا متناوبا بين الصفيحتين قيمته المنتجة  $U_{\rm eff}$  ( $V_{\rm eff}$ ) لأن مرور التيار المستمر يمكن أن يسبّب تحليلا كهربائيا للمحلول مما يجعل قياس ناقليته غير دقيق ).

نقرأ شدة التيار المنتجة على مقياس الأمبير ، ثم نحسب الناقلية  $G = \frac{I_{\it eff}}{U_{\it eff}}$  ، ومن العلاقة  $\sigma = \frac{G}{K}$  نستنتج التاقلية النوعية ، مع العلم

أن K هو ثابت الخلية وقيمته مسجّلة على الجهاز .

ب) يجب أن نستعمل محاليل ممدّدة ( من الأفضل أن يكون تركيزها محصورا بين  $10^{-2} \; \text{mol/L}$  و  $10^{-3} \; \text{mol/L}$  )، لأن إذا كان المحلول مركزا فإن الناقلية المولية الشاردية ( $\lambda$ ) تصبح تتعلق بتركيز المحلول ، وبالتالي تصبح العلاقة التي نطبقها  $\sigma = \lambda \; C$  غير دقيقة ، أما إذا كان المحلول ممددا فإن  $\lambda$  تكون مستقلة عن التركيز المولي للمحلول .

مثلا  $\lambda_{H_{1}O^{+}}=35 imes10^{-3}~S.m^{2}.mol^{-1}$  من أجل محلول ممدد ، أما إذا كان مركزا فإن هذه القيمة غير ثابتة .

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran الكتاب الأول التطوّرات الرتيبة الإخراج الأول

# تطور جملة كيميائية نحو حالة التوازن

الوحدة 04

GUEZOURI Aek – Lycée Maraval - Oran

حلول تمارين الكتاب المدرسي

#### التمرين 23

$$\begin{array}{lll} CH_{3}COOH_{(aq)} \ + \ H_{2}O_{(l)} \ = \ CH_{3}COO^{-}_{(aq)} \ + \ H_{3}O^{+}_{(aq)} & \textbf{-1} \\ \\ CH_{2}ClCOOH_{(aq)} \ + \ H_{2}O_{(l)} \ = \ CH_{2}ClCOO^{-}_{(aq)} \ + \ H_{3}O^{+}_{(aq)} \end{array}$$

جدول تقدم تفاعل حمض الإيثانويك مع الماء:

	CH <sub>3</sub> COOH <sub>(aq)</sub> +	$ H_2O_{(l)} =$	$\mathrm{CH_3COO}^{(aq))}$ +	$H_3O^+_{(aq)}$
t = 0	$10^{-3}$	زيـادة	0	0
الحالة الانتقالية	$10^{-3} - x$	زيادة	х	х
الحالة النهائية	$10^{-3} - x_{\text{éq}}$	زيادة	$x_{ m \acute{e}q}$	$\chi_{ m \acute{e}q}$

جدول تقدم تفاعل حمض أحادي كلور الإيثانويك مع الماء:

$CH_2CICOOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = CH_2CICOO^{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$				
t = 0	$10^{-3}$	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	$10^{-3} - x$	زيادة	х	х
الحالة النهائية	$10^{-3} - x_{\text{éq}}$	زيادة	$x_{ m \'eq}$	$\mathcal{X}_{\mathrm{cute{e}q}}$

pH وفي هذه الحالة تكون قيمتا الـ  $K_e=10^{-14}$  ، لكي نأخذ الجداء الشاردي للماء  $K_e=10^{-14}$  ، وفي هذه الحالة تكون قيمتا الـ  $pH_2=2.7$  ،  $pH_1=3.55$  هما على الترتيب

# 2 - بالنسبة لمحلول حمض الإيثانويك:

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{10^{-pH_{1}}} = \frac{10^{-14}}{2,82 \times 10^{-4}} = 3,54 \times 10^{-11} \ mol/L \quad \text{`} \quad \left[H_{3}O^{+}\right] = 10^{-pH} = 10^{-3,55} = 2,82 \times 10^{-4} \ mol/L$$

انطلاقا من أن المحاليل معتدلة كهربائيا ، فإن مجموع الشوارد الموجبة في المحلول يساوي مجموع الشوارد السالبة ، أي :

 $[CH_3COO^-] \approx [H_3O^+] = 2,82 \times 10^{-4} \text{ mol/ L}$  : نكتب  $[OH^-]$  نكتب  $[H_3O^+] = [CH_3COO^-] + [OH^-]$  و وحسب قانون انحفاظ المادة فإن  $[CH_3COO^-]_f + [CH_3COO^-]_f + [CH_3COO]_f$  ومنه  $[CH_3COO^-]_f + [CH_3COO]_f$ 

 $[CH_3COOH]_f = C_1 - [CH_3COO^-]_f = 5 \times 10^{-3} - 2,82 \times 10^{-4} = 4,72 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$ 

# بالنسبة لمحلول حمض أحادي كلور الإيثانويك:

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{10^{-pH_{2}}} = \frac{10^{-14}}{2.0 \times 10^{-3}} = 5,0 \times 10^{-12} \ mol/L \ \ \ \ \left[H_{3}O^{+}\right] = 10^{-pH} = 10^{-2,7} = 2,0 \times 10^{-3} \ mol/L$$

حسب قانون انحفاظ الشحنة فإن مجموع الشوارد الموجبة في المحلول يساوي مجموع الشوارد السالبة ، أي :

 $[CH_2CICOO^-] \approx [H_3O^+] = 2,51 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}:$  نكتب  $[OH^-]$  نكتب  $[H_3O^+] = [CH_2CICOO^-] + [OH^-]$  ومنه  $[H_3O^+] = [CH_2CICOO^-] + [CH_2CICOO] + [CH_3O^+] + [C$ 

7,8

 $[CH_2CICOOH]_f = C_2 - [CH_2CICOO^-]_f = 5 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3} = 3,0 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$ 

$$K_{A_1} = \frac{\left[H_3O^+\right]_f \times \left[CH_3COO^-\right]_f}{\left[CH_3COOH\right]_f} = \frac{\left(2,82 \times 10^{-4}\right)^2}{4,72 \times 10^{-3}} = 1,7 \times 10^{-5}$$

$$K_{A_2} = \frac{\left[H_3O^+\right]_f \times \left[CH_2ClCOO^-\right]_f}{\left[CH_2ClCOOH\right]_f} = \frac{\left(2 \times 10^{-3}\right)^2}{3 \times 10^{-3}} = 1,33 \times 10^{-3}$$

 $K_{A}$  أكبر يكون الحمض أقوى من حمض الإيثانويك (كلما كانت قيمة  $K_{A}$  أكبر يكون الحمض أقوى ) .

نلاحظ في عبارة الـ  $K_A$  أنه من أجل أن يكون هذا الأخير أكبر يجب أن يزداد البسط وينقص المقام . از دياد البسط معناه تزايد تركيزي الشاردتين  $^+$   $H_3O^-$  و  $CH_3COO^-$  (حمض الإيثانويك كمثال) وبالتالي از دياد تشرد الحمض ، وفي هذه الحالة ينقص تركيز  $CH_3COOH$  الموجود في المقام .

ملاحظة: هذه المقارنة صحيحة حتى لو كان تركيزا الحمضين  $C_1$  و  $C_2$  مختلفين.

التمرين 24

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

(1) 
$$C_a = \frac{n}{V}$$
 : (S) للمحلول للمحلول — 1

: (1) العلاقة n في العلاقة (1) ويتعويض قيمة  $n = \frac{m}{M} = \frac{0.305}{122} = 2.5 \times 10^{-3}$  في العلاقة (1)

$$C_a = \frac{2,5 \times 10^{-3}}{0,5} = 5,0 \times 10^{-3} \ mol/L$$

 $C_a \ V_a = C_b \ V_{bE}$  من العلاقة من الكلازم للتكافؤ ، وذلك من العلاقة محم المحلول الأساسي اللازم للتكافؤ ، وذلك من العلاقة -2

$$V_{B_E} = \frac{C_a \ V_a}{C_b} = \frac{5 \times 10^{-3} \times 10}{5 \times 10^{-3}} = 10 \ mL$$

رفضنا البيانات الأخرى لأن:

البيان (II):

رغم أن الحمض المعاير عبارة عن حمض ضعيف لأن pH الابتدائي يساوي 3,3 ، معناه :

. C وهي قيمة أصغر من  $[{\rm H_3O^+}] = 10^{-3,3}~{
m mol/L}$  لكن حجم المحلول الأساسي المضاف عند التكافؤ  $V_{
m BE} = 10~{
m mL}$  هو  $20~{
m mL}$  وهذا لا يوافق لأن

V<sub>B</sub>

البیانان ( III) و (IV) خاصان بمعایرة

أساسين وليس بمعايرة حمضين لأن pH الابتدائي في كليهما أكبر من pH=11 في كليهما)

التمرين 25

[HCOOH] مساوية لـ [HCOO] م ي نقطة تقاطع البيانين تكون النسبة المئوية لـ [-

في العلاقة 
$$[HCOO^-] = [HCOOH]$$
 ، نضع  $pH = pK_A + Log \frac{\left[HCOO^-\right]}{\left[HCOOH\right]}$  ، وبالتالي يكون

 $pH = pK_A$  ومنه  $pH = pK_A + Log 1$ 

(I)

 $pK_A = 3.8$  ، أي pH نجد القيمة pH ، أي pH بإسقاط نقطة تقاطع البيانين على محور ال

(انظر الشكل) [HCOO $^-$ ] = 93 % و  $^+$  [HCOOH] = 7 % نجد  $^-$  pH = 5 من أجل - 2

. نور المحوري المراقبين المراقبين

3[HCOO<sup>-</sup>] = 100 : ومنه ، 2 [HCOO<sup>-</sup>] + [HCOO<sup>-</sup>] = 100 : إذن ، [HCOOH] + [HCOO<sup>-</sup>] = 100

[HCOOH] = 66.6 % , ونستنج  $[HCOO^{-}] = 33.3 \%$ 

الـ pH الموافق لهاتين النسبتين هو 3,5 .

$$pH = pK_{_A} + Log \frac{\left[HCOO^-
ight]}{2\left[HCOO^-
ight]} = pK_{_A} + Log \frac{1}{2}$$
 : نكتب ،  $pH = pK_{_A} + Log \frac{\left[HCOO^-
ight]}{\left[HCOOH\right]}$  يمكن استعمال العلاقة

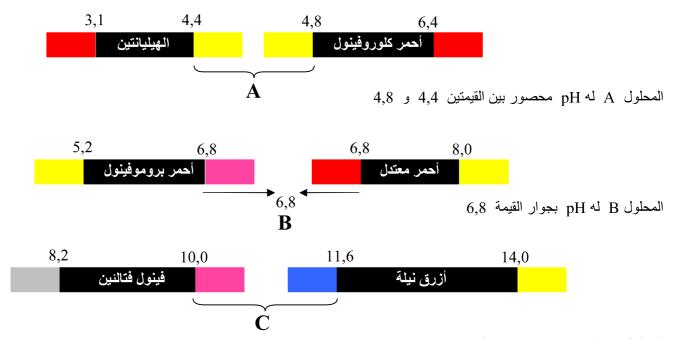
$$pH = pK_A + Log \frac{1}{2} = 3,8 - 0,3 = 3,5$$
100 %
93 %
HCOOT

HCOOT

 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 
 $pH$ 

التمرين 26

1 - مثلنا كل ألوان الكواشف باللون الأسود ، ومثلنا اللون الشفاف بالرمادي



المحلول C له pH محصور بين القيمتين 10 و 11,6

ملاحظة : حصر قيم الـ pH الذي نتكلم عنه ليس دقيقا ، لأن مجالات تغير ألوان الكواشف تتعلق بالرؤية ، أي بالقدرة على تمييز الألوان عن بعضها .

القيم الدقيقة نسبيا يعطيها مقياس الـ pH المعايَرُ بطريقة صحيحة .

2 - لا يمكن إجراء أي اختبار إضافي بواسطة هذه الكواشف ، لأن حدود صفاتها الأساسية كلها أقل من القيمة 10 .

لكي نضيّق المجال الذي يشمل pH المحلول C يجب أن نبحث عن كاشف ملون تكون فيه الصفة الحمضية محدودة بقيمة أقل من 11,6. التمرين 27

 $HCOOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = HCOO_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$ : معادلة النفاعل – 1

 $HCOOH_{(aq)} + (Na^+, OH^-)_{(aq)} = (Na^+, HCOO^-)_{(aq)} + H_2O_{(l)}$  : معادلة تفاعل المعايرة ( - 2

(لأن  $Na^+$  شاردة غير فعالة في الماء)  $HCOOH_{(aq)} + OH_{(aq)}^- = HCOO_{(aq)}^- + H_2O_{(1)}$ 

#### ملاحظة

وضعنا في تفاعل المعايرة الإشارة = لسبب أننا نريد أن نتأكد في آخر التمرين من أن تفاعل المعايرة تام ، (والذي يجب أن يكون تاما ) وضعنا في تفاعل المعايرة تام ، (والذي يجب أن يكون تاما ) وضعنا في تفاعل قد انتهت وبالتالي :  $C_1 \ V_a = C_b \ V_b$  ، ومنه :

$$V_{b_E} = \frac{C_1 V_a}{C_b} = \frac{0.1 \times 80}{0.25} = 32 \ mL$$

$$\left[H_{3}O^{+}\right]=10^{-pH}=10^{-3.8}=1,6\times10^{-4}\ mol/L$$
 . ومنه  $pH=3.8$  لدينا (ج.  $pH=3.8$ 

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{\left[H_{3}O^{+}\right]} = \frac{10^{-14}}{1,6\times10^{-4}} = 6,25\times10^{-11} \ mol/L$$
 من الجداء الشاردي للماء في الدرجة 25°C نستنتج

$$n\!\left(OH^-\right)\!=\!\left[OH^-\right]\!\times\!\left(\frac{1}{2}V_{b_E}+V_a\right)\!=\!6,25\times10^{-11}\times96\times10^{-3}=6,0\times10^{-12}\ mol/L\ :$$
أما كمية مادة  $OH^-$ 

t=0 التقدّم: نحسب أو لا كمية مادة الحمض والأساس في اللحظة

 $n \text{ (HCOOH)} = C_1 V_a = 0.1 \times 0.08 = 8.0 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$ 

نضع عند ، 
$$V' = \frac{1}{2} V_{b_E}$$
 ، نضع  $n(OH^-) = C_b \times \frac{1}{2} V_{b_E} = 0,25 \times 0,016 = 4 \times 10^{-3} \ mol/L$ 

 $x_{
m éq}$  بونرمز للتقدم عند نصف التكافؤ ب

 $x_{
m max} = 4 imes 10^{-3} \; {
m mol}$  وبالتالي ،  ${
m OH}^-$  هو نعلم أن المتفاعل المحدّ

	HCOOH <sub>(aq)</sub> +	OH <sup>-</sup> (aq) =	HCOO <sup>-</sup> (aq)	+ H <sub>2</sub> O <sub>(l)</sub>
t = 0	$8 \times 10^{-3}$	$4 \times 10^{-3}$	0	زيادة
الحالة الانتقالية	$8 \times 10^{-3} - x$	$4\times10^{-3}-x$	х	زيادة
الحالة النهائية	$8\times10^{-3}-x_{\rm \acute{e}q}$	$4\times10^{-3}-x_{\rm \acute{e}q}$	$x_{ m \acute{e}q}$	زيادة

من أجل حساب  $x_{
m \acute{e}q}$  لدينا طريقتان هما :

الطريقة الأولى: عند نصف التكافؤ كان لدينا  $m(OH^-) = 6.0 \times 10^{-12} \; mol/L$  ، وهذه الكمية من جدول التقدم هي نفسها

$$x_{
m éq} = 4 \times 10^{-3} - 6 \times 10^{-12} \approx 4 \times 10^{-3} \; {
m mol} \; :$$
 وبالتالي ،  $4 \times 10^{-3} - x_{
m \acute{e}q}$ 

# الطريقة الثانية:

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

$$x_{\text{éq}} = n \text{ (HCOO}^-$$
) لدينا من جدول التقدم

$$[OH^-] + [HCOO^-] = [H_3O^+] + [Na^+]$$
 قانون انحفاظ الشحنة يعطينا

 $\left[ H_3 O^+ \right] = 1,6 \times 10^{-4} \ mol/L \quad \cdot \quad \left[ Na^+ \right] = \frac{C_b \times V'}{V_a + V'} = \frac{0,25 \times 16}{96} = 4,2 \times 10^{-2} \ mol/L \quad :$ ولاينا

 $\left[OH^{-}\right] = 6,25 \times 10^{-11} \ mol/L$ 

 $[HCOO^{-}] \approx [Na^{+}] = 4.2 \times 10^{-2} \text{ mol /L}$  نكتب ،  $[OH^{-}]$  وباهمال

 $x_{\text{éq}} = n \text{ (HCOO}^-) = \text{[HCOO}^- \text{] (V}_a + \text{V'}) = 4.2 \times 10^{-2} \times 0.096 = 4.0 \times 10^{-3} \text{ mol}$  وبالنالي

بواسطة إحدى الطرق نحسب نسبة التقدم النهائي لتفاعل المعايرة  $au=rac{1}{4 imes 10^{-3}}=rac{4 imes 10^{-3}}{4 imes 10^{-3}}=1$  ، ومنه نستنتج أن تفاعل المعايرة

هو تفاعل تام .

ملاحظة: يمكن أن نحسب التقدم النهائي بواسطة أي حجم مضاف من المحلول الأساسي ، أقصد ليس فقط في نقطة نصف التكافؤ ، معناه يكفي أن نعرف حجم المحلول الأساسي المضاف وقيمة pH المزيج عند إضافة هذا الحجم).

التمرين 28

- 2

 $C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$  : معادلة النفاعل – 1

ية : لتكن الدالة y=f(x) . إن المشتق الثاني لهذه الدالة يحدد نقطة انعطاف بيان الدالة إن وُجدت هذه النقطة .

. المشتق الأول f'(x) لوجدناه يمر بنهاية حدّية لها نفس فاصلة نقطة الانعطاف

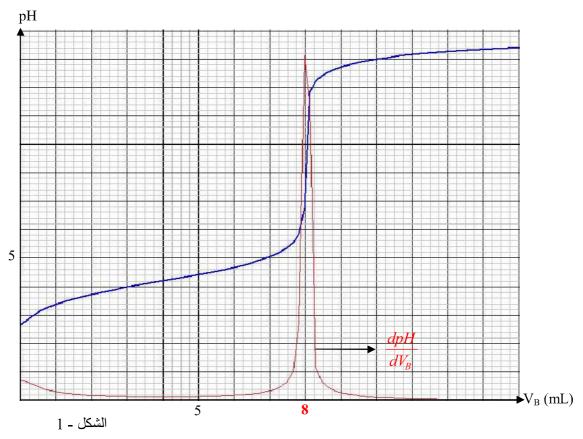
. بالنسبة لموضوعنا الدالة هي  $pH=f\left(V_{B}
ight)$  والبيان يحتوي على نقطتي انعطاف ، إحداهما واضحة جدا هي نقطة التكافؤ

مشتق هذه الدالة هو  $\frac{dpH}{dV_B}$  ، معنى هذا أن بيان المشتق الثاني (اللون الأحمر) يمر بنقطة التكافؤ .

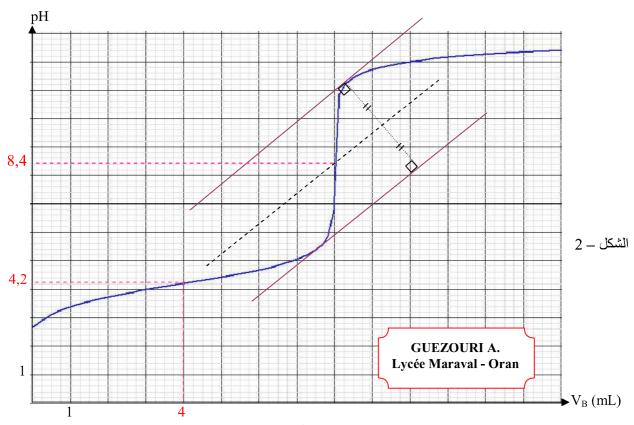
ملحظة: البيان  $g(V_B) = g(V_B)$  يُمكن رسمه من القيم التجريبية لـ pH و pH ، لكن البيان  $pH = f(V_B)$  لا نمثله إلا بواسطة  $pH = f(V_B)$  برنامج معلوماتى .

من الشكل  $V_{bE}=8~\mathrm{mL}$  لأن قيمة هذا الحجم هي فاصلة النهاية العظمى  $V_{bE}=8~\mathrm{mL}$  لبيان الدالة  $g\left(V_{B}\right)=rac{dpH}{dV_{B}}$ 

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran



 $pH_E = 8.4$  من الشكل -2 ، وبواسطة طريقة المماسات المتوازية نحدد ترتيب نقطة التكافؤ



: وبالتالي ،  $n (C_6H_5COOH) = n (OH^-)$  وبالتالي ، وبالتالي عدد مولات الحمض مساويا لعدد مولات الأساس

$$C_a = \frac{C_b \ V_{b_E}}{V_a} = \frac{0.1 \times 8}{10} = 8.0 \times 10^{-2} \ mol/L$$
 : ومنه ،  $C_a V_a = C_b \ V_{bE}$ 

 $[{
m H}_3{
m O}^+]=10^{-4.2}=6.31 imes10^{-5}~{
m mol/}~{
m L}$  وبالتالي ،  $4.2~{
m e}$  من أجل الحجم  ${
m V}_b=4~{
m mL}$  يكون  ${
m PH}$  المزيج مساويا للقيمة  ${
m L}$ 

$$n ext{ (OH^-)} = ext{[OH^-]} imes ( ext{V}_a + ext{V}_{bE})$$
 فهو  $ext{OH}^-$  فهو  $ext{OH}^- = ext{IO}^{-14}$  فهو  $ext{OH}^- = ext{IO}^{-14} = ext{IO}^{-14} = ext{IO}^{-14} = ext{IO}^{-10} = ext{$ 

$$n \text{ (OH}^-) = 1.6 \times 10^{-10} \times (10 + 4) \times 10^{-3} = 2.24 \times 10^{-12} \text{ mol/ L}$$

### 5 - ننشئ جدول التقدّم:

$$C_a \ V_a = 0.08 \times 10 \times 10^{-3} = 8.0 \times 10^{-4} \ mol$$
 کمیة مادة حمض البنزویك هی

$$C_b \; V_{bE} = 0.1 \times 4 \times 10^{-3} = 4.0 \times 10^{-4} \; mol$$
 کمیة مادة حمض الأساس هي

	$C_6H_5COOH_{(aq)}$	+ OH <sup>-</sup> (aq) =	$C_6H_5COO^{(aq)}$	H <sub>2</sub> O <sub>(l)</sub>
t = 0	$8 \times 10^{-4}$	$4 \times 10^{-4}$	0	زيادة
الحالة الانتقالية	$8 \times 10^{-4} - x$	$4 \times 10^{-4} - x$	х	زيادة
الحالة النهائية	$8\times10^{-4}-x_{\rm \acute{e}q}$	$4\times10^{-4}-x_{\rm \acute{e}q}$	$x_{ m \acute{e}q}$	زيادة

عندما أضفنا الحجم  $V_b = 4 \text{ mL}$  كان لدينا في المزيج عدد مولات "OH" هو  $V_b = 4 \text{ mL}$  ، و هذا العدد هو عندما أضفنا الحجم  $X_{\text{éq}} = 4 \times 10^{-4} - 2.24 \times 10^{-12} \approx 4 \times 10^{-4} \text{ mol}$  نفسه  $x_{\text{eq}} = 4 \times 10^{-4} - 2.24 \times 10^{-12} \approx 4 \times 10^{-4} \text{ mol}$ 

 $x_{
m max} = \, 4 imes 10^{-4} \, 
m mol$  وبالتالي ، وبالتالي ، أي شوارد منوارد منواعل المحدّ

. النسبة النهائية لتقدّم تفاعل المعايرة هي :  $au=rac{x_{\acute{e}q}}{x_{max}}=rac{4 imes10^{-4}}{4 imes10^{-4}}=1$  النسبة النهائية لتقدّم تفاعل المعايرة هو تفاعل تـام .

# التمرين 29 (ليس 30)

.  $C_1$  والتركيز المولي للحمض البنزويك (حمض البنزين) هو حمض ضعيف نقارن بين  $[H_3O^+]$  والتركيز المولي للحمض  $[H_3O^+] < C_1$  ، ومنه  $[H_3O^+] < C_1$ 

و من هذا نستنتج أن حمض البنز ويك لم يتشر د كليا في الماء ، وبالتالي هو حمض ضعيف.

 $C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5COO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$  : معادلة النفاعل مع الماء - 2

$$K_A = \frac{\left[H_3O^+\right] \times \left[C_6H_5COO^-\right]}{\left[C_6H_5COOH\right]} : C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$$
 عبارة ثابت الحموضة للثنائية

OH  $^-$  ،  $^+$  ،  $^-$  ،  $^ ^-$  ،  $^-$  ،  $^-$  ،  $^-$  ،  $^-$  .

(1)  $C_6H_5COO^-_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5COOH_{(aq)} + OH^-_{(aq)}$ : فبتفاعلها هذا مع الماء تضيف للمحلول شوارد  $OH^-_{(aq)}$  مما يجعل هذا المحلول ذا طبيعة أساسية .

 $- {
m C}_6{
m H}_5{
m COOH}$  في المحلول إز داد كذلك الحمض OH في المحلول از داد كذلك الحمض

.  $H_3O^+$  هذا الكلام خطأ لأن جزيئات الحمض لا تغير الـ pH . الذي يغير الـ pH هي شوار د

لكي نبيّن أن شاردة البنزوات هي أساس ضعيف نقارن بين التركيز المولي لبنزوات الصوديوم الذي هو نفسه التركيز المولي للبنزوات ، لأن بنزوات الصوديوم تتشرد كليا في الماء ، والتركيز المولي لشوارد  $\mathrm{OH}^-$  .

لدينا  $H_3O^+ = 10^{-pH} = 10^{-8.1} = 7,9 \times 10^{-9}$  المولي الشوارد المولي الشوارد المولي المولي المولي المولي المولي الموارد المولي المولي

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{\left[H_{3}O^{+}\right]} = \frac{10^{-14}}{7.9 \times 10^{-9}} = 1.26 \times 10^{-6} \ mol/L : الهيدروكسيد$$

. لدينا  $m C_2 = 10^{-2}~mol/~L$  وهذه القيمة أكبر بكثير من  $m [OH^-]$  ، وبالتالي شاردة البنزوات أساس ضعيف

4 - كتبنا معادلة تفاعل البنزوات مع الماء (انظر المعادلة 1)

$$K = rac{\left[OH^{-}
ight]_{f} imes \left[C_{6}H_{5}COOH
ight]_{f}}{\left[C_{6}H_{5}COO^{-}
ight]_{f}}$$
: ثابت التوازن لهذا التفاعل

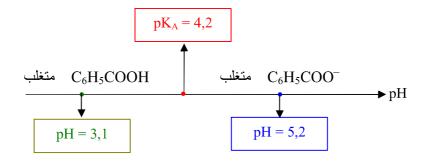
- 5

$$pH = pK_A + Log rac{\left[C_6 H_5 COO^-
ight]}{\left[C_6 H_5 COOH
ight]}$$
 من العلاقة

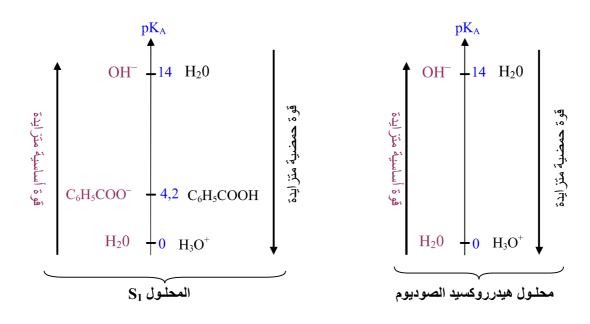
نستنتج أنه لما يكون في المحلول  $pH = pK_A$  للثنائية  $C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-$  ، يكون تركيزا الفردين الكيميائيين في هذه الثنائية متساويين .

أما لما يصبح  $\frac{\left[C_6H_5COO^ight]}{\left[C_6H_5COOH
ight]} > 0$  يصبح  $pK_A$  أما لما يصبح pH أكبر من المقام في النسبة

و الصفة المتغلبة هي الصفة  $C_6H_5COO^-$  هو pH = 5,2 هي الصفة المتغلبة هي الصفة  $[C_6H_5COO^-]$  ، وبالتالي يكون الفرد المتغلب من أجل  $[C_6H_5COO^-]$ 



**GUEZOURI A.** Lycée Maraval - Oran



 $S_1$  معادلة تفاعل  $S_1$  مع هيدروكسيد الصوديوم

$$C_6H_5COOH_{(aq)} + (Na^+, OH^-)_{(aq)} = (C_6H_5COO^-, Na^+)_{(aq)} + H_2O_{(l)}$$
   
  $C_6H_5COOH_{(aq)} + OH^-_{(aq)} = C_6H_5COO^-_{(aq)} + H_2O_{(l)}$    
 أو اختصارا

$$K = \frac{\left[C_6 H_5 COO^-\right]}{\left[C_6 H_5 COOH\right] \times \left[OH^-\right]}$$
 ثابت التوازن

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

التمرين 30 (ليس 29)

(4,18 ليس) pH = 4,2

$$HIn_{(aq)} + H_2O_{(l)} = H_3O^+_{(aq)} + In^-_{(aq)}$$
 : معادلة التفاعل - 1

$$[H_3O^+]_f = 10^{-pH} = 10^{-4.2} = 6.3 \times 10^{-5} \ mol/L$$
 - 2

$$n~{
m (HIn)} = {
m C_0~V} = 2.9 \times 10^{-4} \times 0.1 = 2.9 \times 10^{-5}~{
m mol}$$
 هي أدة الحمض الابتدائية هي  $-3$ 

 $x_{
m f}$  =  $n~({
m H_3O}^+)~$  و  $x_{
m max}$  =  $~{
m C_0~V}$  : من جدول التقدم لدينا

$$\tau = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{\left[H_3O^+\right] \times V}{C_0 \times V} = \frac{\left[H_3O^+\right]}{C_0} = \frac{6.3 \times 10^{-5}}{2.9 \times 10^{-4}} = 0.21$$
 النسبة النهائية للتقدّم هي

لدينا نسبة التقدم النهائي au < 1 ، وبالتالي الحمض (الكاشف الملوّن) لا يتشرّد كليا في الماء

elwaha.yoo7.com

(1) 
$$K_A = \frac{\left[H_3O^+\right] \times \left[In^-\right]}{\left[HIn\right]}$$
 so  $\left(\text{HIn / In}^-\right)$  conditions for  $M_A = \frac{\left[H_3O^+\right] \times \left[In^-\right]}{\left[HIn\right]}$ 

.  $K_A = K$  في حالة حمض ضعيف في الماء

 $HIn \, \cdot \, In^- \, \cdot \, OH^- \, \cdot \, H_3O^+$  الأنواع الكيميائية المتواجدة في المحلول هي

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{6.3 \times 10^{-5}} = 1.6 \times 10^{-10} \ mol/L \quad \cdot \quad \left[H_{3}O^{+}\right] = \left[In^{-}\right] = 6.3 \times 10^{-5} \ mol/L$$

$$[HIn] = C_0 - [H_3O^+] = 2.9 \times 10^{-4} - 6.3 \times 10^{-5} = 2.27 \times 10^{-4} \text{ mol/} L$$

$$K_A = \frac{\left(6.3 \times 10^{-5}\right)^2}{2.27 \times 10^{-4}} = 1.75 \times 10^{-5}$$
 (1) بالتعويض في العلاقة

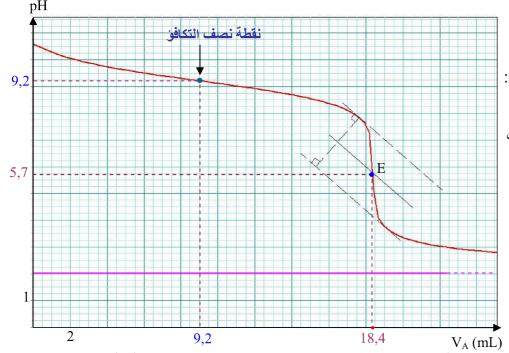
ونستنتج من الجدول أن الكاشف الملوّن هو أخضر  $pK_A = -Log~K_A = -Log~1,75 \times 10^{-5} = 4,7$  بروموكريزول .

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

# التمرين 31

 $NH_{3(aq)} + (H_3O^+, C\Gamma)_{(aq)} \rightarrow (NH_4^+, C\Gamma)_{(aq)} + H_2O_{(l)}$  : معادلة تفاعل المعايرة :  $C\Gamma$  شاردة غير فعالة في الماء)  $C\Gamma$   $NH_{3(aq)} + H_3O^+_{(aq)} \rightarrow NH_4^+_{(aq)} + H_2O_{(l)}$ 

$$K = \frac{\left[NH_4^{+}\right]_f}{\left[H_3O^{+}\right]_f \times \left[NH_3\right]_f} = \frac{1}{K_A} = \frac{1}{10^{-9,2}} = 10^{9,2} = 1,6 \times 10^9$$
 ثابت التوازن - 2



3 - نقطة التكافؤ (انظر للشكل)

4 - الأنواع الكيميائية التي تشكل أغلبية :

### $pH = 2 \bullet$

نعلم أن التركيز المولي للمحلول الحمضي $_{
m A}=0,01~{
m mol}/~{
m L}$  ، وبالتالي $_{
m PH}=-~{
m Log}~{
m C_A}=2$ 

البيان  $pH=f\left(V_{B}
ight)$  البيان

pH = 2 خطا مقاربا .

# ما معنى هذا ؟

pH = 2 معناه أننا لكي نحصل على للمزيج يجب أن نواصل في إضافة

المحلول الحمضي من السحاحة بعد نقطة التكافؤ إلى أن يصبح حجم المزيج يساوي تقريبا حجم المحلول الحمضي ، أي أن حجم المحلول الأساسي الذي كان موجودا في البيشر يصبح مهملا أمام حجم المزيج ، وكأن المزيج هو نفسه الحمض ، وبالتالي يكون لهذا المزيج قيمة لـ pH قريبة جدا من 2 .

 $\mathrm{C}\Gamma$  ،  $\mathrm{H_{3}O}^{+}$  الأنواع الكيميائية التي تشكل الأغلبية هي

elwaha.yoo7.com

. pH = 5,7 ، نعتبر ) ، نعتبر pH = 5,7 ، أي نقطة التكافؤ ) ، نعتبر pH = 5,7

الفرق بين القيمتين لا يؤثر كثيرا ، ما دامت القيمتان تجاوران نقطة التكافؤ .

.  $NH_3$  ،  $C\Gamma$  ،  $NH_4^+$  ،  $OH^-$  ،  $H_3O^+$  : هي نقطة التكافؤ هي نقطة التكافؤ عند التكافؤ عند نقطة التكافؤ عند ال

 $[H_3O^+] = 10^{-pH} = 10^{-5,7} = 2,0 \times 10^{-6} \text{ mol/ } L$ 

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{\left[H_{3}O^{+}\right]} = \frac{10^{-14}}{2 \times 10^{-6}} = 5.0 \times 10^{-9} \ mol/L$$

$$\left[Cl^{-}\right] = \frac{C_{A} V_{A_{E}}}{V_{B} + V_{A_{E}}} = \frac{0.01 \times 18.4}{38.4} = 4.8 \times 10^{-3} \ mol/L$$

(1)  $[NH_4^+] + [H_3O^+] = [OH^-] + [C\Gamma]$  : Under the single of the sin

 $[NH_4^+] \approx [C\Gamma] = 4.8 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$  ، ومنه  $[C\Gamma]$  ، ومنه  $[H_3O^+]$  لأنه فائق القلة ، وكذلك  $[H_3O^+]$  لأنه صغير أمام

(2) 
$$[NH_3] = \frac{C_B V_B}{V_B + V_{A_E}} - [NH_4^+]$$
 : limited in the limited and also below the solution of the solution of the limited and limited and the l

(من الحلول الحمضي) هي التركيز المولي للأساس بعدما تمدّد في المزيج ، أي بعد إضافة  $\frac{C_B \ V_B}{V_B + V_{A_E}}$ 

3)  $[NH_4^+] = [C\Gamma] - [H_3O^+] : (1)$  من العلاقة (1)

(لا نهمل هذه المرة [H3O<sup>+</sup>] لأن كمية مادة النوع المعاير تكون قليلة بجوار نقطة التكافؤ ، في حالة الحموض والأسس الضعيفة)

(التكافز) 
$$\frac{C_A \ V_{A_E}}{V_B + V_{A_E}} = \frac{C_B \ V_B}{V_B + V_{A_E}}$$
 نعوّض عبارة العلاقة (2) من العلاقة (3) من العلاقة

 $[{
m NH_3}] = [{
m C}{\Gamma}] - (~[{
m C}{\Gamma}] - [{
m H_3O}^+]~) = [{
m H_3O}^+] = 2.0 imes 10^{-6}~{
m mol}/~L~:$  وبالتالي نجد

المتغلبتان بن عند نقطة التكافؤ تكون الشاردتان  $\operatorname{CF}$  و  $\operatorname{NH}_4^+$  هما المتغلبتان ب

9,2 هو  $NH_4^+/NH_3$  الثنائية  $pK_A$  الأن  $pK_A$  هو pH=9,2 ه

 $[NH_3] = [NH_4^+]$  عند نقطة نصف التكافؤ يكون

$$\left[OH^{-}\right] = \frac{10^{-14}}{6.3 \times 10^{-10}} = 1.6 \times 10^{-5} \ mol/L$$
 ،  $\left[H_{3}O^{+}\right] = 10^{-9.2} = 6.3 \times 10^{-10} \ mol/L$  : لدينا

. عند نصف عند نصف التكافؤ . 
$$\left[Cl^{-}\right] = \frac{C_a \ V'}{V_b + V'} = \frac{0.01 \times 9.2}{29.2} = 3.15 \times 10^{-3} \ mol/L$$

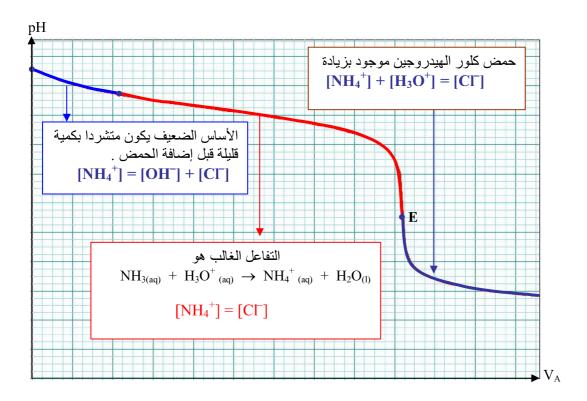
حسب قانون انحفاظ الشحنة في المحلول :  $[OH^-] + [CI^-] + [OH^-] + [OH^-]$  ، وبإهمال  $[NH_4^+] + [H_3O^+] = [OH^-] + [CI^-]$  نكتب  $[NH_4^+] \approx [CI^-] = 3.15 \times 10^{-3} \text{ mol/ L}$ 

.  $\mathrm{NH_3}$  ،  $\mathrm{NH_4}^+$  ،  $\mathrm{CI}^-$  : الأنواع الكيميائية التي تشكل أغلبية عند نصف التكافؤ هي

ملاحظة : بإمكانك الإجابة عن هذا السؤال بدون حساب وذلك بالاستعانة بالخلاصة التالية :

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

# خلاصة عامة (بإمكانك الاستعانة بها في بيانات أخرى )



## التمرين 32

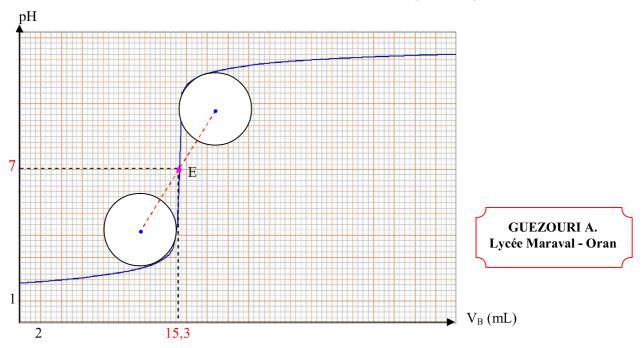
حمض السولفاميك هو حمض قوي ، يتشرد كليا في الماء صيغته المفصلة كتلته الجزيئية المولية 97 g/ mol .

1 - معادلة تفاعل الحمض مع الماء:

 ${\rm HA_{(l)}} \, + \, {\rm H_2O_{(l)}} \, o \, {\rm H_3O^+_{(aq)}} \, + \, {\rm A^-_{(aq)}} \,$  ،  ${\rm HA}$  نمثل الحمض بالرمز

 $(H_3O^+, A^-)_{(aq)} + (Na^+, OH^-)_{(aq)} \rightarrow 2 H_2O_{(1)} + (Na^+, A^-)_{(aq)}$  († - 2

 $\mathrm{H_{3}O}^{^{+}}_{(aq)}$   $\mathrm{OH}^{^{-}}_{(aq)}$  ightarrow 2  $\mathrm{H_{2}O}_{(l)}$  : i.e.



elwaha.yoo7.com

$$C_A V_A = C_B V_{B_E}$$
 ( $\Rightarrow$ 

حجم المحلول الحمضي الذي عايرناه هو  $V_A = 20 + 80 = 100 \; \text{mL}$  (أضفنا الماء المقطر للمحلول الحمضي قبل الشروع في إضافة المحلول الأساسي) .

$$C_A = \frac{C_B \ V_{B_E}}{V}$$

$$C_A = \frac{0.1 \times 15.3}{100} = 1.53 \times 10^{-2} \ mol/L$$

لقد مددنا المحلول قبل معايرته بـ 5 مرات ، أي ضاعفنا حجمه بـ 5 مرات ( كان الحجم 20 mL وأصبح 100 mL)

$${
m C'}_{
m A} = 5~{
m C}_{
m A} = 5 imes 1,53 imes 10^{-2} = 7,65 imes 10^{-2}~{
m mol/L}$$
 هو  ${
m S}$  إذن تركيز المحلول

$$n={
m C'}_{
m A} imes {
m V}=7,65 imes 10^{-2} imes 0,2=1,53 imes 10^{-2}~{
m mol}$$
 هي المحلول S عدد مولات الحمض في المحلول

$$m = n \times M = 1.53 \times 10^{-2} \times 97 = 1.48 \,\mathrm{g}$$
 هي S كتلة الحمض في المحلول

$$p=82~\%$$
 ،  $p=rac{1,48}{1,8}=0.82$  د) نسبة النقاوة في الحمض هي

الكاشف الملون الأنسب لهذه المعايرة هو أزرق البروموتيمول لأن مجال تغير لونه يشمل نقطة التكافؤ .

مجال تغیر لون أزرق البروموتیمول هو 
$$7,6 - 6,0$$
 (لیس  $6,0 - 4,4$ 

#### التمرين 33

NaOH من g يحتوي إلا على g 20 مناه g 100 من هذا المحلول لا يحتوي إلا على g 20 مناه  $V = \frac{m}{Q}$  هذه الـ g من المحلول غير النقي تشغل حجما معيّنا لأن هذه المادة سائلة . هذا الحجم نحسبه بقانون الكتلة الحجمية g

. 
$$n = \frac{m}{M} = \frac{20}{40} = 0.5 \ mol$$
 هو ديوم هو الصوديوم هو الدينا عدد مو لات هيدروكسيد الصوديوم  $V = \frac{100}{1230} = 0.081 L$ 

. 
$$[NaOH] = C'_B = \frac{n}{V} = \frac{0.5}{0.081} = 6.2 \ mol/L$$
 أما التركيز المولي فهو

### 2 - السؤال غير الموجود هو: اذكر الطريقة المتبعة والأدوات المستعملة

نضيف كلمة (نمدد) في أول الجملة في السؤال 2

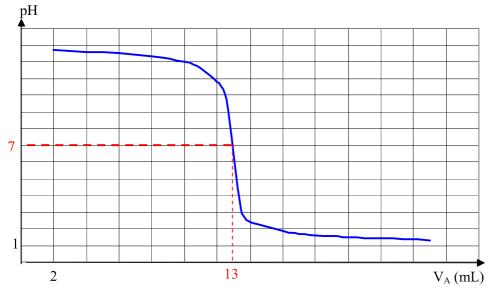
الطريقة هي : نأخذ بواسطة مصاصة حجما  $V' = 10 \, \mathrm{mL}$  مثلا ونصبه في حوجلة سعتها  $1000 \, \mathrm{mL}$  ونكمل الحجم بالماء المقطر

ونكون بذلك قد ضاعفنا الحجم 100 مرة ، أي  $\frac{1000}{10}$  . في هذه الحالة يصبح التركيز المولي للمحلول  $_{\rm S}$  هو :

$$C_B = \frac{6.2}{100} = 6.2 \times 10^{-2} \ mol/L$$

**GUEZOURI A.** Lycée Maraval - Oran

$$({\rm H_3O}^+,{\rm C}\Gamma)_{(aq)} + ({\rm Na}^+\,,{\rm OH}^-)_{(aq)} \to 2~{\rm H_2O}_{(l)} + ({\rm Na}^+\,,{\rm C}\Gamma)_{(aq)}$$
 : معادلة تفاعل المعايرة  ${\rm H_3O}^+_{(aq)}~{\rm OH}^-_{(aq)} \to 2~{\rm H_2O}_{(l)}$  ) أو اختصارا



 $pH=f\left(V_{A}
ight)$  بالبيان (ب+ ج+ إحداثي نقطة التكافؤ + E + (13 mL + 7 )

$$C'_{B} = \frac{C_{A} \ V_{A_{E}}}{V_{B}} = \frac{0.1 \times 13}{20} = 0.065 \ mol/L$$
 د) التركيز المولي للمحلول S هو (C' هو (C' محيث

.  $C''_B = 6,5 \text{ mol/L}$  ويصبح المحلول المركز فيُضرب بـ 100 ويصبح

هـ) المقارنة: تقتضى منا المقارنة أن نحسب الإرتياب النسبي في التركيز المولى

$$\frac{5\%}{C_B} = \frac{|C'_B - C''_B|}{|C'_B|} = \frac{|6,2-6,5|}{6,2} = 0.05$$
 ، أي أن الدقة في هذه العملية كانت حوالي

GUEZOURI A. Lycée Maraval - Oran

# التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

1 - السرعة المتوسطة هي تغير شعاع الموضع في مدة زمنية ، وتغيّر شعاع الموضع هو شعاع الانتقال .

$$\vec{r_1} = 3\vec{i} - 2\vec{j} - \vec{k}$$
 :  $\vec{v}_{moy} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{\left(4\vec{i} - \vec{j} - 3\vec{k}\right) - \left(3\vec{i} - 2\vec{j} - \vec{k}\right)}{2} = \frac{1}{2}\vec{i} + \frac{1}{2}\vec{j} - \vec{k}$ 

 $v_{mov} = \sqrt{(0,5)^2 + (0,5)^2 + (-1)^2} = 1,22 \ m/s$  : طويلة السرعة المتوسطة



v (km/h)

200

150

100

50

$$\vec{a}_{moy} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_1 - \vec{v}_0}{\Delta t}$$
: distribution in the distribution of the distribution and the distribution of the dindividual of the distribution of the distribution of the distribu

$$\vec{v_0} = 40\vec{i} - 10\vec{j} + 2\vec{k}$$
 ومنه  $-7\vec{i} + 2\vec{j} = \frac{(5\vec{i} + 2\vec{k}) - \vec{v_0}}{5}$ 

التمرين 02 : حركة مستحيلة ... لا يمكن أن نحقق طورين متتابعين لحركتين منتظمتين .

### التمرين 03

1 - تتزايد السرعة من اللحظة 0 حتى اللحظة ع 40 ثم بعد ذلك تصبح ثابتة .

2 - نعلم أن التسارع يكون ثابتا إذا كانت السرعة دالة من الدرجة الأولى بالنسبة للز من

نلاحظ على البيان أن في المجال الزمني [5 5 , 0] يكون مخطط السرعة عبارة عن خط مستقيم (أي من O إلى A) . إذن في هذا المجال الزمني يكون تسارع السيارة ثابتا ، وبالتالي تكون حركة السيارة في هذا المجال

متسارعة بانتظام

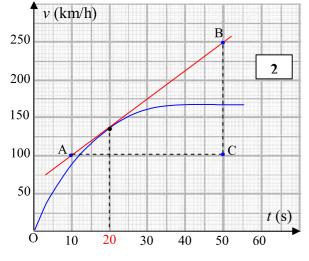
نختار دائما محورا موجها في جهة الحركة لكي نقول أن u>0 .

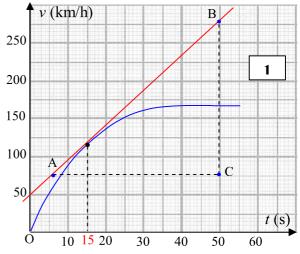
بما أن ميل المستقيم  $A_t$  هو تسارع السيارة وهو موجب ، إذن a>0 ، وهو نفسه  $A_t$  ، وبالتالي يكون لدينا :

 $v \cdot a_t > 0$ 

- 4

 $_{\rm S}$  - يصبح النسارع معدوما عندما تصبح السرعة ثابتة ، ويكون هذا بعد اللحظة  $_{\rm S}$  40 ، وتكون حركة السيارة منتظمة .





التسارع في اللحظة t هو ميل المماس لمخطط السرعة في تلك اللحظة .

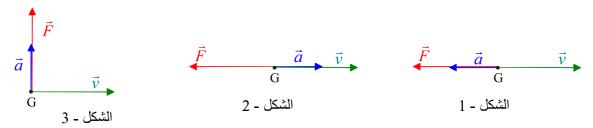
t = 15 s في اللحظة

Maraval Oran

(3,6 يتقسيمها على 
$$m/s$$
 إلى  $m/s$  بتقسيمها على  $a_{15} = \frac{BC}{AC} = \frac{\frac{205}{3.6}}{44} = 1.3 \ m/s^2$ 

t = 20 s في اللحظة

$$a_{20} = \frac{BC}{AC} = \frac{\frac{150}{3.6}}{40} = 1.04 m/s^2$$



#### الشكل \_ 1 :

التمرين 04

حركة مستقيمة: لأن التسارع الناظمي معدوم.

 $\vec{v} \times \vec{a} < 0$ : حركة متباطئة بانتظام

بانت الجداء سالب) ،  $\cos 180 = -1$  ، ولدينا الزاوية بين الشعاعين  $\cos 180^\circ$  ، وبالتالي  $\vec{v} \times \vec{a} = v \times a \; \cos(\vec{v}, \vec{a})$  . الشكل  $\vec{c}$ 

حسب القانون الثاني لنيوتن  $ec{a}$  ،  $ec{g}$  ، وبما أن m>0 ، إذن يجب أن يكون  $ec{g}$  و  $ec{a}$  في نفس الجهة .

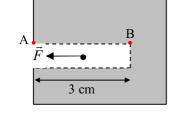
#### الشكل - 3 :

بما أن  $ec{a} \perp ec{v}$  ، إذن التسارع المماسي معدوم ، وبالتالي الحركة دائرية منتظمة .

### التمرين 5

حسب القانون الثاني لنيوتن  $\vec{F} = \vec{r}_1 + \vec{r}_2$  ، حيث  $\vec{F} = \vec{r}_1 + \vec{r}_2$  ، حيث  $\vec{F} = m \ \vec{a}$  ، ومنه  $\vec{F}_2 = 2(4\vec{i} - 3\vec{j})$  : ومنه  $\vec{F}_2 = 9\vec{i} - 4\vec{j} + 3\vec{k}$ 





نعتبر الرصاصة نقطة مادية

لما وصلت الرصاصة إلى النقطة A كانت سرعتها  $u_A$  ، ولما وصلت إلى النقطة  $u_A$  انعدمت سرعتها لأنها توقفت .

.  $\vec{F}$  عتبر القوة المعرقلة لحركة الرصاصة محصورة في قوة واحدة

. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :  $\vec{F} = m\vec{a}$  ، وبالإسقاط على المحور الأفقي الموجّه في جهة الحركة

$$(1) -F = ma$$

بما أن القوة ثابتة إذن الحركة متغيّرة بانتظام . نطبق العلاقة  $v_B^2 - v_A^2 = 2a(AB)$  لحساب التسارع

$$a = \frac{0 - (400)^2}{2 \times 0.03} = -2,7 \times 10^6 \text{ m.s}^{-2}$$

$$F = -0.01 \times (-2.7 \times 10^6) = 2.7 \times 10^4 N$$
 : (1) بالنعويض في العلاقة

المقارنة : 
$$45 = \frac{2.7 \times 10^4}{60 \times 10}$$
 ، هذه القوة تكافيء وزن 45 شخص (قسم مكتظ من التلاميذ)

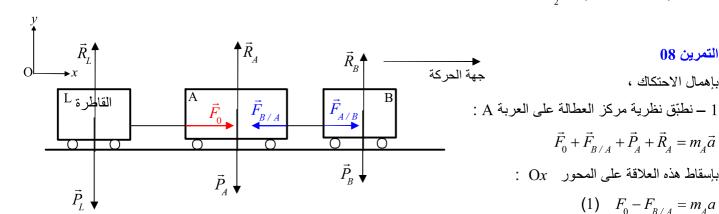
1 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الطائرة:

وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور الموضح في الشكل ،  $ec{F} + ec{P} + ec{F}_{S/A} = M \ ec{a}$ 

$$a = \frac{8.8 \times 10^5}{3 \times 10^5} = 2.93 \ m/s^2$$
 : نطبیق عددي .  $F = Ma$ 

 $v_1=0$  أن الحركة متغيرة بانتظام (التسارع ثابت) يمكن تطبيق العلاقة  $v_2-v_1=at$  مع العلم أن  $v_2-v_1=at$ 

$$v_2 = 2.93 \times 10 = 29.3 \ m/s$$



# التمرين 08

بإهمال الاحتكاك ،

$$\vec{F}_0 + \vec{F}_{B/A} + \vec{P}_A + \vec{R}_A = m_A \vec{a}$$

بإسقاط هذه العلاقة على المحور Ox :

(1) 
$$F_0 - F_{R/A} = m_A a$$

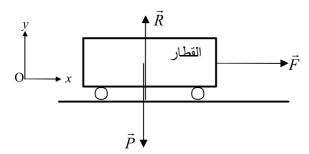
: Ox محور العلاقة على العربة  $\vec{F}_{A/B} + \vec{P}_B + \vec{R}_B = m_B \; \vec{a} \; : \;$ العربة على المحور نطبق النظرية على العربة على المحور

$$(1) \quad F_{A/B} = m_B \ a$$

. (القانون الثالث لنيوتن) و القوتان  $ec{F}_{B/A}$  و  $ec{F}_{B/A}$  و الثالث النيوتن الثالث النيوتن

$$F_0 = (m_A + m_B) \; a = (1,2+0,8) \times 10^4 \times 2 = 4 \times 10^4 \; N$$
 بجمع العلاقتين (1) و (2) نجد

2 - القوة الأفقية المطبّقة على القاطرة من طرف السكة الحديدية مقصود بها قوة المحرك الموجود في القاطرة المطبّقة على القطار .



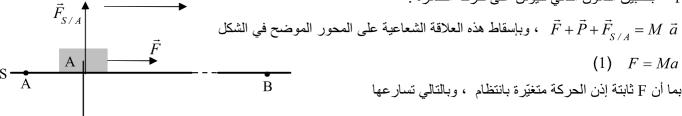
بتطبیق نظریة مرکز العطالة علی القطار باعتباره نقطة مادیة : 
$$\vec{F} + \vec{P} + \vec{R} = \left(m_{_{A}} + m_{_{R}} + m_{_{I}}\right)\vec{a}$$

 $F = \left(m_{A} + m_{B} + m_{L}\right)a$ : Ox بإسقاط العلاقة على المحور

$$F = (0.12 + 0.08 + 1) \times 10^5 \times 2 = 2.4 \times 10^5 N$$

## التمرين 09

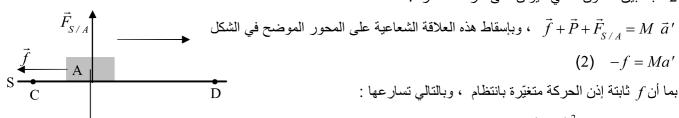
1 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الطائرة:



elwaha.yoo7.com

$$\mathrm{F} = 12500 \times 31,5 = 3,93 \times 10^5 \, \mathrm{N}$$
 : (1) و بالتعويض في  $a = \frac{v_B - v_A}{t_{AB}} = \frac{250}{3.6} = 31,5 \, m/s^2$ 

2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الطائرة:



$$\sqrt[4]{P}$$
 $f = -12500 \times (-31,5) = 3.9 \times 10^5 \,\text{N} : (2)$  و بالنعویض فی  $a = \frac{v_B^2 - v_A^2}{2CD} = \frac{0 - \left(\frac{180}{3.6}\right)^2}{2 \times 40} = -31.2 \, m/s^2$ 

# التمرين 10

# 1 - وصف الحركة:

من النقطة  $m M_0$  إلى  $m M_{25}$  الحركة دائرية منتظمة ، لأن : المسافات المقطوعة في مدّد زمنية متساوية (m 40~ms) هي متساوية . من النقطة  $M_{25}$  إلى النقطة  $M_{35}$  الحركة مستقيمة منتظمة ، لأن : المسافات المقطوعة في مدّد زمنية متساوية هي متساوية .

2 - تمثيل أشعة السرعة:

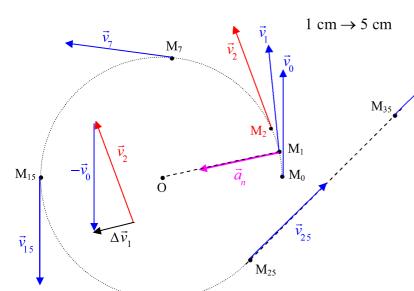
3 – التسارع المركزي (الناظمي):

. . التسارع المركزي يكون موازيا لشعاع تغيّر السرعة  $M_1$  نحسبه مثلا في النقطة

 $M_1$  طويلة السرعة ثابتة في كل النقط ، فمثلا في النقطة

$$v_1 = \frac{M_0 M_2}{2\tau} = \frac{1 \times 5 \times 10^{-2}}{2 \times 40 \times 10^{-3}} = 0,62 \ m/s$$

$$a_n = \frac{v_1^2}{R} = \frac{(0.62)^2}{2.2 \times 5 \times 10^{-2}} = 3.5 \ m/s^2$$



#### التمرين 11

1 - بما أن حركة الرجل منتظمة ، فالجزّارة كذلك تكون حركتها منتظمة .

بتطبيق نظرية مركز العطالة على الجزارة:

Ox وبإسقاط هذه العلاقة على المحور،  $\vec{F}+\vec{f}+\vec{P}+\vec{F}_{T/C}=M$  م

(التسارع معدوم لأن السرعة ثابتة)  $F\coslpha-f=0$ 

 $f = F \cos \alpha = 70 \times \cos 30 = 60.6 N$ :

: حتفظ بنفس الشكل مع استبدال القوة  $ec{F}$  بقوّة أخرى  $ec{F}'$  ، ونطبق نظرية مركز العطالة 2

: Ox وبإسقاط العلاقة على المحور ،  $\vec{F}'$ +  $\vec{f}$ +  $\vec{P}$ +  $\vec{F}_{T/C}$  =  $M \ \vec{a}'$ 



$$F' = \frac{Ma' + f}{\cos \alpha} = \frac{20 \times 1 + 60.6}{0.86} = 93.7 \ N$$
 ومنه  $F' \cos \alpha - f = M \ a'$ 

 $ec{P}_{\!\scriptscriptstyle
m B}$ 

### التمرين 12

# 1 - الجسمان في راحة:

حساب  $T_1$  : نختار الجملة (A+B) ، حيث في هذه الحالة نتخلص من القوتين الداخليتين

T'2 و T'2

: x ' x (وباسقاط هذه العلاقة على المحور (اختياري) ،  $\vec{T}_{\rm l} + \vec{P}_{\rm A} + \vec{P}_{\rm B} = 0$ 

$$T_{_{\! 1}}=P_{_{\! A}}+P_{_{\! B}}=\left(m_{_{\! A}}+m_{_{\! B}}
ight)g=0$$
,  $g=0.5 imes 1\,0=5\,N$  ومنه،  $T_{_{\! 1}}-P_{_{\! A}}-P_{_{\! B}}=0$ 

حساب T2 : نختار الجملة

 $T_2=P_{_B}=m_{_B}g=0.3 imes10=3~N$  المحور x ' x ) وبإسقاط العلاقة على المحور  $T_2+\vec{P}_{_{
m B}}=0$ 

2 - الجسمان يصعدان بسرعة قدرها 5 m/s

السرعة ثابتة ، إذن التسارع معدوم نفس الحل السابق .

 $2 \text{ m/s}^2$  بالجسمان يتسارعان إلى الأعلى ب

(A+B) نختار الجملة :  $T_1$ 

 $\vec{x}$  '  $\vec{x}$  ' وبإسقاط هذه العلاقة على المحور  $\vec{T}_1 + \vec{P}_A + \vec{P}_B = \left(m_A + m_B\right)\vec{a}$ 

(1) 
$$T_1 = P_A + P_B + (m_A + m_B)a = 5 + 0.5 \times 2 = 6 N$$
  $T_1 - P_A - P_B = (m_A + m_B)a$ 

حساب : T<sub>2</sub> نختار الجملة

$$T_2=P_{\!\scriptscriptstyle B}+m_{\!\scriptscriptstyle B}a=3+0,3 imes2=3,6~N$$
 ،  $T_2-P_{\!\scriptscriptstyle B}=m_{\!\scriptscriptstyle B}a$  نجد  $T_2=m_{\!\scriptscriptstyle B}a=3+0,3$  ، وبإسقاط العلاقة على المحور  $T_2=T_{\!\scriptscriptstyle B}+m_{\!\scriptscriptstyle B}a=3+0,3$ 

# $2 \text{ m/s}^2$ بالجسمان يتسارعان إلى الأسفل ب $^2$

(A+B) خساب : نختار الجملة

:x' x وبإسقاط هذه العلاقة على المحور ،  $ec{T}_{
m l}+ec{P}_{
m A}+ec{P}_{
m B}=\left(m_{_{\!A}}+m_{_{\!B}}
ight)ec{a}$ 

$$T_1 = P_A + P_B - (m_A + m_B)a = 5 - 0.5 \times 2 = 4 N$$
  $P_A + P_B - T_1 = (m_A + m_B)a$ 

حساب T2 : نختار الجملة B

، 
$$P_B-T_2=m_Ba$$
 نجد نجد  $\square$   $x$  ' $x$ ' نجد المحور  $T_2+\vec{P}_{
m B}=m_Bec{a}$ 

$$T_2 = P_B - m_B a = 3 - 0.3 \times 2 = 2.4 N$$

5 - التسارع الأقصى الممكن:

التوتر  $T_1$  في كل الحالات أكبر من  $T_2$  ، إذن فهو التوتر المقصود .

:  $T_1 \le 10 \text{ N}$  من العلاقة (1) ، علاقة  $T_1 \le 10 \text{ N}$  في حالة الصعود

$$a \leq 10 \ m/s^2$$
 ،  $a \leq \frac{10 - \left(P_A + P_B\right)}{m_A + m_B}$  ومنه  $P_A + P_B + \left(m_A + m_B\right)a \leq 10$ 

التسارع الأقصى الممكن هو  $a=10 \text{ m/s}^2$  . لو تجاوزت الجملة هذا التسارع ينقطع الخيطان ، حيث يتجاوز توتر الخيط العلوي القيمة  $a=10 \text{ m/s}^2$  .





آلة أتود (Machine d'Atood ) : عبارة عن بكرة خفيفة قابلة للدوران حول محورها الأفقى .

،  $M_1=M_2=M$  محزّها خيط مهمل الكتلة ويحمل في طرفية أسطوانتين  $C_1$  و  $C_2$  كتلتاهما يمكنهما الحركة أمام مسطرة مدرّجة . هذه المسطرة ملصقة على حامل البكرة .

عندما تنزل الأسطوانة C1 تمر داخل حلقة مثبّتة مع المسطرة (تسمى حلقة مُقرعة).

يمكن أن ندرس بواسطة آلة أتود طورين لحركة  $\mathrm{C}_1$  . من أجل هذا الغرض نضع فوقها جسما مجنّحا كتاته m ، بحيث لما تصل المجموعة (الجسم المجنّح و  $(\mathrm{C}_1)$  إلى الحلقة تمر  $(\mathrm{C}_1)$  أما الجسم المجنّح يبقى عالقا فوق الحلقة بسبب وجود الجناحين ، ولأن الخيط يمر عبر ثقب في مركز الجسم المجنّح لكي نجد علاقة رياضية فيها g ندرس حركة الجملة في طور ها الأول ، أي أثناء الانتقال H . تبدأ الجملة حركتها من السكون

> جهة الحركة واضحة ، أي في جهة  $\mathrm{C}_1$  . نفصل الجملة لكي يتسنى لنا تمثيل القوى :  $(M_1 + m)$  نطبق نظریة مرکز العطالة على الجزء

: وباسقاط هذه العلاقة على المحور الموجه في جهة الحركة :  $\vec{P}_1' + \vec{T}_1 = (M_1 + m)\vec{a}_1$ 

(1) 
$$P_1' - T_1 = (M_1 + m)a_1$$

نطبق نظرية مركز العطالة على الجزء (M2):

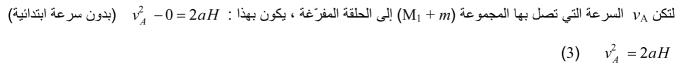
: وباسقاط هذه العلاقة على المحور الموجه في جهة الحركة ،  $ec{P}_2 + ec{T}_2 = M_2 ec{a}_2$ 

(2) 
$$T_2 - P_2 = M_2 a_2$$

الجملة مترابطة ، وبالتالي  $a_1=a_2=a$  . البكرة خفيفة بالنسبة للأجسام الأخرى ، إذن

(2) 
$$g = \frac{2M+m}{m}a$$
 نجد (2) نجد (1) بجمع العلاقتين (1) نجد .  $T_1 = T_2$ 

العلاقة (2) تبيّن أن التسارع ثابت ، وبالتالي حركة الجملة متغيرة بانتظام .



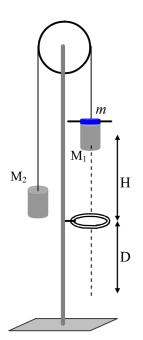
من العلاقة (2) نستخرج  $a=\frac{m}{2\,M+m}$  ، و بعد الحلقة المفرّغة يصبح a=0 نستخرج  $a=\frac{m}{2\,M+m}$ 

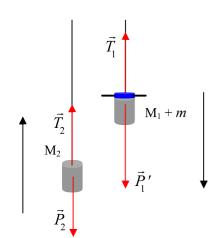
(4)  $D = v_4 t$  ومن هذا نستنتج أن الحركة تصبح منتظمة بعد الحلقة المفرغة ، وبالتالي

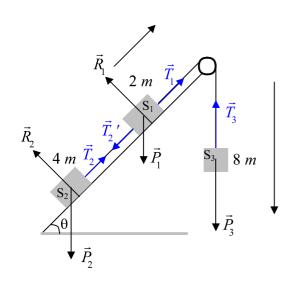
من العلاقتين (3) و (4) نستنتج  $\frac{D^2}{t^2} = 2aH$  ، ومنه  $a = \frac{D^2}{2Ht^2}$  ، ومنه  $\frac{D^2}{t^2} = 2aH$  نجد المطلوب:

$$g = \frac{(2M+m)D^2}{2mHt^2}$$









1 - نعين جهة الحركة ، ثم ندرس الحركة ونستنتج عبارة التسارع .

تصحیح: المقصود m (لیس M)

تعيين جهة الحركة:

 $(P_1+P_2)sin\theta=6mg~sin heta$  و  $P_3=8~{
m mg}$  نقارن بین

.  $S_3$  بما أن  $1 \leq \theta \sin \theta$  ، إذن  $\theta \leq 1$  . إذن جهة الحركة هي جهة .

 $a_3$  نظرية مركز العطالة على الجسم و ${f S}_3$  تسارعه

: وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الموجه في جهة الحركة ،  $\vec{P_3} + \vec{T_3} = 8m \ \vec{a}_3$ 

(1)  $P_3 - T_3 = 8m \ a_3$ 

 $a_1'$  نسارعها :  $(S_1 + S_2)$  نطبق نظرية مركز العطالة على الجملة

: وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الموجه في جهة الحركة :  $\vec{P_1} + \vec{P_2} + \vec{T_1} + \vec{R_1} + \vec{R_2} = 6m \ \vec{a}_1'$ 

(2)  $T_1 - P_1 \sin \theta - P_2 \sin \theta = 6m \ a_1'$ 

 $a_2 = a_1' = a$   $g T_1 = T_3$ 

 $a = \frac{P_3 - (P_1 + P_2) \sin \theta}{14m}$  : بجمع العلاقتين (1) و (2) طرفا لطرف نجد

m مستقل عن a

#### ملاحظة

في حالة وجود الاحتكاك على المستوي المائل لا تكون a مستقلة عن m ، لكن التمرين لم يشير لوجود الإحتكاك ، بل أشار له فقط في السؤال a أنه مهمل نحن أهملناه في كل الأسئلة .

$$a = \frac{g}{7}(4 - 3\sin\theta) = \frac{10}{7}\left(4 - 3\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 2.7 \ m/s^2$$

.  $T_2=T^{\prime}_2$  ، لأن  $T_1-T_2$  هو نفس الفرق  $T_1-T_2$  ، لأن  $T_1-T_2$ 

من أجل إيجاد هذا الفرق نطبق نظرية مركز العطالة على الجسم  $S_1$  ونسقط مباشرة على المحور السابق:

 $T_1 - T_2 = P_1 \sin\theta + 2m$   $a = 20 \times \frac{\sqrt{2}}{2} + 2 \times 2, 7 = 19,5$  N ومنه  $T_1 - T_2' - P_1 \sin\theta = 2m$  a



التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

التمرين 15

السرعة : 
$$M$$
 خيث  $M$  : كتلة الكوكب الجاذب ،  $M$  كتلة القمر  $E_{C}=\frac{1}{2}mv^{2}=\frac{1}{2}m\frac{GM}{r}$  ،  $T=2\pi\sqrt{\frac{r^{3}}{GM}}$  ،  $v=\sqrt{\frac{GM}{r}}$  : السرعة : السرعة الجاذب ،  $T=2\pi\sqrt{\frac{r^{3}}{GM}}$  ، السرعة القمر الجاذب ،  $T=2\pi\sqrt{\frac{r^{3}}{GM}}$  ،  $T=2\pi\sqrt{\frac{r^{3}}{r}}$  ،  $T=2\pi\sqrt{\frac{r^{3}}{r}}$  .

الصناعي ، G: الثابت الكوني. (ارجع للدرس)

التمرين 16

GUEZOURI A  $T = 2\pi \sqrt{\frac{\left(R_T + h\right)^3}{GM}}$ Maraval Oran

التمرين 17

المسافة  $r_{\rm A} = 7330~{
m km}$  . هي المسافة بين مركز الأرض وأبعد نقطة من مدار القمر الصناعى

. هي المسافة بين مركز الأرض وأقرب نقطة من مدار القمر الصناعي  $r_{
m p} = 6610~{
m km}$ 

$$(1) T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM_T}} : الدور$$

$$a = \frac{r_A + r_P}{2} = \frac{7330 + 6610}{2} = 6970 \text{ km}$$

يمكن حساب الدور بهذه العلاقة ، ويمكن أن نجد عبارة أخرى للدور كما يلى :

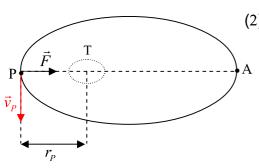
على سطح الأرض تكون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي والأرض  $F = G \frac{m M_T}{R^2}$  ، حيث أن F هي قوة ثقل القمر الصناعي على

. سطح الأرض ، ومنه :  $F=m \; g_0$  ، حيث  $g_0$  هو تسارع الجاذبية الأرضية على سطح الأرض

$$T=rac{2\pi}{R_T}\sqrt{rac{a^3}{g_0}}$$
 بالتعويض نجد :  $g_0=rac{GM_T}{R^2_T}$  : ومنه :  $g_0=rac{GM_T}{R^2_T}$  : بالتعويض نجد :  $g_0=rac{GM_T}{R^2_T}$ 

$$T = \frac{6,28}{64 \times 10^5} \sqrt{\frac{\left(6970 \times 10^3\right)^3}{9,81}} = 96,1 \ mn$$
: تطبیق عددي

السرعة في أدنى نقطة من المدار:

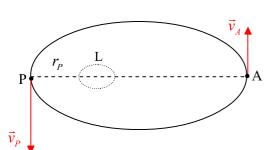


- (2)  $F = G \frac{mM}{r_{p}^{2}}$  : كون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي والأرض P تكون قوّة التجاذب بين القمر الصناعي
  - (3)  $F = m \frac{v_P^2}{r}$  وحسب القانون الثاني لنيوتن ، فإن هذه القوة هي

. 
$$v_P = \sqrt{\frac{GM}{r_P}} = R_T \sqrt{\frac{g_0}{r_P}}$$
 (3) و (2) بالمساواة بين

elwaha.yoo7.com

$$v_P = 28 \times 10^3 \ km/h$$
 ،  $v_P = 64 \times 10^5 \sqrt{\frac{9,81}{6610 \times 10^3}}$  : تطبیق عددي



### التمرين 18

$$m R_L = 1728 ~~km$$
 نصف قطر القمر $m r_P = R_L + 100 = 1728 + 100 = 1828 ~km$ 

$$r_A = R_L + 125 = 1728 + 125 = 1853 \text{ km}$$

$$v_P = \sqrt{\frac{GM_L}{r_P}} = R_L \sqrt{\frac{g_{0,L}}{r_P}} = 1728 \times 10^3 \sqrt{\frac{1,63}{1828 \times 10^3}} = 5874 \ km/h$$
 : السرعة العظمى – 1

$$v_{\scriptscriptstyle A} = \sqrt{\frac{GM_{\scriptscriptstyle L}}{r_{\scriptscriptstyle A}}} = R_{\scriptscriptstyle L} \sqrt{\frac{g_{\scriptscriptstyle 0, \scriptscriptstyle L}}{r_{\scriptscriptstyle A}}} = 1728 \times 10^3 \sqrt{\frac{1,63}{1853 \times 10^3}} = 5834 \; km/h \; : السرعة الصغرى – السرعة الصغرى$$

تسارع الجاذبية : 
$$g_{0,L}$$
 .  $GM_L = R_L^{\ 2} g_{0,L}$  ،  $a = R_L + \frac{h_A + h_P}{2} = 1840,5 \ km$  ولدينا :  $T = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM_L}}$  : تسارع الجاذبية - 2

على سطح القمر 
$$g_{0,L} = \frac{9.81}{6} = 1,63 \; m.s^{-2}$$
 ومنه :

T = 118,5 mn 
$$T = \frac{2\pi}{R_L} \sqrt{\frac{a^3}{g_{0,L}}} = \frac{6,28}{1728 \times 10^3} \sqrt{\frac{\left(1840,5 \times 10^3\right)^3}{1,63}}$$

# التمرين 19

 $\mathrm{OA} = \mathrm{R}_\mathrm{T}$  النقطة A تنتمي لسطح الأرض ، أي أن  $\mathrm{A}$ 

 $r=R_{\scriptscriptstyle T}\cos lpha$  حيث ، حيث Oz النقطة A تدور حول المحور Oz صانعة دائرة نصف قطرها

تدور النقطة A بنفس السرعة الزاوية للأرض :

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{6,28}{23 \times 3600 + 56 \times 60 + 4} = \frac{6,28}{86164} = 7,28 \times 10^{-5} \, rd.s^{-1}$$

2 - أ) السرعة الخطية للنقطة A:

 $v_A = \omega \ r = \omega \ R_T \cos \alpha = 7,28 \times 10^{-5} \times 6,4 \times 10^6 \cos \alpha = 465,9 \cos \alpha$ 

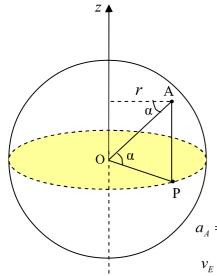
تسارع النقطة A هو تسارع ناظمي لأن حركتها دائرية منتظمة .

$$a_A = a_n = \omega^2 \ r = \omega^2 R_T \cos \alpha = \left(7,28 \times 10^{-5}\right)^2 \times 6,4 \times 10^6 \cos \alpha = 3,39 \times 10^{-2} \cos \alpha$$
 $v_E = 465,9 \cos 0 = 465,9 m/s \approx 1677 \ km/h \; : وبالتالي ،  $\alpha = 0$  وبالتالي .$ 

$$a_E = 3{,}39 \times 10^{-2} \, rd/s^2$$

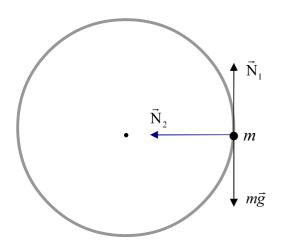
$$a_{
m N}=0$$
 ،  $v_{
m N}=0$  وبالتالي ،  $r=0$  عند أحد القطبين و  $r=0$ 

$$\frac{g}{a_E} = \frac{9.8}{3.39 \times 10^{-2}} = 112$$
 عند خط الاستواء (2





القوة  $\vec{N}_2$  هي القوة التي يضغط بها مسند الكرسي على ظهر المرأة ، وهي القوة المكافئة لقوة الطرد المركزي التي تخضع لها المرأة



(1) 
$$N_2 = m \frac{v^2}{R} = m\omega^2 R$$
 . عندما تدور العجلة

$$(N=rac{1}{T})$$
 لدينا  $N=rac{1}{T}$  ، حيث  $N=rac{2\pi}{T}=2\pi N$  لدينا

التواتر هو عدد الدورات في الثانية أي  $N=rac{5}{60}$  tr/s الثاني:

$$\omega = 2\pi \frac{5}{60} = 0,52 \ rd/s$$

$$N_2 = 60 \times \left(0,52\right)^2 \times 8 \approx 130 N$$
 : (1) بالتعويض في العلاقة

$$N_2 = P = m \; g = 60 imes 9,81 = 588,6 \; N$$
 القوة  $N_2 = P = m \; g = 60 imes 9,81 = 588,6 \; N$  القوة  $N_2 = 0$ 

$$F = \sqrt{N_{\perp}^2 + N_{\perp}^2} = \sqrt{(588,6)^2 + (130)^2} = 602,8N$$
 : محصلة هاتين القوتين

### التمرين 21

: نجري لهذه العلاقة تحليلا بعديا :  $\omega^2 = \frac{Gm}{\sqrt{3} r^2}$  : نجري لهذه العلاقة تحليلا بعديا :

$$\omega^2 = \frac{v^2}{R^2} = \frac{[M]^2 [T]^{-2}}{[M]^2} = [T]^{-2}$$
 الدينا :  $\omega^2$  : لدينا

بالنسبة لـ 
$$\frac{[K][M][T]^{-2}[M]^2[K]^{-2}[K]}{[M]^2} = [M][T]^{-2}$$
 ، ولكن النيوتن ليس من  $\frac{[K][M][T]^{-2}[M]^2[K]^{-2}[K]}{[M]^2} = [M][T]^{-2}$  .

وحدات الجملة الدولية ، نعوضه بـ  ${\rm kg\ m\ s}^{-2}$  ، لأن  ${\rm kg\ m\ s}^{-2}$  . جملة الوحدات الدولية هي MKSA (متر  ${\rm cm\ s}^{-2}$  ، وحدات الجملة الدولية ، نعوضه بـ  ${\rm cm\ s}^{-2}$  ، الكلفين ، والقنديل : وحدة الشدة الضوئية) ، ومنه عدم التجانس وبالتالي العلاقة خاطئة .

العلاقة الصحيحة: كل نجم يخضع إلى قوتي تجاذب مع النجمين الآخرين.

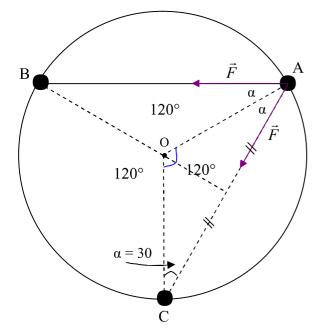
C و A نحسب المسافة بين كل نجمين ، فمثلا بين النجمين

$$AC = 2r\cos\alpha = 2r\frac{\sqrt{3}}{2} = r\sqrt{3}$$

(1) 
$$F = G \frac{m^2}{\left(r \sqrt{3}\right)^2} = G \frac{m^2}{3 r^2}$$
 : قوة التجاذب بين هذين النجمين هي

:  $\vec{F}$  بإهمال تأثيرات الكواكب الأخرى ، تكون محصلة القوتين

$$\omega^2 = \frac{\sqrt{3}}{3} \frac{Gm}{r^3}$$
 : ومنه  $2G \frac{m^2}{3 r^2} \frac{\sqrt{3}}{2} = m\omega^2 r$ 



$$T=2\pi\sqrt{rac{\left(R_{L}+h
ight)^{3}}{GM_{T}}}=2\pi\sqrt{rac{3\left(R_{L}+h
ight)^{3}}{4\pi GR_{L}^{3}\,
ho}}$$
: دينا الكتلة الحجميّة للقمر  $ho=rac{M_{L}}{V_{L}}$  ، دور القمر الصناعي المتالة الحجميّة للقمر والقمر الصناعي المتالة الحجميّة للقمر والقمر الصناعي المتالة الحجميّة للقمر والقمر المتالة المتالة الحجميّة للقمر والقمر المتالة المتا

$$\rho = \frac{3\pi (R+h)^3}{GR^3 T^2} \approx 3334 \ kg / m^3$$
: ومنه

#### التمرين 23

 $F_{A/B} = F_{B/A}$  الأخرى والتأثير الثقالي يكون كل نجم خاضعا لقوة الكواكب الأخرى والتأثير الثقالي المحال تأثيرات الكواكب الأخرى والتأثير الثقالي المحالة ال

$$\vec{F}_{B/A} = m_1 \vec{a}_n$$
 ·  $\vec{F}_{A/B} = m_2 \vec{a}_n$ 

2 - النجمان يدوران حول مركز كتلتيهما .

نحدّد أو لا مركز الكتلة ، والمسمى كذلك مركز الثقل ، والمكافئ في الرياضيات لمركز الأبعاد المتناسبة (المرجح) .

يوجد مركز الكتلة على القطعة المستقيمة AB الواصلة بين مركزي النجمين .

نفرض أن مركز الكتلة يبعد على عن النقطة A بالمسافة  $\chi$  . إذن

(قانون مرکز الکتله) 
$$m_1 x = m_2 (r_1 + r_2 - x)$$

$$x = \frac{m_2}{m_1 + m_2} (r_1 + r_2)$$
 : ومنه

 $F_{A/B} = F_{B/A} = G rac{m_1 m_2}{ig(r_1 + r_2ig)^2}$ : هي النجمين النجمين هي

(1) 
$$G \frac{m_1 m_2}{\left(r_1 + r_2\right)^2} = m_1 \frac{v_1^2}{x} = \frac{m_1 v_1^2}{\frac{m_2}{m_1 + m_2} \left(r_1 + r_2\right)}$$
 : بالنسبة للنجم A مثلا

(2) 
$$v_1^2 = \omega^2 x^2 = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \times \left(\frac{m_2}{m_1 + m_2}(r_1 + r_2)\right)^2$$
 من جهة أخرى لدينا

$$T^2 = rac{4\pi^2}{Gig(m_1 + m_2ig)}ig(r_1 + r_2ig)^3$$
 : نجد (1) في العلاقة (2) بتعويض عبارة  $v_1^2$  من العلاقة (2) بتعويض عبارة  $v_1^2$ 

. يمكن بواسطة الملاحظات والقياسات الفلكية أن نقيس  $r_1 \cdot r_2 \cdot r_1$  ، وبالتالي نستنتج مجموع كتاتي النجمين .

### التمرين 24

$$T_2=2~T_1$$
 ومنه  $T_1=0.5$  ، أي  $T_1=0.5$  حسب القانون الثالث لكبلر  $T_1=0.5$  ، ومنه  $T_1=0.5$  ، أي  $T_1=0.5$ 

 $\vec{F}_{A/B}$  B  $m_2$ 



1 - القوة المؤثرة على القمر الصناعي هي قوة تجاذبه مع الأرض ، وهي قوة متجهة نحو مركز الأرض ، إذن تسارعه متجه نحو مركز الأرض ، وبالتالي هو تسارع ناظمي ، إذن حركة القمر الصناعي دائرية منتظمة .

(1) 
$$F = G \frac{mM_T}{(R+H)^2} = m \frac{v^2}{(R+H)}$$
 ووّة الجذب بين القمر الصناعي والأرض 2

: ومنه 
$$\frac{4\pi^2}{T^2}(R+H)^2 = \frac{GM_T}{R+H}$$
 : (1) ومنه  $v^2 = \omega^2(R+H)^2 = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2(R+H)^2$  الدينا

. (معناه ثابت Cst) 
$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{GM_T}{4\pi^2} = Cst$$

. 
$$K = \frac{4\pi^2}{GM_T}$$
 هو القانون الثالث لكبلر هو ثابت التناسب في القانون الثالث الكبلر هو

3 - أ) يتميز القمر ميتيوسات بدوره الذي يساوي الدور اليومي للأرض (86146 ) ، أي أنه يبقى دائما مستقرا فوق نقطة من سطح الأرض على خط الإستواء ، لأنه يدور شرقا ، أي في نفس جهة دوران الأرض .

ب) يسمى هذا النوع من الأقمار الصناعية الأقمار المستقرة أرضيا.

جـ) يمثل الدور B h 56 mn 4 s دور الأرض اليومي أي الزمن اللازم لمرور بن متعاقبين لنقطة من سطح الأرض مقابلا لنجم ثابت .

د) يمكن أن نحسب زمن دورة كاملة للأرض حول نفسها (الدور اليومي) ، ويمكن أن نحسب زمن دورة كاملة للأرض حول الشمس ، ثم نقسم هذا الزمن على عدد الدورات التي قامت بها الأرض حول نفسها أثناء دورانها حول الشمس ، فنجد أن هناك فرقا بين المدتين . نعلم أن الأرض تدور حول نفسها في نفس الجهة التي تدور فيها حول الشمس ، فأثناء هذا الدوران وخلال 365,25 يوم

 $T = 86400 \times \frac{365,12}{366,25} = 86164s$  الثابتة وبالتالي يكون الدور اليومي الأرض دورة زيادة بالنسبة للنجوم الثابتة وبالتالي يكون الدور اليومي

إذن ليس 24 h

$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{\left(\left(6400+19100\right)\times10^3\right)^3}{\left(40440\right)^2} \approx 10^{13} : 20^{13} = 4$$

$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{\left(\left(6400+500\right)\times10^3\right)^3}{\left(5700\right)^2} \approx 10^{13} :$$

$$\frac{\left(R+H\right)^3}{T^2} = \frac{\left(\left(6400 + 35800\right) \times 10^3\right)^3}{\left(86160\right)^2} \approx 10^{13} :$$

$$M_T = \frac{4\pi^2 \times 10^{13}}{G} = \frac{40 \times 10^{13}}{6,67 \times 10^{-11}} = 6 \times 10^{24} kg \text{ (a) } \frac{GM_T}{4\pi^2} = 10^{13} - 5$$



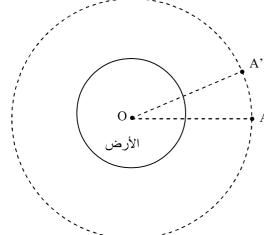
. T

$$v_s = 27360 \; km/h$$
 ،  $v_s = \sqrt{\frac{GM_T}{R_T + H}} = \sqrt{\frac{6,67 \times 10^{-11} \times 5,97 \times 10^{24}}{6800 \times 10^3}}$  : السرعة - 1

$$T_s = 92,7 \; mn$$
 ،  $T_s = 2\pi \sqrt{\frac{\left(R+H\right)^3}{GM_T}} = 6,28\sqrt{\frac{\left(68\times10^5\right)^3}{6,67\times10^{-11}\times5,97\times10^{24}}}$  : الدور  $T_s = 92,7 \; mn$ 

3 - بما أن القمر الصناعي يدور نحو الشرق ، فإنه يدور في نفس جهة دوران الأرض .

نعتبر النقطة A هي النقطة التي يمر بها القمر الصناعي في اللحظة t=0 ، هذه النقطة واقعة على الشاقول المار بالنقطة A من سطح الأرض على خط الإستواء .



عندما يصبح القمر الصناعي للمرة الأولى فوق النقطة A التي تكون قد انتقلت إلى الوضع 'A يكون حينذاك القمر الصناعي قد أنجز دورة زيادة عن عدد دورات الأرض ( الأرض أنجزت جزءا من الدورة والقمر الصناعي أنجز نفس الجزء زائد دورة ، إذن الفرق هو دورة)

ليكن t<sub>1</sub> هي المدة التي استغرقها القمر الصناعي حينذاك ، إذن :

$$(1) t_1 = (n+1)T_s$$

(2) 
$$t_1 = nT$$
 : وبالنسبة للأرض

حيث T هو دور الأرض حول نفسها . n : عدد الدورات

من العلاقتين (1) و (2) نستنتج  $n = \frac{T_s}{T - T_s}$  ، وبالتعويض في العلاقة (2) مثلا ، نجد

وق ،  $t_1 = T \frac{T_s}{T - T_s} = 1440 \times \frac{92,7}{1440 - 92,7} = 99 \ mn$  ، وهو المجال الزمني الذي يفصل بين مرورين متتاليين للقمر الصناعي فوق

– II

نفس النقطة

1 - في كل دورة ينقص ارتفاع القمر الصناعي عن الأرض بـ  $\frac{1}{1000}$  من قيمة الارتفاع الذي قبله ، إذن بالنسبة للإرتفاع

 $h_{
m l}=h_{
m 0}-rac{h_{
m 0}}{1000}$  والارتفاع الذي يليه (أي بعد دورة واحدة) يمكن أن نكتب العلاقة من الآن  $h_{
m 0}=400~km$ 

من العلاقة  $h_1 = h_0 imes \frac{999}{1000}$  ، نستنتج أن الارتفاعات عبارة عن حدود متتالية هندسية أساسها 0,999 = 1 - 1 ، وحدها الأول

. وهي العلاقة المطلوبة ، 
$$h_{\scriptscriptstyle n+1} = h_{\scriptscriptstyle n} \times \left(1 - \frac{1}{1000}\right)$$
 و هي العلاقة المطلوبة ،  $h_{\scriptscriptstyle 0} = 400~km$ 

$$h_n \approx 100 \; km$$
 من أجل من أجل .  $h_n = h_0 \times \left(1 - \frac{1}{1000}\right)^n$  دينا - 3

(مونه 1386 منه المتتالية ، لكنه قريب من أحد الحدود) منه  $n = \frac{ln0,25}{ln0,999} \approx 1386$  ومنه  $n = \frac{ln0,25}{ln0,999}$ 

# التطورات الرتبيبة

# الكتاب الأول

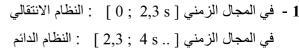
# تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

#### التمرين 27



$$v_l = 10m/s$$
 ومنه السرعة الحدية هي

$$\tau = 0.95 \text{ s}$$
 من البيان

### التمرين 28

(1) P = mg : ثقل الجسم – 1

$$P=44,5 imes10^{-3} imes9,81=4,36 imes10^{-1}N$$
 : (1) وبالتعويض في  $m=
ho$   $V=8,9 imes5=44,5g$ 

$$\Pi = 
ho_{eau} Vg = 1 imes 5 imes 10^{-3} imes 9,81 = 4,9 imes 10^{-2} N$$
 : الفعة أرخميدس في الماء هي ثقل الماء الذي أزاحه الجسم  $-2$ 

$$\Pi = \rho_{air}Vg = 1,3 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^{-3} \times 9,81 = 6,37 \times 10^{-5}N$$
: التمرين 29 المهواء هي ثقل المهواء الذي أزاحه الجسم المتمرين 29 المتمرين 29

تتحرك الجملة بسرعة ثابتة ، إذن حركتها منتظمة.

 $ec{T}$  وتوترات الحبال التي تشدّه للمظلّة والتي تكافئ قوة واحدة  $ec{P}$  وتوترات الحبال التي تشدّه للمظلّة والتي تكافئ قوة واحدة بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة المظلي :  $ec{P}+ec{T}=m\ ec{a}$  .

بإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضّح في الشكل : P-T=0 ، ومنه :

$$T = P = mg = 60 \times 9,81 = 588,5N$$

.  $ec{T}$  ' وتوثر الحبال  $ec{f}$  ومقاومة الهواء  $ec{f}$  وتوثر الحبال  $ec{T}$  .

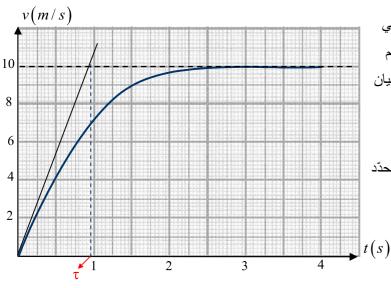
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة المظلة:

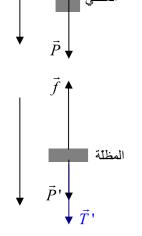
. ( 
$$a = 0$$
 )  $\vec{P}' + \vec{T}' + \vec{f} = m' \vec{a}$ 

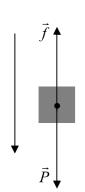
، P'+T'-f=0 : بإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضّح في الشكل

ولدينا 
$$T = T'$$
 (إهمال كتلة الحبال) ، ومنه :

$$f = P' + T' = P' + T = 7 \times 9,81 + 588,5 = 657,2N$$







 $\vec{P}+\vec{f}=m\;\vec{a}$ : بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة مركز عطالة المظلي  $P-f=m\;\vec{a}$  . بإسقاط العلاقة الشعاعية على المحور الموضّح في الشكل

mg-k  $v^2=mrac{dv}{dt}$  : المعادلة التفاضلية f=k  $v^2$  و بالتالي نكتب المعادلة التفاضلية  $a=rac{dv}{dt}$ 

(2) 
$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g$$
 : نكتب ،  $m$  نكتب المعادلة على المعادلة على بتقسيم طرفي المعادلة على المع

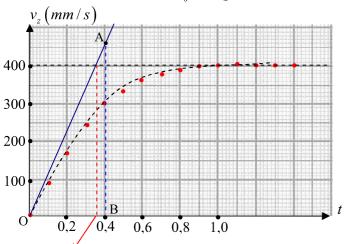
وة الثقل لا تتغيّر أثناء الحركة . في بداية السقوط تكون سرعة الجسم معدومة ، وأثناء النزول تزداد سرعته ، وبالتالي تزداد قوة  $\frac{dv}{dt} = 0$  ، أي  $\frac{dv}{dt} = 0$  ، وتصبح الحركة منتظمة .

 $rac{dv}{dt} = 0$  يكون ، ثابتة يكون السرعة ثابتة يكون ، مثلا عندما تكون السرعة ثابتة يكون - 3

$$k = \frac{mg}{v^2} = 48,4 \; kg.m^{-1}$$
 وبالتالي ،  $\frac{k}{m} \; v^2 = g$  : بالتعويض في العلاقة (2)

# التمرين 31

.  $v_0=0$  من البيان نستنتج t=0 . t=0 المحظة على سرعة الابتدائية هي سرعة الجسم في المحظة المحظة t=0



 $t=0.9~{
m s}$  ب) من البيان نلاحظ أن بعد اللحظة تصبح سرعة الجسم ثابتة ، وهذه السرعة هي السرعة الحدية ،

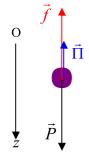
$$v_1 = 400 \ mm/s = 0.4 \ m/s$$

2 - الزمن المميّز للسقوط: فاصلة تقاطع المماس للبيان في المبدأ مع الخط المقارب هي قيمة الزمن المميّز للسقوط.  $au=0.36~{
m s}$  - التسارع هو مشتق السرعة بالنسبة للزمن ، فهو يمثل ميل

المماس لبيان السرعة.

$$a_0 = \frac{AB}{OB} = \frac{0,450}{0,4} = 1,12 \ m/s^2$$

$$au=rac{m}{k}$$
 من المعادلة التفاضلية  $au=g\left(1-
ho_frac{V}{m}
ight)-rac{k}{m}v_z$  نستنتج أن عبارة الزمن المميّز للسقوط هو -4



حيث  $\, \, \, \, \, \, \, \, \, \, \, \,$ الكتلة الحجمية للزيت ، حجم الكرة  $\, \, \, \, \, \, \, \, \, \, \, \,$ 

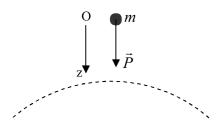
$$k = \frac{m}{\tau} = \frac{13.3 \times 10^{-3}}{0.36} = 0.037 \ kg/s$$
 وبالتالي

: Oz بتطبيق القانون الثاني لنيوتن  $\vec{f}+\vec{H}+\vec{P}=m$  ، ثم بإسقاط هذه العلاقة على المحور الشاقولي

ومنه 
$$v=v_l=0,4$$
  $m/s$  نکون  $\frac{dv}{dt}=0$  ومن أجل ،  $mg-kv-\Pi=m\frac{dv}{dt}$ 

$$\Pi = mg - kv_l = 13,3 \times 10^{-3} \times 9,8 - 0,037 \times 0,4 = 1,15 \times 10^{-1} N$$

1 - أثناء السقوط لا يخضع الجسم إلا لقوة ثقله (عدم وجود أية مقاومة ، وكأن الجسم يسقط داخل أنبوب نيوتن ) . أنبوب نيوتن هو أنبوب زجاجي يوجد داخله 3 أجسام مختلفة : كرة خشبية صغيرة ، كرة معدنية صغيرة ، ريشة طائر . لما نفر ع الأنبوب من الهواء نلاحظ أن هذه الأجسام كلها تسقط بنفس الشكل ، أي عندما نقلب الأنبوب شاقوليا ، فإنها تصل إلى أسفل الأنبوب في نفس الوقت . وهذا ما يحدث لهذه الأجسام بجوار سطح القمر . أنبوب نيوتن موجود في كل المخابر .



 $ec{P}=m\;ec{a}$  المعادلة التفاضلية : بتطبيق القانون الثاني لنيوتن - 2

$$rac{dv}{dt}=g$$
 : وبالتالي ،  $mg=mrac{dv}{dt}$  : Oz بإسقاط العلاقة على

z(t) ,v(t) , a(t) : هو المقصود المعادلات الزمنية : المقصود المعادلات الزمنية :

: السرعة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة السرعة a(t)=g

: معادلة الفاصلة :  $v(t) = gt + v_0$  ، بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة الفاصلة :

$$z(t) = \frac{1}{2}t^2 + v_0t + z_0$$

4 - مدّة السقوط: حسب العبارة: " ترك رجل الفضاء جسما يسقط ... " نفهم أن السرعة الابتدائية معدومة .

 $t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{4}{1,6}} = 1,58 \, s$  دينا :  $h = \frac{1}{2} \, gt^2$  : لدينا



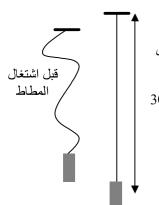
 $v=gt=1,6\times 1,58=2,53\ m/s$ : سرعة مركز عطالة الجسم الجسم التمرين 33

1 - بما أن السقوط حر ، إذن الشخص لا يخضع إلا لقوّة ثقله أثناء سقوطه :

. القانون الثاني لنيوتن  $\vec{a}=\vec{g}$  ، ومنه  $\vec{p}=m\vec{g}=m$  ، مستقل عن الكتلة القانون الثاني لنيوتن المتقل عن الكتلة

معادلات الحركة: a(t) = g ، بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة السرعة :

: المكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة الفاصلة :  $v(t) = gt + v_0$ 



لحظة بدء اشتغال المطاط

0 m

 $\vec{a}\left(0,0,a_{z}\right)$  إحداثيات تسارع الشخص هي

ومنه المسار هو الشاقول (حركة مستقيمة) .

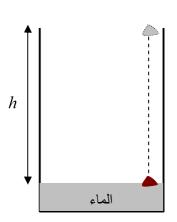
 $z(t) = \frac{1}{2}t^2 + v_0t + z_0$ 

2 - قبل أن يبدأ المطاط في التأثير على الشخص يكون هذا الأخير خاضعا فقط لقوّة ثقله .

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{60}{9.8}} = 2,47 \, s$$
 ) مدّة السقوط (أ

$$v = gt = 9,8 \times 2,47 = 24,2 \ m/s$$
 : السرعة

$$E_{C}=\frac{1}{2}mv^{2}=0,5\times75\left(24,2\right)^{2}=21961\,J$$
 : جـ) الطاقة الحركية



نفرض أن الحجر تركناه يسقط من حافة فوهة البئر . ثم أن عمق البئر المطلوب هو فقط من حافة فوهة البئر حتى مستوى سطح الماء .

نفرض كذلك أن الحجر سقط في البئر سقوطا حراً.

$$h = \frac{1}{2}gt^2 = 0.5 \times 9.8 \times 4 = 19.6m$$
 - 1

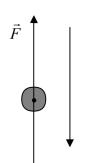
(سرعة وصول الحجر إلى سطح الماء) 
$$v = gt = 9.8 \times 2 = 19.6 \ m/s - 2$$

3 - نفرض أن أذن الشخص الذي ترك الحجر يسقط في البئر كانت بجوار حافة البئر .

$$t_s = \frac{h}{v_s} = \frac{19,6}{340} = 0,057~s$$
 ينتشر الصوت بسرعة ثابتة ، إذن

 $t'=t+t_s=2+0,057=2,057$  يصل الصوت إلى أذن الشخص بعد مدة زمنية قدر ها

# التمرين 35



 $P = mg = \rho_{acc}Vg$ : قل قطرة الماء - 1

.  $\Pi = 
ho_{\scriptscriptstyle nir} Vg$ : المواء المرة في المواء التي تؤثر على الكرة في المواء

$$\frac{P}{\Pi} = \frac{\rho_{eau}}{\rho_{air}} = \frac{1}{1,3 \times 10^{-3}} = 769$$
 نقارن بين ثقل القطرة ودافعة أرخميدس بقسمة الثقل على الدافعة

نلاحظ أن الثقل أكبر بكثير من دافعة أر خميدس ، لهذا يمكن إهمالها أمام الثقل .

: الشكل ينيوتن  $\vec{P} + \vec{F} = m \; \vec{a}$  ، وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضح في الشكل  $\vec{P} + \vec{P} = m \; \vec{a}$ 

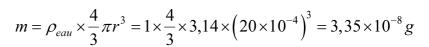
P - F = m a

(1) 
$$\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi r\eta}{m}v = g : المطلوبة المطلوبة ها معادلة التفاضلية المعادلة التفاضلية المعادلة التفاضلية المعادلة التفاضلية المعادلة المعا$$

$$\frac{dv}{dt} = 0$$
 : وبالتالي : معناه تصبح سرعتها ثابتة ، وبالتالي : 3 - السرعة الحديث : تبلغ الكرة سرعة حديث

(2) 
$$v_l = \frac{mg}{6\pi r\eta}$$
 ومنه  $\frac{6\pi r\eta}{m}v = g$  باستعمال العلاقة (1) نكتب

 $m=
ho_{eau} imes V$  : كثلتها ،  $V=rac{4}{3}\pi r^3$  هو خصبها هو تحسب كثلة قطرة الماء : القطرة عبارة عن كرة إذن حجمها هو





GUEZOURI 4. 
$$v_l = \frac{3,35 \times 10^{-11} \times 9,8}{6 \times 3,14 \times 20 \times 10^{-6} \times 1,8 \times 10^{-5}} = 4,8 \times 10^{-2} \ m/s \qquad (2)$$
بالتعويض في العلاقة (2)

التمرين 36

$$k = \frac{[K][M][T]^{-2}}{[M][T]^{-1}} = [K][T]^{-1}$$
 : وحدة  $k = \frac{f}{v}$  ، ومنه  $k = \frac{f}{v}$  ، ومنه وحدة  $k = \frac{f}{v}$ 

kg .  $m/s^{-2}$  النيوتن هو كتلة مضروبة في تسارع ، أي

kg/s هي وحدة k و بالتالي وحدة

kg/m ، وهي ،  $f=k \ v^2$  ملاحظة : هناك وحدة أخرى له k و هي  $\lambda$  و أذا كان الإحتكاك من الشكل

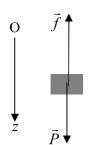


 $v_0 = \frac{mg}{L} = \frac{700}{1.4} = 50 \ m/s$  السرعة الحدّية قبل فتح المظلة - 2

$$v_1 = \frac{mg}{\lambda} = \frac{700}{350} = 2 \ m/s$$
 السرعة الحدّية بعد فتح المظلة - 3

4 - تطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (مظلى + مظلة مفتوحة ) :

 $P-f=m\;a$  ، Oz وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور ،  $ec{P}+ec{f}=m\;ec{a}$ 



(1) 
$$\frac{mg}{\lambda} - v(t) = \frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$$
 : نكتب  $\lambda$  نكتب  $mg - \lambda$   $v(t) = m \frac{dv(t)}{dt}$  (2)  $v(t) - v_1 = -\frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$  (1) نكتب  $v_1 = \frac{mg}{\lambda}$  ولدينا

(2) 
$$v(t)-v_1=-\frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$$
 (1) ولدينا  $v_1=\frac{mg}{\lambda}$  (1) ولدينا

(3) 
$$v(t) = Ae^{\alpha t} + B$$
 : إن حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل

$$Ae^{\alpha t}+B-v_1=-rac{m}{\lambda}$$
 بالتعويض في المعادلة (2) بالتعويض

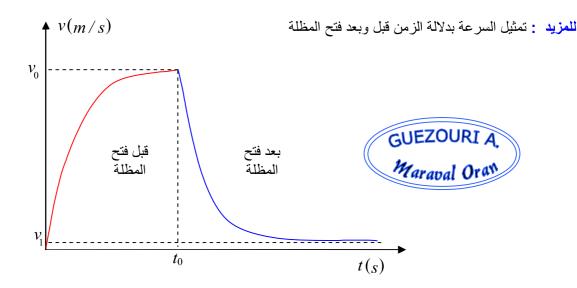
: ومنه ، 
$$B-v_1=0$$
 و  $\left(1+\frac{m}{\lambda}\alpha\right)=0$  ومنه :  $Ae^{\alpha t}\left(1+\frac{m}{\lambda}\alpha\right)+B-v_1=0$  ومنه ،  $Ae^{\alpha t}\left(1+\frac{m}{\lambda}\alpha\right)$ 

. 
$$B = v_1$$
  $\alpha = -\frac{\lambda}{m}$ 

لكي نحدّد A نستعمل الشروط الابتدائية ، أي عند  $t=t_0$  كان  $v=v_0$  ، حيث  $v=v_0$  هي السرعة الحدية قبل فتح المظلة . وبالتعويض

$$A = rac{v_0 - v_1}{e^{-rac{\lambda}{m}t_0}}$$
 ، ومنه  $v_0 = Ae^{lpha t_0} + B$  : (3) في المعادلة

$$v(t)=(v_0-v_1)e^{-rac{\lambda}{m}(t-t_0)}+v_1$$
: وبالتالي يكون حل المعادلة التفاضلية



# التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

الإخراج الأول

# تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

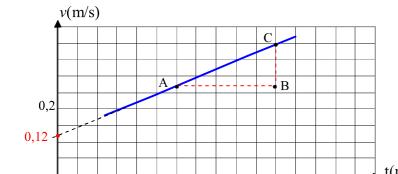
GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

# التمرين 37

t (ms)	60	120	180	240	300
v (m/s)	0,18	0,24	0,30	0,36	0,42

v = f(t) رسم البيان (1 - 1



ب) البيان عبارة عن خط مستقيم معادلته:

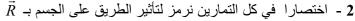
 $v = at + v_0$ 

 $v \times a > 0$  و الميل) ، وبالتالي v > 0 و لدينا ولدينا متسارعة بانتظام .

$$a = \frac{CB}{AB} = \frac{2,5 \times 0,05}{5 \times 25 \times 10^{-3}} = 1 \ m/s^2$$
 : النسارع

: t=0 السرعة عند

 $v_0 = 0.12 \; m/s$  السرعة الابتدائية t=0 ، وهي السرعة السرعة في محور السرعة فتحصل على قيمة السرعة في اللحظة والمحلقة السرعة الابتدائية



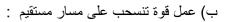
أ) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

القوة  $ec{f}$  هي محصلة القوى المقاومة المؤثرة على الجسم .

وبإسقاط هذه العلاقة على المحور ،  $ec{F}+ec{f}+ec{P}+ec{R}=m$   $ec{a}$ 

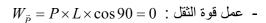
 $F\cos\alpha - f = m \ a$  : الموضح في الشكل

$$f = F \cos \alpha - ma = 1, 4 \times \frac{1}{2} - 0, 5 \times 1 = 0, 2N$$



: هو القوة القوة  $ec{F}$  من A إلى B العمل المنجز من طرف هذه القوة هو

 $W_{\vec{F}} = F \times AB \times \cos \alpha$ 



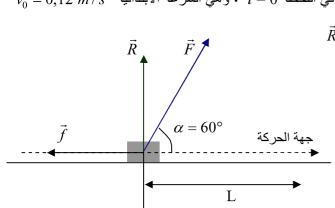
$$W_{ar{R}} = R \! imes \! L \! imes \! \cos 90 = 0$$
: عمل قوة رد فعل الطريق

$$W_{ec{F}} = F imes L imes \cos lpha = 1, 4 imes 2 imes \cos 60 = 1, 4J$$
 :  $ec{F}$  عمل القوة -

$$W_{ec{f}} = f imes L imes \cos 180 = 0, 2 imes 2 imes (-1) = -0, 4J$$
 :  $ec{f}$  عمل قوة الاحتكاك -

ج) الطاقة المخزنة خلال هذا الانتقال:

$$\Delta E_C = \sum W = 1, 4 - 0, 4 = 1 J$$



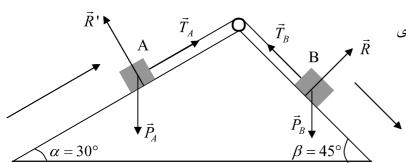
100

GUEZOURI A.

Maraval Oran

elwaha.yoo7.com

#### التمرين 38



1 - بما أن الجملة متوازنة ، فإن المجموع الشعاعي للقوى المؤثرة على كل جزء منها يكون معدوما .

## الجسم A:

و بإسقاط هذه العلاقة الشعاعية  $\vec{P}_A + \vec{T}_A + \vec{R}' = 0$  على المحور الموازي للمستوي المائل ، نكتب :

$$(1) T_{A} - P_{A} \sin \alpha = 0$$

# : B

: نكتب ، وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور الموازي للمستوي المائل ، نكتب ،  $ec{P}_{\!\scriptscriptstyle B} + ec{T}_{\!\scriptscriptstyle B} + ec{R} = 0$ 

$$(2) P_B \sin \beta - T_B = 0$$

(B - 1) لكي نستنتج طبيعة الحركة يجب أن نجد عبارة التسارع ، وذلك بدر اسة حركة الجسمين (B - 2) الحركة في جهة (B - 2) الجسم (B - 2)

: نكتب ، وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور الموازي للمستوي المائل ، نكتب ،  $ec{P}_A + ec{T}_A + ec{R} = m_A \; ec{a}_A$ 

$$(3) T_A - P_A \sin \alpha = m_A \ a_A$$

#### الجسم B:

: وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور الموازي للمستوي المائل ، نكتب ،  $ec{P}_B^{\, \prime} + ec{T}_B^{\, \prime} + ec{R} = (m_B + m) \,\, ec{a}_B$ 

(4) 
$$P'_{B} \sin \beta - T_{B} = (m_{B} + m) a_{B}$$

: نجد (4) و (3) بنجد ، وبجمع العلاقتين (3) و  $a_A = a_B = a$  . الأن كتلة البكرة مهملة  $T_A = T_B$ 

: ومنه ،  $m_A=m_B+m$  أن ،  $a=\frac{(m_B+m)g\sineta-m_Ag\sinlpha}{m_A+m_B+m}$ 

$$a = \frac{g(\sin \beta - \sin \alpha)}{2}$$
 : وبالنالي  $a = \frac{m_A g \sin \beta - m_A g \sin \alpha}{2 m_A}$ 

أثناء الحركة لا تتغير المقادير g ,  $\alpha$  ,  $\beta$  ، إذن التسارع يبقى ثابتا ، ومنه الحركة متغيرة بانتظام .

$$a = \frac{10(0,707-0,5)}{2} = 1,03 \ m/s^2$$
 : قيمة التسارع

. ب) سرعة الجملة بعد 5 ثوان من بدء الحركة :  $\Delta v = at$  ، حيث t هي المدة الزمنية المستغرقة .  $v = 1,03 \times 5 = 5,15 \; m/s$  وبالتالي  $\Delta v = v - 0 = v$ 



1 – الشروط التي يجب احترامها عند انجاز الفيلم: يجب اجراء التجربة في مكان لا توجد به تيارات هوائية. مثلا في المخبر مع غلق الباب والنوافذ. وإلا تصبح حركة الكرة أكثر تعقيدا.

2 - حسب السلم المعطى ، فإن : 4,5 cm على الرسم يوافق m على الواقع .

 $1 \text{ cm} \rightarrow 0.22 \text{ m}$  وبالتالي

أ) طويلة السرعة اللحظية في الموضع  $G_2$  تعطى بالعلاقة:

$$v_2 = \frac{G_1 G_3}{2\tau} = \frac{1.8 \times \frac{1}{4.5}}{0.08} = 5 \ m/s$$

طويلة السرعة اللحظية في الموضع  $G_4$  تعطى بالعلاقة :

$$v_4 = \frac{G_3 G_5}{2\tau} = \frac{1,6 \times \frac{1}{4,5}}{0,08} = 4,4 \ m/s$$

.  $G_4$  و  $G_2$  السرعتين في  $G_3$  و المتعمل السلم  $G_4$  المثيل شعاعي السرعتين في و

نلاحظ أن للشعاع  $\Delta \vec{v}_3$  نفس اتجاه وجهة تسارع الجاذبية الأرضية  $ec{g}$  .

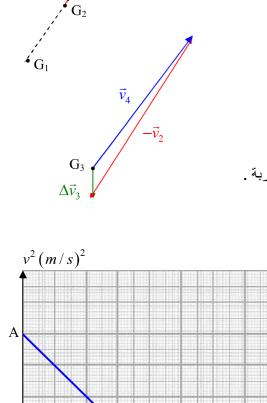
 $\Delta v_3 = 0,8 \times 1 = 0,8 \; m/s$  هي  $\Delta \vec{v}_3$  الشعاع  $\Delta \vec{v}_3$  هي طويلة الشعاع

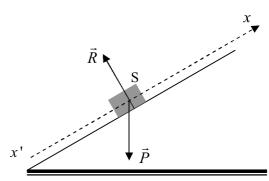
$$a = \frac{\Delta v_3}{2\tau} = \frac{0.8 \times 1}{0.08} = 10 \ m/s^2$$
 فحسب تسارع الكرية بالعلاقة (ب

 $1~{
m cm}$  ب  $4~{
m m/s}^2$  ب a=g المكان ، ونمثل كل a=g ب المقارنة بين a=g : نلاحظ أن التسارع a=g في حدود إرتيابات التجربة .

التمرين 40

1 - أ) دراسة حركة الجسم S .





بتطبیق القانون الثاني لنیوتن :  $\vec{P}+\vec{R}=m$  ، وبإسقاط هذه العلاقة على المحور x ، x

 $a = -g \sin \alpha$  ومنه،  $-P \sin \alpha = m \ a$ 



بما أن التسارع ثابت وسالب فإن الحركة متباطئة بانتظام (شعاع السرعة موجه في جهة  $x^{2}$ ).

. v العلاقة النظرية هي :  $v^2 - v_0^2 = 2a x$  ، حيث x هي المسافة المقطوعة لبلوغ السرعة

العلاقة التجريبية من الشكل:  $v^2 = bx + c$  ، وبمطابقة العلاقة النظرية والعلاقة التجريبية نجد

 $c = v_0^2$   $b = -2g \sin \alpha$ 

 $\sin \alpha = \frac{-10}{-2g} = \frac{10}{20} = 0.5$  : نحسب ميل البيان  $b = -\frac{OA}{OB} = -\frac{6 \times 1.5}{6 \times 0.15} = -10$  : b نحسب ميل البيان  $b = -\frac{OA}{OB} = -\frac{6 \times 1.5}{6 \times 0.15} = -10$ 

 $\alpha = 30^{\circ}$  : ومنه

 $v_0 = 3 \ m/s$  من البيان لدينا  $c = 6 \times 1, 5 = 9$  ، وبالتالي  $v_0 = 3 \ m/s$ 

2 - أ) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الجسم (S)

x' x ، وبإسقاط هذه العلاقة على المحور ،  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m \; \vec{a}$ 

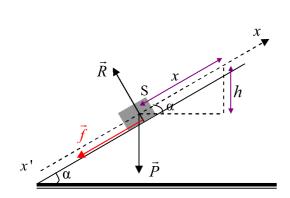
 $a' = -g \sin \alpha - \frac{f}{m}$  ومنه  $-P \sin \alpha - f = m a'$ 

 $E_c - E_{c,0} = \sum W$ : برنطبيق نظرية الطاقة الحركية

 $(\vec{R} \perp x' x)$  عمل  $(\vec{R} \perp x' x)$  عمدوم لأن  $(\vec{R} \perp x' x)$  عمدوم لأن  $(\vec{R} \perp x' x)$  عمدوم الأن

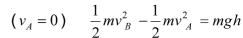
 $\frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = -fx - mg \, x \sin \alpha$ 

f = 0.125N  $0, 2 - \frac{1}{2} \times 0.1 \times 9 = -f \times 0.4 - 0.1 \times 10 \times 0.4 \times 0.5$ 

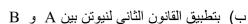


### التمرين 41

B = 1 أ) بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين A و

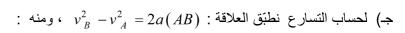


 $h = \frac{v_B^2}{2g} = \frac{100}{20} = 5 \text{ m}$  ومنه  $v_B^2 = 2gh$ 

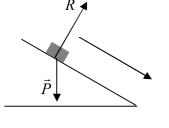


: وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضح في الشكل  $ec{P}+ec{R}=m\;ec{a}$ 

وبما أن التسارع ثابت وموجب فإن الحركة ،  $a=g\sin\alpha$  ومنه ،  $P\sin\alpha=m$  متسارعة بانتظام .



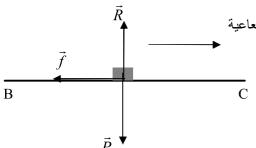
$$a = \frac{v_B^2}{2AB} = \frac{100}{2 \times 10} = 5 \ m/s^2$$







### 2 - أ) القوى المطبقة على الجسم S:



ب) نطبق القانون الثاني لنيوتن :  $ec{P}+ec{f}+ec{R}=m\;ec{a}$  ، وبإسقاط العلاقة الشعاعية

(1) 
$$a = \frac{-f}{m}$$
 ، ومنه  $-f = m \ a$  : على المحور الموضّع في الشكل

التسارع a ثابت ، إذن الحركة متغيرة بانتظام .

$$a = \frac{v_C^2 - v_B^2}{2(BC)} = \frac{9 - 100}{2 \times 22,75} = -2 \ m/s^2$$
 : نحسب النسارع من العلاقة

 $f = -m \; a = -0, 1 imes (-2) = 0, 2N$  ، التعويض في العلاقة (1) نحسب شدة قوة الاحتكاك

3 - أ) عبارة السرعة في النقطة N:

ملاحظة: في الحقيقة ، وما دام الجسم يملك سرعة أفقية في النقطة C ، يمكن أن يغادر المسار في النقطة C (قذيفة بسرعة أفقية) لكن يمكن أن نقبل ما تبقى من التمرين لسبب واحد ، وهو أن نصف قطر المسار الدائري كبير C ، وبهذا يمكن أن يكون مسار القذيفة (القطع المكافئ) يقع أسفل المسار الدائري ، مما يجعل الجسم يبقى يمس هذا المسار الدائري أثناء حركته ويغادره لاحقا . C بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين C و C .

المسار أثناء ، عمل قوة رد فعل المسار على الجسم (  $\vec{R}$  ) معدوم لأن هذه القوة تبقى عمودية على المسار أثناء ،  $\frac{1}{2}mv_N^2 - \frac{1}{2}mv_N^2 = mgh$ 

(OD = OC = r) . المسار الدائري على المسار الدائري المدم وجود احتكاك على المسار

(2) 
$$v_N^2 = 2gh + v_C^2$$

h=r-x مقدار الارتفاع الذي نزله الجسم هو

 $h=r-r\sineta=r(1-\sineta)$  : ولينا  $x=r\sineta$  ، ومنه  $x=r\sineta$  . وبالتعويض في العلاقة (2) :

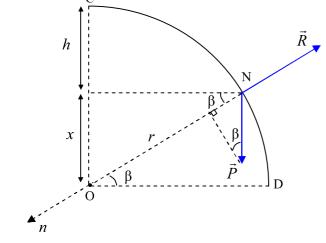
(3) 
$$v_N^2 = 2g \ r(1-\sin\beta) + 9$$

ب) حساب الزاوية β:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم في النقطة N:

Nn ، وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الناظمي ،  $\vec{R}+\vec{P}=m~\vec{a}$  من معلم فريني :  $P\sineta-R=m~a_n$ 

 $a_n = \frac{v_N^2}{r}$  حيث  $a_n$  هو التسارع الناظمي  $a_n$ 



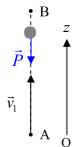
: نكتب ،  $v_N^2$  من العلاقة (3) ، نكتب ،  $P\sin\beta - R = m \frac{v_N^2}{r}$ 

(4) 
$$P\sin\beta - R = m \frac{2g \ r(1-\sin\beta) + 9}{r}$$

(4) في اللحظة التي يغادر فيها الجسم المسار تنعدم قوة رد الفعل ، لأن الجسم لا يصبح يمس المسار ، وبالتالي نضع R=0 في (4) في (4) في اللحظة التي يغادر فيها الجسم المسار تنعدم قوة رد الفعل ، لأن الجسم لا يصبح يمس المسار ، وبالتالي نضع  $\beta=0,766$  ، ومنه  $\beta=0,766$  ، ومنه  $\beta=0,766$  ، وبالتالي  $\beta=0,766$ 

في هذا التمرين حدث ما يلي: أخذ اللاعب الكرة بيده وقذفها نحو الأعلى شاقوليا ، ولما ارتفعت بمقدار m 0,40 (و هو أعلى إرتفاع وصلت إليه ، أي انعدام سرعتها ) ضربها بواسطة المضرب فأعطاها سرعة إبتدائية أفقية  $ec{v}_0$  .

1 - نحسب السرعة التي أعطاها اللاعب للكرة بيده:



: نجد الهواء مهمل ، إذن الجسم لا يخضع إلا لقوة ثقله  $ec{P}=m\;ec{a}$  ، وبالإسقاط على Oz نجد ، ومنه الحركة متباطئة بانتظام ، ولحساب طويلة السرعة  $v_{\rm l}$  نطبق العلاقة : a=-g

: ومنه الحركة متباطئة بانتظام ، ولحساب طويلة السرعة 
$$v_1$$
 نطبّق العلاقة :  $v_1 = \sqrt{2g(AB)} = \sqrt{2 \times 9,8 \times 0,4} = 2,8~m/s$  ، ومنه  $v_B = 0$  ، ولدينا  $v_B^2 - v_1^2 = -2g(AB)$  - 2

**- 2** 

90cm 12 m

لم نحترم سلم الرسم في هذا التمثيل 

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :  $m \vec{g} = m \vec{a} \cdot \vec{P} = m \vec{a}$ 

 $\vec{a} = \vec{g}$ 

احداتيات شعاع التسارع هما  $\vec{a}(0,g)$  ، ومنه الحركة على المحور  $\vec{B}x$  منتظمة ، وعلى المحور  $\vec{B}z$  متغيرة بانتظام .  $\vec{v}_0(v_0,0)$  أحداثيات شعاع السرعة الابتدائية هما

نعتبر اللحظة t=0 هي لحظة ضرب الكرة بالمضرب

(1)  $x = v_0 t$ : Bx المعادلة الزمنية على المحور

(2)  $z = \frac{1}{2} g t^2$ : Bz المعادلة الزمنية على المحور

(3)  $z = \frac{g}{2v^2}x^2$  : معادلة النرمن من المعادلة (1) ونعوّضه في المعادلة (2) نجد معادلة المسار

- 3

تمر الكرة في النقطة C ذات الإحداثيات (12 m , 1 m) ، حيث حسبنا ترتيب النقطة C كما يلي :

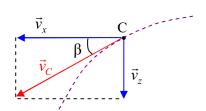
 $z_C = 2 - (0,9+0,1) = 1 m$ 

النقطة  $z=1 \, \mathrm{m} \, \cdot \, x=12 \, \mathrm{m}$  نتمى لمسار الكرة ، وبالتالى إحداثياتها تحقق معادلة المسار ، نعوّض  $z=1 \, \mathrm{m} \, \cdot \, x=12 \, \mathrm{m}$ 

 $v_0 = 26.5 \ m/s$  ومنه  $1 = \frac{g}{2v_0^2} \times (12)^2$ 



منحى شعاع السرعة:



C المقصود بمنحى شعاع السرعة هو إيجاد الزاوية  $\beta$  بين شعاع السرعة في النقطة

.  $\vec{v}$  و محور الفواصل  $\vec{v}_x$  ، أي بين

(4) 
$$\cos \beta = \frac{v_x}{v_C}$$
 لدينا

. C و B نحسب طويلة شعاع السرعة  $V_C$  في النقطة  $V_C$  ، وذلك بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين

$$h = 1 \text{ m}$$
 '  $\frac{1}{2}mv_C^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = mg h$ 

$$v_C = \sqrt{v_B^2 + 2g h} = \sqrt{(26,5)^2 + 2 \times 9,8 \times 1} = 26,8 \ m/s$$

$$\beta \approx 9^{\circ}$$
 ،  $\cos \beta = \frac{26.5}{26.8} = 0.988$  : (4) بالتعويض في العلاقة

#### التمرين 43

المستوي الذي ندرس فيه حركة الكرة هو المستوي الشاقولي (Ox, Oy) . كان من الأحسن كتابة z مكان y في التمرين . لكن أنصحك أن لا تغيّر الرموز في الامتحان حتى ولو كانت غير منطقية.

1 - معادلة مسار الكرة:

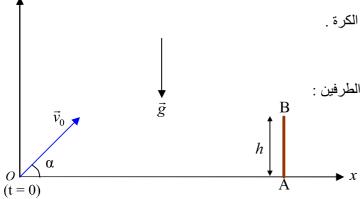
نطبّق القانون الثاني لنيوتن ، مع العلم أن الهواء لا يؤثر على الكرة .

 $\sum \vec{F} = m \vec{a}$ 

: من الطرفين ش من الطرفين ،  $\vec{P}=m\;\vec{a}$ 

 $\vec{a} = \vec{g}$  نجد

 $ec{a}(0\ ,\ -g)$  مركبتا شعاع التسارع في المعلم هما



 $ec{v}_0 \left( v_0 \cos lpha \; , \; v_0 \sin lpha 
ight)$  مركبتا شعاع السرعة الابتدائية هما

بما أن التسارع على المحور  $v_x = v_0 \cos \alpha$  معدوم ، إذن الحركة على هذا المحور منتظمة ، وسرعتها  $v_x = v_0 \cos \alpha$ 

(2)  $x = v_0 \cos \alpha t$ 

بما أن التسارع على المحور  $O_{\mathcal{V}}$  ثابت ، إذن الحركة على هذا المحور متغيّرة بانتظام ، وبالتالى :

(3) 
$$y = -\frac{1}{2}g t^2 + v_0 \sin \alpha t$$

: من العلاقة (2) نستخرج  $\frac{x}{v_0\cos\alpha}$  ، ثم نعوّض عبارة الزمن في العلاقة (3) ونجد معادلة المسار

. و هي معادلة قطع مكافئ . 
$$y = -\frac{g}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x t g \alpha$$

 $(25 \, \mathrm{m} \, , \, 2,44 \, \mathrm{m})$  هما  $(25 \, \mathrm{m} \, , \, 2,44 \, \mathrm{m})$  هما  $(25 \, \mathrm{m} \, , \, 2,44 \, \mathrm{m})$  هما  $(25 \, \mathrm{m} \, , \, 2,44 \, \mathrm{m})$  $v_0=18,6\ m/s$  نعوّض هاتين القيمتين في معادلة المسار نعوّض 3 - لكي نحسب طويلة شعاع سرعة الكرة عند النقطة B نطبق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين O و B

$$v_{B}^{2}=-2g\ h+v_{0}^{2}$$
 ومنه،  $\frac{1}{2}mv_{B}^{2}-\frac{1}{2}mv_{0}^{2}=-mg\ h$ 

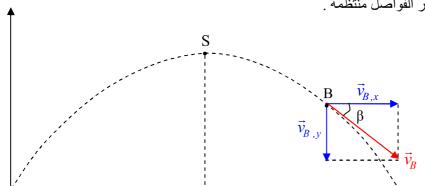
$$v_B = \sqrt{-2g \ h + v_0^2} = \sqrt{-2 \times 10 \times 2,44 + (18,6)^2} = 17,2 \ m/s$$

م نصف فاصلة المدى ، 
$$x_P = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g} = \frac{\left(18,6\right)^2 \times \sin 60}{10} \approx 30 \; m$$
 : فاصلة المدى - 4

أي  $x_{
m S}=15~m$  ، إذن عمود المرمى يوجد خلف الذروة ، وبالتالي يكون شعاع السرعة متجه نحو الأسفل .

لكي نحدد منحى شعاع السرعة ، نحسب الزاوية  $\beta$  بين شعاع السرعة والمحور Ox ، أي بين شعاع السرعة والمركبة الأفقية لها .

مع العلم أن  $v_{B,x} = v_0 \cos lpha$  لأن الحركة على محور الفواصل منتظمة .



 $\cos \beta = \frac{v_0 \cos \alpha}{v_R} = \frac{18,6 \times \cos 30}{17,2} = 0.93$ 

β = 20.5° ومنه

### التمرين 44

 $_{f 1}$  نعتبر أن الكرة نقطة مادية ، ونعتبر السلة كذلك نقطة  $_{f A})$  من نقط مسار الكرة  $_{f 1}$ 

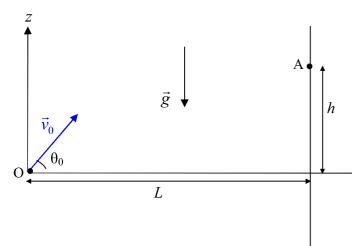
(Ox,Oz) ندرس حركة الكرة في المعلم

نطبّق القانون الثاني لنيوتن ، مع العلم أن الهواء لا يؤثر على الكرة .

 $\sum \vec{F} = m \vec{a}$ 

-- وبتعويض  $ec{P}$  بـ  $ec{g}$  واختصار m من الطرفين $ec{P}=m$   $ec{a}$  $\vec{a} = \vec{g}$  نجد

 $ec{a}(0\;,\;-g)$  مركبتا شعاع التسارع في المعلم هما



 $ec{v}_0 \left( v_0 \cos heta_0 \; , \; v_0 \sin heta_0 
ight)$  مركبتا شعاع السرعة الابتدائية هما بما أن التسارع على المحور Ox معدوم ، إذن الحركة على هذا المحور منتظمة ، وسرعتها  $v_{\rm r} = v_0 \cos \theta_0$  ، وبالتالي

(2) 
$$x = v_0 \cos \theta_0 t$$

بما أن التسارع على المحور Oz ثابت ، إذن الحركة على هذا المحور متغيّرة بانتظام ، وبالتالي :

(3) 
$$z = -\frac{1}{2}g t^2 + v_0 \sin \theta_0 t$$

GUEZOURI A Maraval Oran

$$z = -\frac{g}{2 v_0^2 \cos^2 \theta_0} x^2 + x \, tg\theta_0$$
 بحذف الزمن بين العلاقتين (2) و (3) نجد معادلة المسار

$$h=-rac{g}{2\,v_{\,0}^2\,\cos^2 heta_0}\,L^2+L\,\,tg heta_0$$
 النقطة A ذات الإحداثيات (L,h) تحقق معادلة المسار ، أي A النقطة

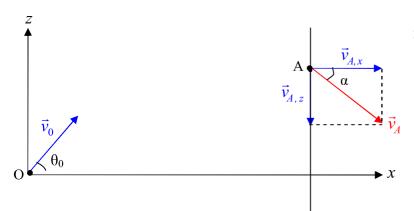
$$\frac{h}{L} = \frac{-gL}{2v_0^2 \cos^2 \theta_0} + tg\theta_0$$
: نكتب ، L في المعادلة على L بقسمة طرفي المعادلة على ا

(4) 
$$v_0^2 = \frac{gL}{2\cos^2\theta_0 \left(tg\theta_0 - \frac{h}{L}\right)}$$
:  $\frac{gL}{2v_0^2\cos^2\theta_0} = tg\theta_0 - \frac{h}{L}$ 

مجرّد من 
$$\mathrm{tg}\theta_0$$
 : في المقام لا نطرح عددا مجردا من الوحدة من طول  $\alpha=\frac{2h}{L-tg\theta_0}$  ) مجرّد من عددا محرد من

L الوحدة ، اما الوحدة المتر المال

العلاقة الصحيحة: المقصود من السؤال هو الزاوية  $\alpha$  التي يصنعها شعاع سرعة الكرة مع المحور الأفقي.



: ، نكتب ،  $tglpha=rac{v_{A,z}}{v_{A,x}}$ 

(5) 
$$tg^2\alpha = \frac{v_{A,z}^2}{v_{A,x}^2}$$

(6) 
$$v_{4x} = v_0 \cos \theta_0$$
 لدينا

لأن الحركة منتظمة على المحور Ox ، أي السرعة ثانة Cx

لدينا كذلك الحركة متغيّرة بانتظام على المحور Oz ، وبالتالي :

طبّقنا العلاقة : مربع السرعة . 
$$v_{A,z}^2 - v_0^2 \sin^2 \theta_0 = -2gh$$

النهائية ناقص مربع السرعة الابتدائية يساوي ضعف التسارع في المسافة من O إلى الذروة ، ثم من الذروة إلى A وجمعنا العلاقتين . مع العلم أن  $v_{zS}=0$  (تنعدم السرعة على المحور Oz عند الذروة)

(7) 
$$v_{A,z}^2 = v_0^2 \sin^2 \theta_0 - 2gh$$
 ومنه

 $tg^2 \alpha = rac{v_0^2 \sin \theta_0 - 2gh}{v_0^2 \cos^2 \theta_0}$  : نكتب نكتب (5) في العلاقة (7) و (7) و (7) و العلاقة

GUEZOURI A.

Maraval Oran

(8) 
$$tg^{2}\alpha = \frac{v_{0}^{2} \sin^{2}\theta_{0}}{v_{0}^{2} \cos^{2}\theta_{0}} - \frac{2gh}{v_{0}^{2} \cos^{2}\theta_{0}}$$

: (8) ولدينا من العلاقة (4) ، 
$$v_0^2\cos^2\theta_0=\frac{gL}{2\Big(tg\theta_0-\frac{h}{L}\Big)}$$
 : (4) ولدينا من العلاقة (8)

elwaha.yoo7.com

$$tg^{2}\alpha = tg^{2}\theta_{0} - \frac{2gh}{\frac{gL}{2\left(tg\theta_{0} - \frac{h}{L}\right)}} = tg^{2}\theta_{0} - \frac{4h\left(tg\theta_{0} - \frac{h}{L}\right)}{L} = tg^{2}\theta_{0} - \frac{4h}{L} \times tg\theta_{0} + 4\frac{h^{2}}{L^{2}}$$

: ومنه ومنه  $tg^2 \alpha = \left(tg\theta_0 - \frac{2h}{L}\right)^2$  : ومنه ومنه  $tg^2 \alpha = \left(tg\theta_0 - \frac{2h}{L}\right)^2$  : ومنه ومنه عن متطابقة شهيرة ، أي

و هي العلاقة المطلوبة ،  $tglpha=tg heta_0-rac{2h}{L}$ 

: نجد :  $\theta_0=45^\circ$  و z=1 m ، وبتعویض  $z=-\frac{g}{2\,v_0^2\,\cos^2\theta_0}\,x^2+x\,tg\,\theta_0$  : وبتعویض z=1

(9) 
$$\frac{10}{v_0^2}x^2 - x + 1 = 0 \quad \text{oais} \quad 1 = -\frac{10}{v_0^2}x^2 + x$$

 $x = \frac{1 \pm \sqrt{1 - \frac{40}{v_0^2}}}{\frac{20}{v_0^2}}$  : نجد x نجد الثانية بالنسبة لـ x نجد

 $v_0 > 6,32 \; m/s$  وبالتالي ،  $v_0^2 > 40$  معرف من أجل x معرف من أجل ، وبالتالي ، معرف من أجل كل قيمة لـ  $v_0 > 6,32 \; m/s$  يمكن تسجيل الهدف .

. x=2m نعوض في العلاقة (9) نجد  $v_0=6,32\ m/s$  من أجل

يجب على اللاعب أن لا يقترب أكثر من  $2 \, \mathrm{m}$  نحو السلة بزيادة أو نقصان القيمة  $22 \, \mathrm{cm}$  ، وإلا لا يمكنه تسجيل الهدف . مركز عطالة الكرة داخل السلة بإمكانه أن يتحرك على خط طوله  $22 \, \mathrm{cm} = 24 - 24 = 1$ 

ملاحظة : في السؤال المطروح ، يجب أن نقول : ما هي أقل مسافة عن الشاقول المار من السلة حتى يتمكن اللاعب من تسجيل الهدف ...



التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

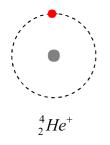
GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

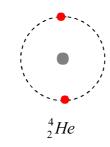
تمارين الكتاب

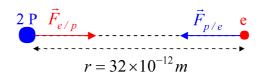
#### التمرين 45

. تركيب الشاردة  $He^+$  معناه عدد البروتونات والنوترونات في نواتها وعدد الإلكترونات في مداراتها 1

2 بروتون ، 2 نوترون ، 1 إلكترون.







2 - شدة القوة المطلوبة هي قوة التجاذب الكهربائي بين البروتونين والإلكترون.

$$F_{p/e} = F_{e/p} = k \times \frac{2q_p \times q_e}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{3.2 \times 10^{-19} \left| -1.6 \times 10^{-19} \right|}{\left( 32 \times 10^{-12} \right)^2} = 4.5 \times 10^{-7} N$$

#### التمرين 46

$$F = G imes rac{m_p imes m_e}{r^2}$$
 : الفعل المتبادل الجاذبي  $-1$ 

$$F' = k imes rac{q_p imes q_e}{r^2}$$
 : الفعل المتبادل الكهربائي

لكي يتغلب الفعل المتبادل الجاذبي على الفعل المتبادل الكهربائي يجب على الأقل أن يكون:

$$G imes \ rac{m_p^2}{2000} \ \geq \ k imes q_p imes q_e$$
 : ولدينا ،  $m_e = rac{m_p}{2000}$  ، ولدينا ،  $G imes rac{m_p imes m_e}{r^2} \ \geq \ k imes rac{q_p imes q_e}{r^2}$ 

$$m_p \geq ~8.3 \times 10^{-8} ~kg$$
 ،  $m_p \geq \sqrt{\frac{k \times q_p \times q_e \times 2000}{G}}$  : ومنه

 $m_p = 8.3 \times 10^{-8} \ kg$  يجب أن تكون أصغر كتلة للبروتون

 $\frac{8,3\times 10^{-8}}{1,673\times 10^{-27}} \approx 5\times 10^{19}$  ب وهي أصغر من الكتلة التي حسبناها ب  $m_p = 1,673\times 10^{-27}\,kg$  هذا ما يدل على أن قوة التجاذب المادي ضعيفة جدا إذا ما قورنت بقوة التجاذب الكهربائي بين الإلكترونات والنواة .



- $^4_2He^{2+}$  الدقائق lpha هي أنوية الهيليوم lpha
- 2 النموذج الذي كان سائدا قبل نموذج روذرفورد هو نموذج دالتون (1803).

من أجل شرح التفاعلات الكيميائية تصور دالتون أن الذرات هي كرات مملوءة يمكن أن تتحد مع بعضها خلال التفاعلات الكيميائية .

### 3 - عيوب نموذج روذرفورد:

رغم أن النموذج الذري لروذرفورد قد فتح مجالا واسعا أمام الفيزياء الحديثة ، إلا أن بعض العيوب كانت تتخلله ، مثل الطاقة المستمرة للذرة (تشبيه البنية الذرية بالنموذج الكوكبي) .

وكأنه يشبّه القمر الصناعي بالإلكترون والأرض بالنواة ، ونحن نعلم أن كل ارتفاعات القمر الصناعي عن سطح الأرض محتملة . لو كان الأمر كذلك بالنسبة للإلكترون والنواة ، لوجدنا ذرات عنصر واحد مختلفة في أشكالها نتيجة التصادمات التي يمكن أن تجعل الإلكترونات في كل مكان في الذرة .

4 - بيّن بور أن طاقة الذرة مكمّمة ، أي أنها لا تأخذ إلا قيما محدّدة (أي غير مستمرّة) ، وأن انتقال إلكترون من مدار إلى مدار آخر لا يتم إلا بواسطة امتصاص أو بعث فوتون طاقته مساوية للفرق بين طاقتي المدارين .

5 - لا يمكن الإجابة عن هذا السؤال إلا إذا كان قصده: ما سبب تشكل طيف الانبعاث؟

طيف الانبعاث يتشكل من انتقال الإلكترونات من مدارات بعيدة إلى مدارات أقرب للنواة ، وبالتالي إصدار إشعاعات ألوانها تتماشى مع الكم الطاقوي المنبعث .

مثلا: رجوع إلكترون من مستوى الطاقة  $E_2$  إلى  $E_1$  ، فإذا كان  $\Delta E = E_2 - E_1 = h \, \nu$  ، حيث التواتر  $\nu$  يوافق تواتر إشعاع اصفر نلاحظ في الطيف خطا أصفر أمام طول الموجة الموافق له .

### مجال تطبيق الأطياف:

نعلم أن الطيف الذري هو خاصية من خواص ذرة معينة . يمكن مثلا بواسطة تحليل الضوء الصادر عن النجوم معرفة أنواع التفاعلات الكيميائية داخل هذه النجوم .

# طيف ذرة = بطاقة تعريف هذه الذرة

## التمرين 48

1 nanomètre ( $\eta$ m) =  $10^{-9}$  m : في الفراغ . 1



$$\lambda_1 = \frac{c}{v_1} = \frac{2,998 \times 10^8}{5,087 \times 10^{14}} = 0,589 \times 10^{-6} \, m = 0,589 \times 10^{-6} \times 10^9 = 589 \, \eta m$$

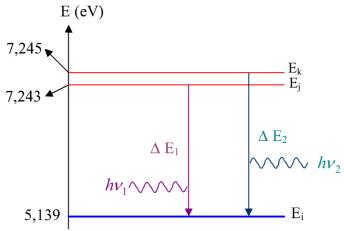
$$\lambda_2 = \frac{c}{v_2} = \frac{2,998 \times 10^8}{5,092 \times 10^{14}} = 0,588 \times 10^{-6} \, m = 0,588 \times 10^{-6} \times 10^9 = 588 \, \eta m$$

2 - تفسير هذا الطيف: رجوع الإلكترونات بعد إثارة الذرة إلى مستويات أقرب للنواة (مثلا الرجوع إلى مستوى الطاقة الأساسي لذرة الصوديوم) ينتج عنه انبعاث فوتونات تحمل الطاقة التي تخلصت منها الإلكترونات عند رجوعها.

$$E_j = E_i + h \nu_1 = 5{,}139 + \left(\frac{6{,}626 \times 10^{-34} \times 5{,}087 \times 10^{14}}{1{,}602 \times 10^{-19}}\right) = 7{,}243 \ eV \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_1 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_1 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad \text{of} \quad E_j - E_i = h \nu_2 \quad$$

$$E_k = E_i + h v_2 = 5,139 + \left(\frac{6,626 \times 10^{-34} \times 5,092 \times 10^{14}}{1,602 \times 10^{-19}}\right) = 7,245 \ eV \quad ev. \quad E_k - E_i = h v_2$$

#### 4 - السلم غير محترم بين المستويات.



## التمرين 49

 ${
m E}_{\infty}=0$  هو الموافق لـ  $\infty o \infty$  في العلاقة  $E_n=-rac{13.6}{n^2}$  ، وبالتالي  ${
m E}=0$  هو الموافق الـ  $\infty$ 

هذه الحالة توافق إصطلاحا الحالة التي تكون فيها ذرة الهيدروجين متشرّدة ، أي أن إلكترونها الوحيد قد إنتقل إلى ما لا نهاية .

2 - نغير قليلا في السؤال حتى يصبح مفهوما أكثر : << ما هو مستوى الطاقة الذي ينتقل إليه الإلكترون من ذرة الهيدروجين وهي في حالتها الأساسية عندما تتأثر باشعاع ذي طول موجة 91,2 mm >>

(1) E = hv نحسب الطاقة التي قدّمها الإشعاع للذرة من العلاقة التي قدّمها الإشعاع الخرة من العلاقة التي قدّمها الإشعاع الماتمة التي قدّمها الإشعاع التي قدّمها التي قدّمها الإشعاع التي قدّمها الإشعاع التي قدّمها التي قدّم التي قدّمها التي قدّم التي قدّم

(1) دينا ، 
$$v = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{91.2 \times 10^{-9}} = 3.289 \times 10^{15} \ Hz$$
 : لدينا

$$E = hv = 6,62 \times 10^{-34} \times 3,289 \times 10^{15} = 2,177 \times 10^{-18} J = \frac{2,177 \times 10^{-18}}{1.6 \times 10^{-19}} = 13,6 \text{ eV}$$

هذه القيمة هي الفرق بين طاقة المستوى الذي هاجر له الإلكترون  $(E_{
m n})$  وطاقة المستوى الأساسي  $E_{
m i}$  ، وبالتالي :

$$E_n = E_i + 13,6 = -13,6 + 13,6 = 0$$
 : ومنه  $E_n - E_i = 13,6$ 

. ومن العلاقة  $E_n=-rac{13,6}{n^2}$  نستنتج أن  $\infty o n$  ، أي أن الإلكترون غادر الذرّة ، أي أن ذرة الهيدروجين قد تشرّدت

$$\Delta E = E_3 - E_2 = -1,51 - \left(-3,4\right) = 1,89 \; eV$$
 يكون  $n=2$  إلى  $n=3$  إلى  $n=3$ 

$$v = \frac{\Delta E}{h} = \frac{1,89 \times 1,6 \times 10^{-19}}{6.62 \times 10^{-34}} = 4,56 \times 10^{14} \ Hz$$
 ومنه  $\Delta E = hv$ : نحسب تواتر الإشعاع من العلاقة

$$\lambda = \frac{c}{v} = \frac{3 \times 10^8}{4,56 \times 10^{14}} = 0,658 \times 10^{-6} \ m = 0,656 \ \mu m$$



# التطورات الرتبيبة

الكتاب الأول

الإخراج الأول

تطور جملة ميكانيكية

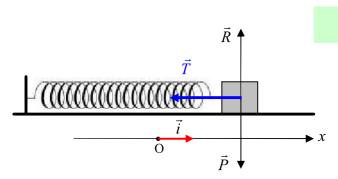
الوحدة 06

GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

## التمرين 01

1 - ما دامت الجملة المهتزة لا تخضع لمثير خارجي يؤثر على دورها الذاتي وسعتها ، فاهتزازاتها تكون حرة .



حرّة # قسرية

2 - نبض الإهتز از ات:

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الجسم

$$\vec{P} + \vec{R} = 0$$
 ولدينا ،  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m \vec{a}$ 

(1) 
$$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0 \quad \text{oais} \quad -kx \ \vec{i} = m\frac{d^2x}{dt^2}\vec{i}$$

 $x = X \cos(\omega_0 t + \varphi)$  : معادلة تفاضلية حلها من الشكل

(2)  $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$  : باشتقاق هذه المعادلة الزمنية بالنسبة للزمن مرّتين نجد



(3)  $\frac{d^2x}{dt^2} + 100x = 0$  : in the same of the land of the l

إذن زيادة على أن الاهتزازات حرّة فهي غير متخامدة .

 $\omega_0=10~rd/s$  ، ومنه ،  $\omega_0^2=100$  ، نجد (3) بمطابقة العلاقتين (2) بمطابقة

3 - ثابت مرونة النابض:

k=100~m=100 imes 1=100~N/m ، ومنه  $\frac{k}{m}=100$  نجد (3) و (1) بمطابقة العلاقتين

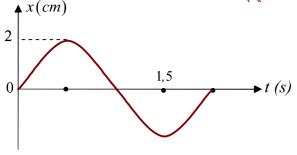
#### التمرين 02

1-1 المثال الأول : رقاص ميقاتية . يقوم بحركة اهتزازية دورها  $2~\mathrm{s}$ 

إهتزازاته حرّة غير متخامدة ، فهي مغذاة إما بطريقة ميكانيكية أو بطريقة كهربائية لتعويض الطاقة الضائعة .

المثال الثاني: حركة أرجوحة . تقوم بحركة اهتزازية حرة متخامدة إذا بقي راكبها ساكنا في مقعده ، أما بدأ يلوّح بقدميه ذهابا وإيابا فإن اهتزازات الأرجوحة لا تبقى حرّة ، بل تصبح خاضعة لإثارة خارجية هي اهتزازات أرجل الراكب ، فيتأثر الدور والسعة كذلك .

مثل هذه الاهتزازات نسميها قسريّة (نتعرّف عليها في الدرس الثاني)

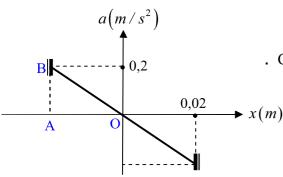


(x - 1 أكبر قيمة لـ X = 2 cm

$$t$$
 (s)  $T_0 = 2 \text{ s}$  ومنه  $T_0 = 1.5$  . ومنه  $T_0 = 1.5$ 

$$N_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2} = 0.5 \; Hz$$
 : جـ) التواتر

$$|v_{max}| = X\omega_0 = X \times 2\pi N_0 = 0,02 \times 6,28 \times 0,5 = 6,3 \times 10^{-2}~m/s$$
 : د) السرعة العظمى :



(X) وليس السعة (X)

.  ${
m C}>0$  ، البيان لدينا العلاقة a=-C ، حيث a=-C .

$$\frac{d^2x}{dt^2} + Cx = 0$$
 : هذه العلاقة يُمكن كتابتها بالشكل

(1) 
$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$$
 : هذه العلاقة من الشكل :

وهي المعادلة التفاضلية الموافقة لاهتزازات حرّة غير متخامدة .

وذلك، 
$$T_0^2 = \frac{4\pi^2}{\omega_0^2} = \frac{40}{10} = 4$$
 وذلك،  $C = \omega_0^2 = \frac{AB}{OB} = \frac{0.2}{0.02} = 10$  : وذلك - 2

$$T_0 = 2s$$
 : ومنه  $\pi^2 = 10$ 

(2) 
$$x = X \cos(\omega_0 t + \varphi)$$
 : المعادلة التفاضلية (1) حلها من الشكل  $-3$ 

من الشروط الابتدائية لدينا : عند t=0 عند ) من الشروط الابتدائية لدينا

$$arphi=0$$
 ، ومنه  $\cos arphi=1$  ، ومنه  $X=X\cos arphi$  ، نكتب نكتب ، كتب نكتب ، ومنه المعادلة الزمنية

. 
$$\left| \frac{d^2x}{dt^2} \right|$$
 قيمة للتسارع ( X وهي )  $x$  أكبر قيمة لـ  $x$  أكبر قيمة للتسارع  $\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega_0^2 x$ 

. 
$$X=2\ cm$$
 على البيان أكبر تسارع هو  $|a|=0,2\ m/s^2$  ، وهذا يوافق على البيان أكبر تسارع هو

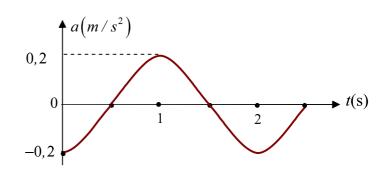
$$x=2\cos\sqrt{10}\ t\ (cm)$$
 : المعادلة الزمنية هي

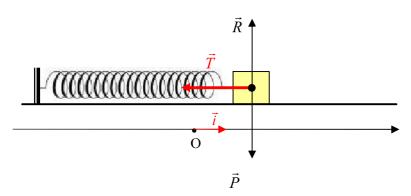
: a(t) تمثیل التسارع

$$a(t)=-X\omega_0^2\cos\sqrt{10}\,t=-0,2\cos\sqrt{10}\,t$$
 فنجد  $x(t)$  فنجد نشتق مرتین

t	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	$T_0$
$a(m/s^2)$	- 0,2	0	+ 0,2	0	-0,2





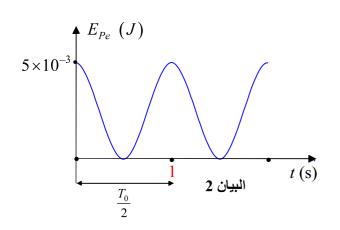


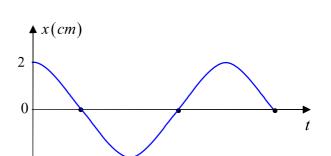
1 – المعادلة التفاضلية:

من البيان – 1 نستنتج أن الاحتكاك غير موجود لأن سعة الاهتزاز بقيت ثابتة بمرور الزمن . x

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الجسم:

$$\vec{P} + \vec{R} = 0$$
 ولدينا ،  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m \vec{a}$ 





(1)  $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0 \quad \text{oais} \quad -kx \ \vec{i} = m\frac{d^2x}{dt^2}\vec{i}$ 

(2)  $x = X \cos(\omega_0 t + \varphi)$  : من الشكل (1) من التفاضلية - 2

X = 2 cm : السعة : من البيان -1 لدينا

 $T_0 = 2 \text{ s}$  ، ومنه  $\frac{T_0}{2} = 1$  الدور : من البيان -2 لدينا

البيان 1

x=X ، t=0 عند : الصفحة الإبتدائية : من البيان t=1 لدينا

arphi=0 ، ومنه  $\cosarphi=1$  ، ومنه  $X=X\cosarphi$  : (2) بالتعويض في المعادلة الزمنية

 $x=2\cos\pi t$  (cm) : المعادلة الزمنية هي  $x=2\cos\frac{2\pi}{T_0}t$  : المعادلة الزمنية المعادلة الزمنية هي

:  $E_{Pe}(t)$  عبارة الطاقة الكامنة -3

$$E_{Pe} = \frac{1}{2}kx^2 = \frac{1}{2}k\left(0.02\cos\frac{2\pi}{T_0}t\right)^2 = 2\times10^{-4}k\cos^2\pi t$$

. x = X أجل من البيان (2) لدينا :  $\frac{1}{2}kX^2 = 5 \times 10^{-3}$  : البيان (2) لدينا - 4

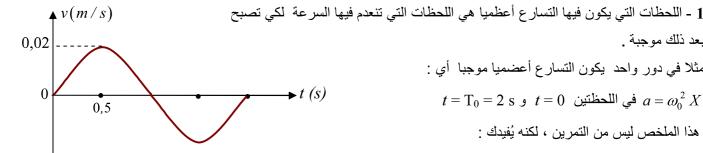
 $k = \frac{2 \times 5 \times 10^{-3}}{(0.02)^2} = 25 \ N/m$  : each

GUEZOURI A. Maraval Oran

$$m = \frac{k}{\omega_0^2} = \frac{25}{10} = 2,5 \ kg$$
 دينا  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$ 

بعد ذلك موجبة .

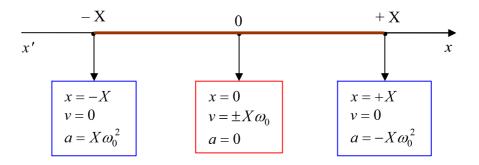
تصحيح : التسارع يكون أعظميا موجبا ليس في لحظة واحدة .



مثلا في دور واحد يكون التسارع أعضميا موجبا أي :

$$t=\mathrm{T}_0=2~\mathrm{s}$$
 و  $t=0$  في اللحظتين  $a=\omega_0^2~X$ 

هذا الملخص ليس من التمرين ، لكنه يُفيدك :



 $a=X\omega_0^2$  قيمة التسارع الأعظمي هي

 $X\omega_0=0.02$  من مخطط السرعة في الشكل لدينا

(1) و 
$$X=\frac{0.02}{\pi}$$
 و بالتعويض في  $\alpha_0=\frac{2\pi}{T_0}=\frac{2\pi}{2}=\pi \ rd/s$  و التعويض في  $T_0=2 \ s$  ولدينا

$$a = \frac{0.02}{\pi} \pi^2 = 6.3 \times 10^{-2} \ m/s^2$$

$$E_{Cmax} = \frac{1}{2} m \ v^2 = 0.5 \times 0.2 (0.02)^2 = 4 \times 10^{-5} \ J$$
 : الطاقة الحركية العظمى : - 2

$$E_c(t) = \frac{1}{2}m [v(t)]^2 : E_c(t)$$
 نمثیل - 3

(3) 
$$v(t) = -X\omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$$
 : لدينا

$$0=-X\omega_0\sin\varphi$$
 نجد (3) نجد  $v=0$  يكون  $v=0$  يكون نجد  $t=0$  نجد

$$arphi=\pi$$
 ونعلم أن  $arphi=0$  ، إذن  $\sinarphi=0$  ، وبالتالي  $arphi=0$  أو  $X\omega_0
eq 0$ 

. نعلم أن عند t=0 كان التسارع موجبا

. 
$$a(t)=-X\omega_0^2\cos\varphi$$
 نجد  $t=0$  نجد  $a(t)=-X\omega_0^2\cos(\omega_0 t+\varphi)$  : عبارة التسارع هي

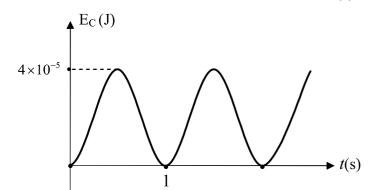
. 
$$\cos\pi=-1$$
 لأن  $\varphi=\pi$  لأن يكون هذا التسارع موجبا يجب أن تكون



# طريقة أخرى لإيجاد φ:

. 
$$x=-X$$
 عند  $t=0$  عند السرعة معدومة لتصبح بعد ذلك موجبة ، إذن  $t=0$  عند  $\phi=\pi$  ، ومنه  $\phi=\pi$  ، وبالتعويض نجد  $\phi=\pi$  ، وبالتعويض نجد  $\phi=\pi$ 

عبارة السرعة هي إذن  $v(t)=-0.02\sin(\pi t+\pi)=0.02\sin\pi$  ، وبالتالي تكون عبارة الطاقة الحركية :



$$E_C(t) = 4 \times 10^{-5} \sin^2 \pi t$$

4 - قيمة ثابت مرونة النابض k :

$$k=m$$
  $\omega_0^2=0,2 imes\pi^2=2$   $N/m$  ومنه،  $\omega_0^2=rac{k}{m}$  لدينا

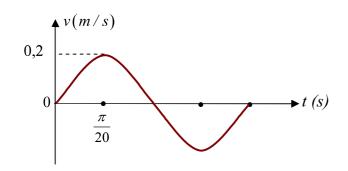
#### ملاحظة

هذا النابض يستطيل عند التوازن بالقيمة

$$\Delta l = \frac{P}{k} = \frac{mg}{k} = \frac{0.2 \times 10}{2} = 1 \ m$$

لم نعرف مثل هذه النوابض في مخابرنا!!

لو أستُعْملت المعطيات التالية في التمرين يكون أحسن:



# التمرين 06

.  $\widehat{AB}$  منطبقا تقريبا مع القطعة المستقيمة  $\widehat{AB'}$  منطبقا تقريبا مع القطعة المستقيمة

$$heta_0 = 5,7^\circ = 0.1 \ rd$$
 ، ومنه  $tg heta_0 = rac{AB}{100} = 0.1$  ، ومنه في هذه الحالة يكون

. ما دامت السعة  $\,\theta_0 < \! 10^\circ \,$  يمكن اعتبارها صغيرة

$$N_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2} = 0.5 \; Hz$$
 : يواتر الإهنزاز - 2

: ومنه :  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{\sigma}}$  : ومنه البسيط من أجل السعات الصغيرة هو .  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{\sigma}}$ 

$$g = \frac{4\pi^2 l}{T^2} = \frac{4 \times 9,86 \times 1}{4} = 9,86 \text{ m/s}^2$$



 $heta = heta_0 \cos \left( \omega_0 t + arphi 
ight)$ : هي الاهتزازات صغيرة السعة هي النواس البسيط من أجل الاهتزازات صغيرة السعة هي -4

(2) 
$$\frac{d\theta}{dt} = -\theta_0 \omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$$
 السرعة الزاوية للنواس هي

السرعة الزاوية العظمى هي :  $\frac{d\theta}{dt} = \pm \theta_0 \omega_0$  ، وبالتعويض في (2) نجد  $\sin(\omega_0 t + \varphi) = \pm 1$  ، ومنه

$$\omega_0 t + \varphi = (2k+1)\frac{\pi}{2}$$

Maraval Oran

$$heta= heta_0\cos(2k+1)rac{\pi}{2}=0$$
 بالتعويض في (1) نجد الفاصلة الزاوية

(3) 
$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\theta_0 \omega_0^2 \cos(\omega_0 t + \varphi) \quad \text{see} \quad -5$$

التسارع أعظمي موجب معناه  $\theta_0\omega_0^2=-\theta_0\omega_0^2\cos(\omega_0t+\varphi)$  : نكتب (3) التسارع أعظمي موجب معناه  $\frac{d^2\theta}{dt^2}=\theta_0\omega_0^2$  ، ومنه

.  $\omega_0 t + \varphi = \pi$  وبالنالي ،  $\cos(\omega_0 t + \varphi) = -1$ 

$$\theta = \theta_0 \cos \pi = -\theta_0$$
 نعوض في (1) ونجد

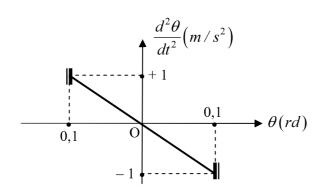
 $heta=- heta_0$  فلکي يکون  $heta=- heta_0$  أعظميا موجبا يجب أن يکون  $heta=- heta_0$  فلکي يکون فلکي يکون أعظميا موجبا يجب أن يکون  $heta=- heta_0^2$ 

: 
$$\theta$$
 بدلالة المطال الزاوي  $\frac{d^2 \theta}{dt^2}$  بدلالة المطال الزاوي

 $-\omega_0^2$  ديث أن البيان عبارة عن مستقيم يمر بالمبدأ وميله يكافيء ،  $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\omega_0^2 \, \theta$  المطلوب هو تمثيل العلاقة  $\theta$ 

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \ rd/s$$
 لدينا

القيمتان الحديتان للتسارع الزاوي هما  $-\pi^2 \times 0.1 < \frac{d^2\theta}{dt^2} < \pi^2 \times 0.1$  ، أي  $-\omega_0^2 \theta_0 < \frac{d^2\theta}{dt^2} < \omega_0^2 \theta_0$  هما هما القيمتان الحديثان التسارع الزاوي هما المحتوية الم



 $\pi^2 \approx 10$  ، وذلك بأخذ  $-1 < \frac{d^2\theta}{dt^2} < +1$ 

# التمرين 07

1 - دور النواس البسيط: هو الزمن الفاصل بين مرورين متعاقبين للنواس في نفس الوضع في نفس الجهة.
 أو: الدور هو الزمن اللازم لتكرار المسار مرتين.

2 - العلاقة المعطاة تنطبق مع دور الاهتزازات صغيرة السعة ، تكون عبارة الدور في هذه الحالة :

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} = 2\pi (m)^{0} (l)^{\frac{1}{2}} (g)^{-\frac{1}{2}}$$

x=0 ,  $y=rac{1}{2}$  ,  $z=-rac{1}{2}$  ، نجد T=k  $m^x$   $l^y$   $g^z$  المطابقة مع العلاقة المعطاة T=k

كل ما يمكن استنتاجه هو أن الاهتزازات صغيرة السعة وأن دور النواس البسيط مسقل عن كتلته.



$$g = \frac{4\pi^2 \times l}{T_0^2} = \frac{4 \times 9,86 \times 1}{4} = 9,86 \ m/s^2$$
 دينا - 3



1 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الجسم:

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{T}_1 + \vec{T}_2 = m \ \vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{R} = 0$$

 $R_1$  بقدر ما يتقلص  $R_2$  يستطيل

(1) 
$$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k_1 + k_2}{m}x = 0 \quad \text{output} \quad -k_1x \ \vec{i} - k_2x \ \vec{i} = m\frac{d^2x}{dt^2} \vec{i}$$

(2)  $x = X \cos(\omega t + \varphi)$  : المعادلة التفاضلية (1) حلها من الشكل - 2

(في هذا التمرين رمزنا للدور الذاتي بـ T)

(3) 
$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$$
 : باشتقاق المعادلة (2) بالنسبة للزمن مرتين نجد

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_1 + k_2}} = 6,28 \sqrt{\frac{0,4}{90}} = 0,42 s$$
 بمطابقة (1) و (3) نجد  $\omega^2 = \frac{k_1 + k_2}{m}$ 

### الصفحة الابتدائية:

v>0 و x=0 يكون x=0 و x=0 حسب الشروط الابتدائية : عند

. 
$$\varphi = \frac{3\pi}{2}rd$$
 ،  $\varphi = \frac{\pi}{2}rd$  ، ومنه  $0 = X\cos\varphi$  : (2) نعوّض في المعادلة

. 
$$v = -X\omega\sin\varphi$$
 يكون  $t = 0$  عند  $v = \frac{dx}{dt} = -X\omega\sin(\omega t + \varphi)$  لدينا

. 
$$X>0$$
 ,  $\omega>0$  تكون  $\varphi=\frac{3\pi}{2}rd$  هذه القيمة موجبة لأن  $\varphi=\frac{3\pi}{2}rd$  من أجل  $\varphi=\frac{3\pi}{2}rd$ 

$$\varphi = \frac{3\pi}{2} rd$$
 إذن الصفحة الابتدائية هي

.  $X=2~\mathrm{cm}$  ، أي القيمة التي أزحنا بها الجسم عن وضع توازنه ، أي

GUEZOURI A. Maraval Oran

 $\vec{P}$ 

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{6,28}{0,42} \approx 15 \ rd/s$$
 : نبض الحركة

$$x=2\cos\left(15t+rac{3\pi}{2}
ight)$$
 (cm) : المعادلة الزمنية هي

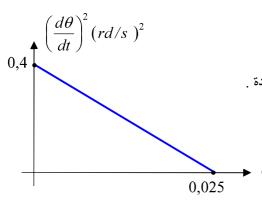
نجد 
$$t=0$$
 ،  $v=\frac{dx}{dt}=-0.02\times15\sin\left(15t+\frac{3\pi}{2}\right)=-0.3\sin\left(15t+\frac{3\pi}{2}\right)$  نجد - 4

$$v = 3.0 \times 10^{-1} \ m/s$$

بعد زمن قدره ربع دور  $\left(\frac{T}{4}\right)$  يصبح الجسم في أعظم مطال موجب ، وبالتالي تنعدم سرعته (لأنه كان في اللحظة t=0 في المبدأ متجها نحو المطالات الموجبة ) .

بعد زمن قدره نصف دور ابتداء من t=0 يصبح الجسم في مبدأ الفواصل و هو متجه نحو المطالات السالبة ، وبالتالي تكون سرعته عظمى لكن سالبة ، أي  $v=-3.0\times 10^{-1}~m/s$  .

التمرين 09



: من الشكل heta إذا كانت المعادلة التفاضلية لتغيّر الفاصلة الزاوية heta من الشكل heta

. أي 
$$\theta=0$$
 أي أي  $\frac{d^2\theta}{dt^2}+\frac{g}{l}\theta=0$  تكون الاهتزازات حرّة غير متخامدة .  $\frac{d^2\theta}{dt^2}+\omega_0^2\theta=0$ 

في هذه الحالة تكون المعادلة الزمنية من الشكل:

(1) 
$$\theta = \theta_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

(2) 
$$\frac{d\theta}{dt} = -\theta_0 \omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$$
 وتكون السرعة الزاوية

(3) 
$$\frac{d\theta}{dt} = -\theta_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$$
 : نكتب ،  $\omega_0^2$  على على  $\omega_0^2$  على بتقسيم طرفي المعادلة (2) بتقسيم طرفي

$$heta^2= heta_0^2\,\cos^2\left(\omega_0t+arphi
ight)$$
 و  $rac{\left(rac{d heta}{dt}
ight)^2}{\omega_0^2}= heta_0^2\,\sin^2\left(\omega_0t+arphi
ight)$  : نجد (3) و (1) نجد بتربيع طرفي المعادلتين

: ومنه ، ( 
$$\cos^2\alpha+\sin^2\alpha=1$$
 نأن ) ،  $\frac{\left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2}{\omega_0^2}+\theta^2=\theta_0^2$  : ومنه نكتب نامعادلتين طرفا لطرف نكتب : ومنه المعادلتين طرفا لطرف نكتب : ومنه : ومنه

$$\omega_0^2\, heta_0^2$$
 هذه العلاقة هي معادلة مستقيم ميله  $-\omega_0^2$  ويقطع محور التراتيب في ،  $\left(rac{d heta}{dt}
ight)^2=-\omega_0^2\, heta^2+\omega_0^2\, heta_0^2$ 

هذه العلاقة توافق البيان المعطى ، وبالتالي هذه الاهتزازات حرّة غير متخامدة .

2 – دور الاهتزازات :

$$T_0 = rac{2\pi}{\omega_0} = rac{2\pi}{4} = 1,57 \; s$$
 ميل البيان هو  $\omega_0 = 4 \; rd \; / \; s$  ومنه  $-\omega_0^2 = -rac{0,4}{0,025}$  ميل البيان هو

 $: \theta_0$  السعة الزاوية - 3

$$\theta_0 = \frac{\sqrt{0,4}}{\omega_0} = \frac{0,63}{4} \approx 0.16 \ rd$$
 من البيان  $\omega_0^2 \, \theta_0^2 = 0.4$  من البيان

طول النواس 1:

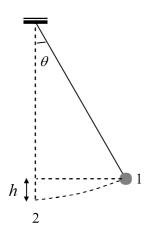
$$l = 62,5 \; cm$$
 ،  $l = \frac{g}{\omega_0^2} = \frac{10}{16}$  ، ومنه ،  $\omega_0^2 = \frac{g}{l}$  لدينا

4 - بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين (1) و (2):

$$(v_1 = 0)$$
  $v_2^2 = 2g h$   $v_2^2 - \frac{1}{2}m v_2^2 - \frac{1}{2}m v_1^2 = mg h$ 

$$h = l - l \cos \theta = 0,625(1 - 0,86) = 0,087m$$

$$v_2 = 1.32 \ m/s$$
  $v_2^2 = 2 \times 10 \times 0.087 = 1.74$ 





b مياه ميارة البيانية T=b مياه مياه مياه المبدأ ميله المبدأ مياه المبدأ مياه المبدأ مياه المبدأ مياه المبارة المبيانية

2 - الدر اسة الطاقوية:

$$E_C + E_{PP} = E$$

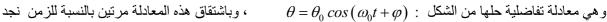
o محيث  $E_{ ext{PP0}}$  تتعلق بالوضع المرجعي ،  $rac{1}{2} mv^2 + mgh + E_{PP0} = E$ 

(1) 
$$\frac{1}{2}m\left(\frac{d\theta}{dt}\right)^{2}l^{2} + mg\left(l - l\cos\theta\right) + E_{PP0} = E$$

باشتقاق طرفي العلاقة (1) بالنسبة للزمن:

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{g}{l}\sin\theta = 0 \quad \text{on } 2 \times \frac{1}{2}m\left(\frac{d\theta}{dt}\right) \times l^2\left(\frac{d^2\theta}{dt^2}\right) + mgl\frac{d\theta}{dt}\sin\theta = 0$$

(2) 
$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{g}{l}\theta = 0 :$$
 الاهتزازات صغيرة السعة إذن



$$(3) \qquad \frac{d^2\theta}{dt^2} + \omega_0^2 \ \theta = 0$$

.  $T_0 = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{\frac{l}{\sigma}}$  ، ولدينا ،  $\omega_0^2 = \frac{g}{l}$  نجد (3) بمطابقة

. من علاقة الدور نكتب  $\sqrt{I}$  من علاقة الدور نكتب  $T_0 = \frac{2\pi}{\sqrt{\sigma}}$  هو ميل البيان 3

 $g = 9.86 \ m/s^2$  من البيان:  $\frac{2\pi}{\sqrt{g}} = \frac{2}{1} = 2$ 



 $ec{F}=m\;ec{a}$ : بتطبیق القانون الثانی لنیوتن

 $F = m \ a \ : \vec{F}$  نسقط على محور مواز ومنطبق مع

 $ec{P}$  .  $ec{P}$  و محصلة  $ec{T}$ 

قانون محصلة قوتين هو:

(4) 
$$F^2 = P^2 + T^2 + 2PT \cos(\vec{P}, \vec{T})$$

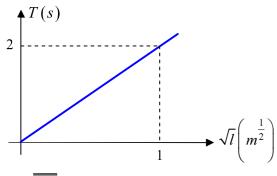
الزاوية بين  $ec{T}$  و  $ec{P}$  هي :

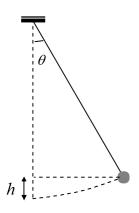
$$(\vec{P}, \vec{T}) = 180 - 30 = 150^{\circ}$$

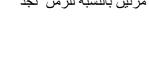
لحساب T (قوة توتر الخيط) نطبق القانون الثاني لنيوتن

في الوضع (2).

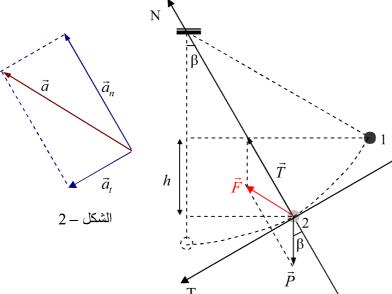
و بإسقاط العلاقة الشعاعية على المحور الناظمي ،  $\vec{P} + \vec{T} = m \; \vec{a}$ 











elwaha.yoo7.com

(5) 
$$T = P\cos\beta + m\frac{v_2^2}{l} \quad \text{otherwise} \quad T - P\cos\beta = m\frac{v_2^2}{l}$$

 $\frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = mgh$  : (2) و (1) و الطاقة الحركية بين الوضعين الوضعين  $v_2^2$ 

(6) 
$$v_2^2 = 2gh$$

 $h = l(\cos \beta - \cos \alpha) = 1(0.866 - 0.500) = 0.366 \, m$  من الشكل -1 لدينا

 $v_2^2 = 2 \times 10 \times 0.366 = 7.32$  : i.e.: (6) i.e.:

 $T=0.5\times0.866+0.05\frac{7.2}{1}=0.79N$  نجد (5) نجد بالتعويض في العلاقة (5)

F = 0.43 N ،  $F^2 = (0.5)^2 + (0.79)^2 + 2 \times 0.5 \times 0.79 \cos 150^\circ$  (4) من العلاقة F من العلاقة من العلاقة أ

$$a = \frac{F}{m} = \frac{0.43}{0.05} = 8.6 \ m/s^2$$
 وبالتالي نحسب التسارع

 $: a_t$  التسارع المماسي

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في الوضع (1) والإسقاط على المحور المماسي نجد :  $P \sin \beta = m \ a_t$  ومنه :

$$a_t = \frac{P \sin \beta}{m} = \frac{0.5 \times 0.5}{0.05} = 5 \ m / s^2$$

: من الشكل  $a^2 = a_t^2 + a_n^2$  : نكتب نكتب الشكل  $a^2 = a_t^2 + a_n^2$  : نكتب الشكل  $a^2 = a_t^2 + a_n^2$ 

$$a_n = \sqrt{a^2 - a_t^2} = \sqrt{(8,6)^2 - (5)^2} = 7 \ m/s^2$$

ملاحظة : كان بالإمكان حساب التسارع الناظمي أو لا من العلاقة  $a_n = \frac{v_2^2}{l}$  ، ثم التسارع المماسي ثم نستنتج محصلتهما التي تمثل التسارع . كن ارتأينا أن نتبع الترتيب الوارد في السؤال .

### التمرين 11

(1)  $P\vec{i} - k\Delta l \ \vec{i} = 0$  عند التوازن يكون - 1

$$\Delta l = \frac{mg}{k}$$
 ومنه

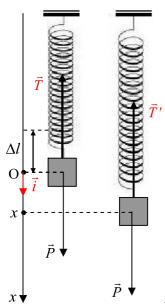
(x) الدراسة الحركية : لما نسحب الجسم نحو الأسفل ونتركه وتصبح فاصلة مركز عطالته -2

$$P\vec{i}-k\left(x+\Delta l
ight)\vec{i}=mrac{d^2x}{dt^2}\vec{i}$$
 : أي  $\vec{T}'+\vec{P}=m$   $\vec{a}$  نطبق عليه القانون الثاني لنيوتن

: يصبح لدينا ، 
$$P\vec{i} - kx\vec{i} - k\Delta l \ \vec{i} = m \frac{d^2x}{dt^2} \vec{i}$$

(2) 
$$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0$$
 ومنه المعادلة التفاضلية ،  $-kx = m\frac{d^2x}{dt^2}$ 

هذه المعادلة التفاضلية حلها من الشكل :  $x = X \cos(\omega_0 t + \varphi)$  وهي المعادلة الزمنية لحركة جيبية



: كل حركة مستقيمة تسارعها من الشكل a=-bx، حيث b عدد حقيقي موجب هي حركة جيبية ، والعكس صحيح ، أي : كل حركة مستقيمة جيبية تسارعها من الشكل a=-bx

(3) 
$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$$
 باشتقاق المعادلة الزمنية مرتين بالنسبة للزمن نجد - 3

. 
$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$
 : وبالتالي ،  $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0}$  ، ولدينا ،  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$  نكتب نكتب ، ولدينا ،  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$ 

$$T_0=1~s$$
 ، ومنه ،  $\dfrac{3T_0}{4}=0.75$  نستنتج الدور الذاتي من البيان  $x(t)$  ، حيث لدينا

$$x = X \cos(\omega_0 t + \varphi)$$
 لدينا - 4

: بوبتربیع طرفي کل علاقة نجد ، 
$$v = -X\omega_0 \sin(\omega_0 t + \varphi)$$

(4) 
$$x^2 = X^2 \cos^2(\omega_0 t + \varphi)$$

(5) 
$$v^2 = X^2 \omega_0^2 \sin^2(\omega_0 t + \varphi)$$

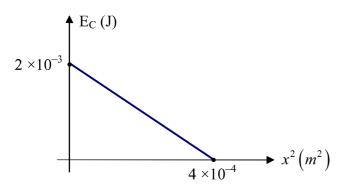
(6) 
$$\frac{v^2}{\omega_0^2} = X^2 \sin^2(\omega_0 t + \varphi)$$
 : نكتب ،  $\omega_0^2$  على على العلاقة (5) على بتقسيم طرفي العلاقة

بجمع العلاقتين (4) و (6) طرفا لطرف ، نجد 
$$\frac{v^2}{\omega_0^2} + x^2 = X^2 \left( \sin^2 \left( \omega_0 t + \varphi \right) + \cos^2 \left( \omega_0 t + \varphi \right) \right)$$
 ومنه

$$v^2 = \omega_0^2 (X^2 - x^2)$$

$$E_C = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m \omega_0^2 \left( X^2 - x^2 \right)$$
 : عبارة الطاقة الحركية هي إذن

دينا 
$$E_C = -Bx^2 + C$$
 : عبارة الطاقة الحركية من الشكل  $E_C = -\frac{1}{2}m\omega_0^2 \frac{x^2}{x^2} + \frac{1}{2}m\omega_0^2 X^2$  دينا - 5



$$C = \frac{1}{2} m\omega_0^2 X^2$$
 ,  $B = \frac{1}{2} m\omega_0^2$ 

#### حساب الكتلة m

(ميل المستقيم) 
$$-\frac{1}{2}m\omega_0^2 = -\frac{2\times10^{-3}}{4\times10^{-4}}$$

$$\omega_0=rac{2\pi}{T_0}=rac{2\pi}{1}=2\pi\ rd/s$$
 ولدينا

m=0,25~kg بالتعويض في العلاقة السابقة نجد

حساب السعة X :

$$m{X} = m{0}$$
, 02 س ، ومنه نجد  $C = rac{1}{2} m \omega_0^2 \ X^2 = 2 imes 10^{-3}$  لدينا

# حساب ثابت المرونة k :

$$m{k}=10~m{N/m}$$
 ،  $k=m~\omega_0^2=0,25 imes4\pi^2$  دينا  $\omega_0^2=rac{k}{m}$ 

### $\phi$ حساب الصفحة الابتدائية

من البيان x(t) لدينا عند t=0 يكون t=0 و t=0 و لأن المطالات تتزايد بعد t=0 ، أي أن المتحرك متجه في الجهة الموجبة للمحور) .

. 
$$\varphi=rac{3\pi}{2}$$
 ،  $\varphi=rac{\pi}{2}$  ، ومنه  $0=X\cos\varphi$  : ونجد  $x=X\cos(\omega_0 t+\varphi)$  ، ومنه  $x=X\cos(\omega_0 t+\varphi)$ 

$$t=0$$
 الزمن  $v=-X\omega_0\sin(\omega_0t+arphi)$  الزمن عبارة السرعة وغيض الزمن  $v=-X\omega_0\sin(\omega_0t+arphi)$ 

$$arphi = rac{3\pi}{2}$$
 هذه السرعة تكون موجبة من أجل  $v(0) = -X\omega_0 \sin arphi$ 

# x=1 دساب السرعة عند الفاصلة - 6

$$cos(\omega_0 t + \varphi) = \frac{1}{2}$$
 : ومنه  $1 = 2cos(\omega_0 t + \varphi)$  : ونكتب  $x(t)$  نعوّض في المعادلة الزمنية

إن حل هذه المعادلة يعطي عبارة السرعة لوجدنا من أجل . 
$$\omega_0 t + \varphi = \frac{5\pi}{3}$$
 ،  $\omega_0 t + \varphi = \frac{\pi}{3}$  إن حل هذه المعادلة يعطي

. 
$$\omega_0 t + \varphi = \frac{\pi}{3}$$
 السرعة موجبة ، وهذا يتوافق مع الشروط الابتدائية  $(v>0)$  إذن نرفض القيمة  $\omega_0 t + \varphi = \frac{5\pi}{3}$ 

$$v = -0.02 \times 2\pi \times \sin \frac{5\pi}{3} = 0.11 \ m/s$$

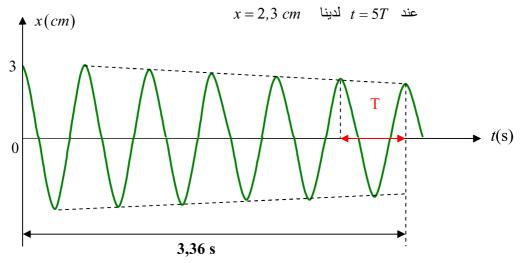


### التمرين 12

# I - الدراسة البيانية :

- 1 الإهتزازات حرّة (لا يوجد مثير خارجي ) متخامدة (السعة تنقص بمرور الزمن).
- .  $T = \frac{t}{6} = \frac{3,36}{6} = 0,560 \, s$  وبالتالي  $t = 3,36 \, s$  أدوار هي  $t = 3,36 \, s$  وبالتالي  $t = 3,36 \, s$ 
  - $x=3\ cm$  لدينا  $t_0=0$  عند أن عند على مخطط الفاصلة أن عند -3

$$x = 3 cm$$
 Legist  $t = T$  are



### II - دراسة طاقوية

$$E = \frac{1}{2}k x^2 + \frac{1}{2}m v^2$$
 : Healis like it is in the contraction : 1

عدومة لأن المطال يكون أعظميا في هذه اللحظات ، وبالتالي  $t=5~\mathrm{T}$  ، t=T ، t=0 : في اللحظات ، وبالتالي تكون الطاقة الحركية معدومة.

$$E=E_{Pe}=rac{1}{2} imes13\,\left(0,03
ight)^{2}=5,85 imes10^{-3}J$$
 عند اللحظة  $t=0$  تكون  $t=0$ 

$$E=E_{Pe}=rac{1}{2} imes 13 \ \left(0,03
ight)^2=5.85 imes 10^{-3} J$$
 عند اللحظة  $t={
m T}$  السعة لم تتغير ، وبالتالي  $t={
m T}$ 

$$E=E_{Pe}=rac{1}{2} imes13~\left(0.023
ight)^{2}=3.44 imes10^{-3}J$$
 وبالتالي  $X'=2.3~{
m cm}$  د للحظة  $t=5{
m T}$ 

3 - نلاحظ أن قيمة الطاقة الكلية تتناقص بمرور الزمن ، والسبب في ذلك هو وجود قوى الاحتكاك .

$$\omega pprox \omega_0$$
 حيث . (1)  $x = X \cos \left(\omega t + \varphi\right)$  حيث عتبارها من الشكل - 4

.  $\omega_0 t + \varphi = (2k+1) \frac{\pi}{2}$  وبالتالي  $X \cos(\omega_0 t + \varphi) = 0$  عند المرور بوضع التوازن يكون

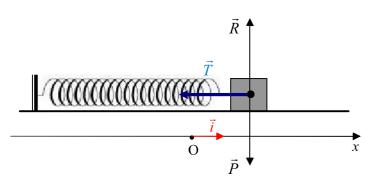
.  $\omega_0 t + \varphi = \frac{\pi}{2}$  : أي، k=0 المرور الأول يوافق

نعوض في عبارة السرعة  $v=-X\omega_0\sin(\omega_0t+arphi)$  ونستنتج

$$v = -X\omega_0 \sin\frac{\pi}{2} = -X\omega_0 = -0.03 \times \frac{2\pi}{0.56} = -0.33 \ m/s$$

الدراسة التحريكية





بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة الجسم:

$$\vec{P} + \vec{R} = 0$$
 ولدينا ، ، ولدينا ، ،  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m \ \vec{a}$ 

(1) 
$$m\frac{d^2x}{dt^2} + k \ x = 0 \quad \text{output} \quad -kx \ \vec{i} = m\frac{d^2x}{dt^2} \vec{i}$$

(1) هي حل للمعادلة الزمنية  $x=X\cos\left(\omega_{0}t+arphi
ight)$  نبيّن أن المعادلة الزمنية

: (1) وبالتعويض في ، 
$$\frac{d^2x}{dt} = -\omega_0^2 \; X \cos(\omega_0 t + \varphi)$$
 : نشتق المعادلة الزمنية مرتين فنجد

. ومنه المساواة محققة ، 
$$\omega_0^2 = \frac{k}{m}$$
 لأن  $-m\omega_0^2 \ X \cos(\omega_0 t + \varphi) + k \ X \cos(\omega_0 t + \varphi) = 0$ 

$$T_0=2\pi\sqrt{rac{m}{k}}$$
 ، ومنه  $T_0=rac{2\pi}{\omega_0}$  : عبارة الدور  $T_0=rac{2\pi}{\omega_0}$ 

elwaha.yoo7.com

$$[T_0] = \left[\frac{[K]}{[K][M][T]^{-2}[M]^{-1}}\right]^{\frac{1}{2}} = \sqrt{[T]^2} = [T] : \text{ if } 1 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$= \sqrt{[T]^2} = [T] : \text{ if } 1 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$= \sqrt{[T]^2} = \sqrt{[T]^2} = [T] : \text{ if } 1 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$= \sqrt{[T]^2} = \sqrt{[T]^2} =$$

$$T_0=6,28\sqrt{rac{0,1}{13}}=0,550~s~:$$
 قيمة الدور الذاتي - 5

$$2\%$$
 الدّقة هي الإرتياب النسبي على شكل نسبة مئوية  $\frac{|T-T_0|}{T_0} = \frac{0.56-0.55}{0.55} = 0.02$  الدّقة هي الإرتياب النسبي على شكل نسبة مئوية

